

---

## 1. Vendas diarias nun restaurante (Iniciación)

**1. Primera Lectura (Contexto General):** \* Ventas diarias de un restaurante siguen una distribución normal.

**2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):**

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**

- (a)  $P(\text{Ventas} > 1400\text{€}) \rightarrow \text{Normal.}$
  - (b)  $P(\text{No cubrir gastos}) = P(\text{Ventas} < 980\text{€}) \rightarrow \text{Normal.}$

- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**

- $X = \text{"Ventas diarias"} \sim N(\mu=1220\text{€}, \sigma=120\text{€}).$
  - (a)  $P(X > 1400).$
  - (b) Cubrir gastos si  $X \geq 980\text{€}$ . No cubrir si  $X < 980\text{€}$ .  $P(X < 980).$
  - **Tachar:** Ninguno, es muy directo.

**3. Resolución (Estrategia y Ejecución):**

- **b) Ejecuta:**

- (a)  $X \sim N(1220, 120)$ .  $P(X > 1400)$ 
    - $Z = (1400 - 1220) / 120 = 180 / 120 = 1.5.$
    - $P(Z > 1.5) = 1 - P(Z \leq 1.5) = 1 - 0.9332 = \mathbf{0.0668}.$
  - (b)  $P(X < 980)$ 
    - $Z = (980 - 1220) / 120 = -240 / 120 = -2.$
    - $P(Z < -2) = P(Z > 2) = 1 - P(Z \leq 2) = 1 - 0.9772 = \mathbf{0.0228}.$

## 2. Temperatura máxima en julio (Iniciación)

**1. Primera Lectura (Contexto General):** \* Temperatura máxima en julio sigue una distribución normal.

**2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):**

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**

- $P(21^{\circ}\text{C} < \text{Temp} < 27.2^{\circ}\text{C}) \rightarrow \text{Normal.}$
  - N° días del mes con Temp en ese rango  $\rightarrow \text{Proporcionalidad}$  (usando la probabilidad anterior).
- b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:
- $T = \text{"Temperatura máxima"} \sim N(\mu=25^{\circ}\text{C}, \sigma=4^{\circ}\text{C}).$
  - $P(21 < T < 27.2).$
  - N° días en julio = 31.
  - **Tachar:** Ninguno.

### 3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- b) Ejecuta:
- $T \sim N(25, 4). P(21 < T < 27.2)$ 
    - $Z_1 = (21 - 25) / 4 = -4 / 4 = -1.$
    - $Z_2 = (27.2 - 25) / 4 = 2.2 / 4 = 0.55.$
    - $P(-1 < Z < 0.55) = P(Z < 0.55) - P(Z < -1) = P(Z < 0.55) - (1 - P(Z < 1)).$
    - $P(Z < 0.55) \approx 0.7088. P(Z < 1) \approx 0.8413.$
    - Probabilidad =  $0.7088 - (1 - 0.8413) = 0.7088 - 0.1587 = \mathbf{0.5501}.$
  - N° días esperado =  $0.5501 * 31 \approx \mathbf{17.05 \text{ días}}$  (se podría redondear a 17 días).
- 

### 3. Notas PAU

1. Primera Lectura (Contexto General): \* Notas PAU para dos carreras (A y B) siguen distribuciones normales distintas. Se admite al 25% mejor.

#### 2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):

- a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:
  - Hallar nota mínima para estar en el 25% superior (percentil 75) para Carrera A  $\rightarrow$  **Normal (inversa).**
  - Hallar nota mínima para estar en el 25% superior (percentil 75) para Carrera B  $\rightarrow$  **Normal (inversa).**
  - Comparar las dos notas mínimas.
- b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:
  - Carrera A:  $N_A \sim N(\mu_A=6.8, \sigma_A=0.6). P(N_A \leq k_A) = 0.75.$
  - Carrera B:  $N_B \sim N(\mu_B=7, \sigma_B=0.5). P(N_B \leq k_B) = 0.75.$
  - **Tachar:** Ninguno.

### 3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- **b) Ejecuta:**
  - Para  $P(Z \leq z) = 0.75$ , el valor  $z$  de la tabla es aproximadamente 0.675 (o 0.67 para simplificar si la tabla no es detallada). Usaremos  $z = 0.675$ .
  - Para Carrera A:  $(k_A - 6.8) / 0.6 = 0.675$ .
    - $k_A - 6.8 = 0.675 * 0.6 = 0.405$ .
    - $k_A = 6.8 + 0.405 = \mathbf{7.205}$ .
  - Para Carrera B:  $(k_B - 7) / 0.5 = 0.675$ .
    - $k_B - 7 = 0.675 * 0.5 = 0.3375$ .
    - $k_B = 7 + 0.3375 = \mathbf{7.3375}$ .
  - Comparación:  $7.205 < 7.3375$ . La Carrera A requerirá una nota mínima más baja.

---

## 4. Móviles y Garantía

**1. Primera Lectura (Contexto General):** \* Móviles llevados a servicio técnico, algunos se reparan, otros se reemplazan. Empresa compra 10.

### 2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
  - $P(\text{exactamente 2 reemplazados de 10}) \rightarrow \text{Binomial. Matiz: La probabilidad 'p' de ser reemplazado no es directa, hay que calcularla usando probabilidad condicionada (implica un mini árbol)}$ .
- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**
  - $P(\text{Servicio Técnico ST}) = 0.20$ .
  - $P(\text{Reemplazado} | \text{ST}) = 0.40$ .
  - $n = 10$  teléfonos.  $k = 2$  reemplazados.
  - **Tachar:**  $P(\text{Reparado} | \text{ST}) = 0.60$  (es complementario, no estrictamente necesario si ya tenemos  $P(\text{Reemplazado} | \text{ST})$ ).

### 3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- **b) Ejecuta:**
  - Calcular  $p = P(\text{Ser Reemplazado})$ :

- $p = P(\text{Reemplazado} | \text{ST}) * P(\text{ST}) = 0.40 * 0.20 = \mathbf{0.08}$ .
  - $X = "nº \text{ de móviles reemplazados} \sim B(n=10, p=0.08)$ .
  - $P(X=2) = {}^{10}C_2 * (0.08)^2 * (1-0.08)^{10-2}$
  - $({}^{10}C_2) = 10! / (2! * 8!) = (10*9)/2 = 45$ .
  - $P(X=2) = 45 * (0.08)^2 * (0.92)^8 = 45 * 0.0064 * 0.5132188$
  - $P(X=2) \approx \mathbf{0.1478}$ .
- 

## 5. Plantas de maíz

**1. Primera Lectura (Contexto General):** \* Mucha información sobre cultivo de maíz. Al final, se dice que la altura sigue una distribución Normal.

**2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):**

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
  - (a) % plantas con altura entre 135cm y 155cm -> **Normal**.
  - (b) Altura mínima para estar en el 50% más altas -> **Normal (percentil 50, que es la media)**.
- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**
  - $H = \text{"Altura"} \sim N(\mu=145\text{cm}, \sigma=22\text{cm})$ .
  - (a)  $P(135 < H < 155)$ .
  - (b) Hallar  $k$  tal que  $P(H > k) = 0.50$ .
  - **Tachar:** ~Toda la información sobre luz solar, temperaturas, humedad, finca experimental, fechas...~

**3. Resolución (Estrategia y Ejecución):**

- **b) Ejecuta:**
  - (a)  $H \sim N(145, 22)$ .  $P(135 < H < 155)$ 
    - $Z_1 = (135 - 145) / 22 = -10 / 22 \approx -0.4545$ .
    - $Z_2 = (155 - 145) / 22 = 10 / 22 \approx 0.4545$ .
    - $P(-0.45 < Z < 0.45) = P(Z < 0.45) - P(Z < -0.45) = P(Z < 0.45) - (1 - P(Z < 0.45)) = 2 * P(Z < 0.45) - 1$ .
    - $P(Z < 0.45) \approx 0.6736$ .
    - Probabilidad =  $2 * 0.6736 - 1 = 1.3472 - 1 = \mathbf{0.3472}$  (o 34.72%).
  - (b)  $P(H > k) = 0.50$ . Para una distribución Normal, el percentil 50 es la media.
    - $k = \mu = \mathbf{145 \text{ cm}}$ .

## 6. Examen MIR

**1. Primera Lectura (Contexto General):** \* Extensa descripción del sistema MIR y el examen. Al final, se dan datos de una distribución Normal para las puntuaciones.

### 2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
  - (a)  $P(\text{calificación en } [75, 85]) \rightarrow \text{Normal.}$
  - (b) Si  $\sigma$  se mantiene y  $P(\text{Puntuación} > 90) = 0.05$ , ¿cómo cambió la media?  $\rightarrow \text{Normal (inversa para hallar la nueva } \mu\text{), luego comparar.}$
- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**
  - Situación inicial:  $X \sim N(\mu=70, \sigma=10)$ .
  - (a)  $P(75 \leq X \leq 85)$ .
  - (b) Nueva situación:  $X'$  con  $\sigma'=10$ ,  $P(X' > 90) = 0.05$ . Hallar  $\mu'$ .
  - **Tachar:** ~Toda la descripción del sistema MIR, historia, duración, estructura del examen, etc.~ El dato de "supera la prueba si se obtiene al menos 75 puntos" no se usa.

### 3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- **b) Ejecuta:**
  - (a)  $X \sim N(70, 10)$ .  $P(75 \leq X \leq 85)$ 
    - $Z_1 = (75 - 70) / 10 = 0.5$ .
    - $Z_2 = (85 - 70) / 10 = 1.5$ .
    - $P(0.5 \leq Z \leq 1.5) = P(Z \leq 1.5) - P(Z \leq 0.5) = 0.9332 - 0.6915 = \mathbf{0.2417}$ .
  - (b)  $X'$  con  $\sigma'=10$ ,  $P(X' > 90) = 0.05 \Rightarrow P(X' \leq 90) = 0.95$ .
    - $P(Z \leq (90-\mu')/10) = 0.95$ .
    - El valor  $z$  tal que  $P(Z \leq z) = 0.95$  es  $z \approx 1.645$ .
    - $(90 - \mu') / 10 = 1.645 \Rightarrow 90 - \mu' = 16.45 \Rightarrow \mu' = 90 - 16.45 = \mathbf{73.55}$ .
    - La media ha aumentado (de 70 a 73.55).

## 7. Alquiler de pisos

**1. Primera Lectura (Contexto General):** \* Información sobre el Índice de Precios de Vivienda en Alquiler. Al final, datos de una Normal para alquileres en una ciudad.

### 2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
  - (a)  $P(\text{alquiler} \leq 700\text{\euro})$  -> **Normal**.
  - (c) De 25 pisos, nº esperado que cuesten  $< 710\text{\euro}$  -> **Normal** (para  $P(\text{alquiler} < 710\text{\euro})$ ) y **Proporcionalidad/Valor Esperado Binomial**.
- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**
  - A = "Precio alquiler mensual"  $\sim N(\mu=725\text{\euro}, \sigma=50\text{\euro})$ .
  - (a)  $P(A \leq 700)$ .
  - (c) n=25 pisos.  $P(A < 710)$ . N° esperado =  $n * P(A < 710)$ .
  - **Tachar:** ~Toda la introducción sobre IPVA, datos históricos de precios, etc.~

### 3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- **b) Ejecuta:**
    - (a)  $A \sim N(725, 50)$ .  $P(A \leq 700)$ 
      - $Z = (700 - 725) / 50 = -25 / 50 = -0.5$ .
      - $P(Z \leq -0.5) = P(Z \geq 0.5) = 1 - P(Z < 0.5) = 1 - 0.6915 = \mathbf{0.3085}$ .
    - (c) Primero,  $p = P(A < 710)$ 
      - $Z = (710 - 725) / 50 = -15 / 50 = -0.3$ .
      - $p = P(Z < -0.3) = P(Z > 0.3) = 1 - P(Z < 0.3) = 1 - 0.6179 = \mathbf{0.3821}$ .
      - N° esperado =  $25 * 0.3821 = \mathbf{9.5525}$  pisos (se podría redondear a 9 o 10).
- 

## 8. Zonas de bajas emisiones

**1. Primera Lectura (Contexto General):** \* Información sobre la Ley de ZBE. Luego datos de una población (centro/periferia) y opiniones sobre restringir acceso de vehículos.

### 2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
  - (a)  $P(\text{a favor de restringir})$  -> **Diagrama de Árbol** y Probabilidad Total.
  - (b)  $P(\text{reside en centro Y a favor})$  -> Cálculo de intersección (rama del árbol).
  - (c)  $P(\text{reside en centro I a favor})$  -> **Teorema de Bayes**.
- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**
  - $P(\text{Centro C}) = 5000/15000 = 1/3$ .  $P(\text{Periferia P}) = 10000/15000 = 2/3$ .
  - $P(\text{A Favor F I C}) = 0.95$ .
  - $P(\text{A Favor F I P}) = 0.20$ .

- **Tachar:** ~~Los dos primeros párrafos sobre la Ley del Cambio Climático y la definición de ZBE.~~

### 3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- **b) Ejecuta:**

- **Diagrama de Árbol (y probabilidades de intersección):**
  - Reside Centro ( $P(C)=1/3$ )
    - A Favor ( $P(F|C)=0.95$ ) =>  $P(C \cap F) = (1/3) * 0.95 = 0.95/3 \approx 0.3167$
  - Reside Periferia ( $P(P)=2/3$ )
    - A Favor ( $P(F|P)=0.20$ ) =>  $P(P \cap F) = (2/3) * 0.20 = 0.40/3 \approx 0.1333$
- (a)  $P(F) = P(C \cap F) + P(P \cap F) = (0.95/3) + (0.40/3) = 1.35/3 = \mathbf{0.45}$ .
- (b)  $P(C \cap F) = (1/3) * 0.95 = 0.95/3 \approx \mathbf{0.3167}$ .
- (c)  $P(C | F) = P(C \cap F) / P(F) = (0.95/3) / 0.45 = 0.95 / (0.45 * 3) = 0.95 / 1.35 \approx \mathbf{0.7037}$ .

## 9. Vehículos

**1. Primera Lectura (Contexto General):** \* Estudio sobre medios de locomoción en la Comunidad de Madrid, específicamente sobre tenencia de coche y moto.

### 2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
  - (a)  $P(\text{solamente uno de los dos vehículos})$  -> Álgebra de Sucesos / **Tabla de Contingencia**.
  - (b)  $P(\text{al menos uno de los dos})$  -> Álgebra de Sucesos / Tabla.
  - (c)  $P(\text{no moto} | \text{tiene coche})$  -> Probabilidad Condicionada / Tabla.
  - (d) ¿Independientes "tener coche" y "no tener moto"? ¿Incompatibles? -> Sucesos / Tabla.
  - **Global:** Los datos se dan de forma indirecta. Una **Tabla de Contingencia** será esencial.
- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**
  - $C = \text{"Tener Coche"}, M = \text{"Tener Moto"}.$
  - $P(C^c \cap M^c) = 0.07$  (7% no tienen ni coche ni moto).
  - $P(M | C) = 0.36$  (de los que tienen coche, 36% tienen moto).
  - $P(M^c | C^c) = 0.28$  (de los que no tienen coche, 28% no tienen moto).

- **Tachar:** ~~Información sobre Encuestas Domiciliarias de Movilidad, EDM2018, 1.259 zonas...~~ (contexto del estudio).

### 3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- **b) Ejecuta:**

- **Construir Tabla de Contingencia:**

- $P(C^c \cap M^c) = 0.07.$
- $P(M^c | C^c) = 0.28 \Rightarrow P(M^c \cap C^c) / P(C^c) = 0.28 \Rightarrow 0.07 / P(C^c) = 0.28 \Rightarrow P(C^c) = 0.07 / 0.28 = 0.25.$
- $P(C) = 1 - P(C^c) = 1 - 0.25 = 0.75.$
- $P(M | C) = 0.36 \Rightarrow P(M \cap C) / P(C) = 0.36 \Rightarrow P(M \cap C) / 0.75 = 0.36 \Rightarrow P(M \cap C) = 0.36 * 0.75 = 0.27.$
- Ahora completamos la tabla:

	<b>M</b>	<b><math>M^c</math></b>	<b>Total</b>
<b>C</b>	0.27	0.48	0.75
<b><math>C^c</math></b>	0.18	0.07	0.25
Total	0.45	0.55	1.00

- $P(C \cap M^c) = P(C) - P(C \cap M) = 0.75 - 0.27 = 0.48.$
- $P(C^c \cap M) = P(C^c) - P(C^c \cap M^c) = 0.25 - 0.07 = 0.18.$
- $P(M) = P(C \cap M) + P(C^c \cap M) = 0.27 + 0.18 = 0.45.$
- $P(M^c) = P(C \cap M^c) + P(C^c \cap M^c) = 0.48 + 0.07 = 0.55$  (o  $1 - 0.45$ ).
- (a)  $P(\text{solo uno}) = P(C \cap M^c) + P(C^c \cap M) = 0.48 + 0.18 = \mathbf{0.66}.$
- (b)  $P(\text{al menos uno}) = P(C \cup M) = 1 - P(C^c \cap M^c) = 1 - 0.07 = \mathbf{0.93}.$ 
  - (Alternativa:  $P(C \cup M) = P(C) + P(M) - P(C \cap M) = 0.75 + 0.45 - 0.27 = 0.93$ )
- (c)  $P(M^c | C) = P(M^c \cap C) / P(C) = 0.48 / 0.75 = \mathbf{0.64}.$
- (d) ¿"Tener coche" (C) y "no tener moto" ( $M^c$ ) independientes?
  - $P(C \cap M^c) = 0.48.$
  - $P(C) * P(M^c) = 0.75 * 0.55 = 0.4125.$
  - Como  $0.48 \neq 0.4125$ , **no son independientes**.
  - ¿Incompatibles?  $P(C \cap M^c) = 0.48 \neq 0$ , por lo tanto, **no son incompatibles**.

(Es posible tener coche y no tener moto).

---

## 10. Diabetes

**1. Primera Lectura (Contexto General):** \* Estudio en un centro de salud sobre diabetes y género.

**2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):**

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
  - (a)  $P(\text{padezca diabetes})$  -> Probabilidad Total (usando info de género) / **Tabla de Contingencia**.
  - (b)  $P(\text{no diabetes} \mid \text{mujer})$  -> Probabilidad Condicionada / Tabla.
  - (c)  $P(\text{mujer} \mid \text{tiene diabetes})$  -> Teorema de Bayes / Tabla.
  - **Global:** Ideal para **Tabla de Contingencia**.
- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**
  - $M = \text{"Ser Mujer"}, H = \text{"Ser Hombre"}, D = \text{"Padecer Diabetes"}, D^c = \text{"No Padecer Diabetes"}$ .
  - $P(M \cap D) = 0.06$ .
  - $P(H \cap D^c) = 0.37$ .
  - $P(M) = 0.54$ .
  - **Tachar:** ~Primer párrafo sobre descripción de la diabetes, prevalencia general 5-10%, etc.~ (contexto médico general).

**3. Resolución (Estrategia y Ejecución):**

- **b) Ejecuta:**
  - **Construir Tabla de Contingencia:**
    - $P(M) = 0.54 \Rightarrow P(H) = 1 - 0.54 = 0.46$ .
    - $P(M \cap D) = 0.06$ .
    - $P(M \cap D^c) = P(M) - P(M \cap D) = 0.54 - 0.06 = 0.48$ .
    - $P(H \cap D^c) = 0.37$ .
    - $P(H \cap D) = P(H) - P(H \cap D^c) = 0.46 - 0.37 = 0.09$ .
    - $P(D) = P(M \cap D) + P(H \cap D) = 0.06 + 0.09 = 0.15$ .
    - $P(D^c) = P(M \cap D^c) + P(H \cap D^c) = 0.48 + 0.37 = 0.85$  (o 1-0.15).

	<b>D</b>	<b>D<sup>c</sup></b>	<b>Total</b>
M	0.06	0.48	0.54
H	0.09	0.37	0.46
<b>Total</b>	<b>0.15</b>	<b>0.85</b>	<b>1.00</b>

- (a)  $P(\text{padezca diabetes}) = P(D) = \mathbf{0.15}$ .
  - (b)  $P(\text{no diabetes} | \text{mujer}) = P(D^c | M) = P(M \cap D^c) / P(M) = 0.48 / 0.54 \approx \mathbf{0.8889}$ .
  - (c)  $P(\text{mujer} | \text{tiene diabetes}) = P(M | D) = P(M \cap D) / P(D) = 0.06 / 0.15 = \mathbf{0.40}$ .
- 

## 11. Tráfico

**1. Primera Lectura (Contexto General):** \* Estudio sobre siniestralidad de vehículos, clasificando conductores (joven/sénior) y vehículos (nuevo/viejo).

**2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):**

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
  - (a)  $P(\text{conductor sénior Y vehículo viejo}) \rightarrow$  Probabilidad conjunta / **Tabla de Contingencia**.
  - (b)  $P(\text{conductor joven} | \text{vehículo viejo}) \rightarrow$  Probabilidad Condicionada / Tabla.
  - (c) Afirmación sobre  $P(\text{conductor sénior Y vehículo nuevo}) \rightarrow$  Comparación de probabilidad / Tabla.
  - **Global: Tabla de Contingencia** a partir de frecuencias absolutas.
- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**
  - Total siniestros = 54.
  - N(Vehículo Nuevo) = 19.
  - N(Conductor Joven) = 29.
  - N(Vehículo Viejo  $\cap$  Conductor Joven) = 21.
  - **Tachar:** ~Los tres primeros párrafos sobre edad del parque vehicular, ITV, etc.~ (contexto general sobre tráfico, no datos para la tabla).

**3. Resolución (Estrategia y Ejecución):**

- **b) Ejecuta:**
  - **Construir Tabla de Contingencia (con frecuencias absolutas, luego se pueden pasar a probabilidades dividiendo por 54):**

- J="Joven", S="Sénior"; N="Nuevo", V="Viejo".
- Total = 54.
- $N(N) = 19 \Rightarrow N(V) = 54 - 19 = 35$ .
- $N(J) = 29 \Rightarrow N(S) = 54 - 29 = 25$ .
- $N(V \cap J) = 21$ .
- $N(N \cap J) = N(J) - N(V \cap J) = 29 - 21 = 8$ .
- $N(V \cap S) = N(V) - N(V \cap J) = 35 - 21 = 14$ .
- $N(N \cap S) = N(S) - N(V \cap S) = 25 - 14 = 11$  (o  $N(N) - N(N \cap J) = 19 - 8 = 11$ ).

	<b>Nuevo (N)</b>	<b>Viejo (V)</b>	<b>Total</b>
Joven (J)	8	21	29
Sénior(S)	11	14	25
Total	19	35	54

- (a)  $P(\text{Sénior} \cap \text{Viejo}) = N(S \cap V) / \text{Total} = 14 / 54 \approx 0.2593$ .
- (b)  $P(\text{Joven} | \text{Viejo}) = N(J \cap V) / N(V) = 21 / 35 = 3/5 = 0.6$ .
- (c)  $P(\text{Sénior} \cap \text{Nuevo}) = N(S \cap N) / \text{Total} = 11 / 54 \approx 0.2037$ .
- Comparar con otras intersecciones:  $P(J \cap N) = 8/54$ ,  $P(J \cap V) = 21/54$ ,  $P(S \cap V) = 14/54$ .
- El valor más bajo es  $8/54$  (Joven y Nuevo).
- La afirmación "Los siniestros de este estudio menos probables son aquellos en los que el conductor es sénior y el vehículo es nuevo ( $11/54$ )" es **falsa**. Los menos probables son Joven y Nuevo ( $8/54$ ).

## 12. Auditoría

**1. Primera Lectura (Contexto General):** \* Auditoría de empresas, calificaciones (Excelente, Aceptable, Deficiente), y tipos de auditores (correctos e incorrectos).

**2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):**

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
  - (a) Proporción de empresas que reciben calificación "Deficiente" -> **Diagrama de Árbol** y Probabilidad Total.
  - (b) Proporción que recibe calificación que merece -> **Diagrama de Árbol** y suma de probabilidades de caminos "correctos".
  - (c)  $P(\text{auditor correcto} | \text{calificación asignada "Aceptable"})$  -> Teorema de Bayes.

- **Global: Diagrama de Árbol** con dos etapas (Tipo de auditor, Calificación Real -> Calificación Asignada).
- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**
  - Calificación Real (CR):  $P(CR=E)=0.3$ ,  $P(CR=A)=0.5$ ,  $P(CR=D)=0.2$ .
  - Tipo Auditor:  $P(Auditor Correcto AC)=0.9$ ,  $P(Auditor Incorrecto AI)=0.1$ .
  - Comportamiento Auditor Correcto (AC): Calificación Asignada (CA) = CR.
  - Comportamiento Auditor Incorrecto (AI): CA = "Aceptable" siempre.
  - **Tachar:** ~Primeros cuatro párrafos describiendo qué es una auditoría, sus tipos y objetivos...~ (contexto).

### 3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- **b) Ejecuta:**
  - **Diagrama de Árbol (Probabilidades de las rutas):**
    - Auditor Correcto (AC) (0.9)
      - Empresa merece E (0.3) -> Asigna E ( $0.9 * 0.3 = 0.27$ )
      - Empresa merece A (0.5) -> Asigna A ( $0.9 * 0.5 = 0.45$ )
      - Empresa merece D (0.2) -> Asigna D ( $0.9 * 0.2 = 0.18$ )
    - Auditor Incorrecto (AI) (0.1)
      - Empresa merece E (0.3) -> Asigna A ( $0.1 * 0.3 = 0.03$ )
      - Empresa merece A (0.5) -> Asigna A ( $0.1 * 0.5 = 0.05$ )
      - Empresa merece D (0.2) -> Asigna A ( $0.1 * 0.2 = 0.02$ )
  - (a)  $P(\text{Recibe Calificación Deficiente CA}=D)$ :
    - Solo ocurre si el auditor es correcto Y la empresa merece Deficiente.
    - $P(CA=D) = P(AC \cap (CR=D) \cap (CA=D)) = 0.9 * 0.2 = \mathbf{0.18}$ .
  - (b)  $P(\text{Recibe calificación que merece})$ :
    - $P(\text{Auditor Correcto y Asigna lo que merece}) = P(AC) * [P(CR=E) + P(CR=A) + P(CR=D)] = 0.9 * 1 = 0.9$ .
    - $P(\text{Auditor Incorrecto y Asigna lo que merece})$ :
      - Solo si CR=A y AI asigna A (lo cual siempre hace).  $P(AI \cap (CR=A)) = 0.1 * 0.5 = 0.05$ .
      - $P(\text{Merece}) = P(AC) + P(AI \cap (CR=A) \cap (CA=A)) <- \text{Esto no es correcto.}$
      - Es  $P(CA=E | CR=E)P(CR=E) + P(CA=A | CR=A)P(CR=A) + P(CA=D | CR=D)P(CR=D)$
      - $P(CA=E \text{ y } CR=E) = P(AC)P(CR=E) = 0.9 * 0.3 = 0.27$

- $P(CA=A \text{ y } CR=A) = P(AC)P(CR=A) + P(AI)P(CR=A) = (0.9 * 0.5) + (0.1 * 0.5)$   
 $= 0.45 + 0.05 = 0.50$
- $P(CA=D \text{ y } CR=D) = P(AC)P(CR=D) = 0.9 * 0.2 = 0.18$
- $P(\text{Recibe lo que merece}) = 0.27 + 0.50 + 0.18 = 0.95.$  \*(Interpretación más simple: La empresa recibe la calificación que merece si el auditor es correcto (0.9 de prob), O si el auditor es incorrecto (0.1) PERO la empresa merecía "Aceptable" (0.5) y el auditor incorrecto da "Aceptable".  $P(AC) + P(AI \cap CR=A) = 0.9 + (0.1 * 0.5) = 0.9 + 0.05 = 0.95)^*$

- (c)  $P(\text{Auditor Correcto AC} \mid \text{Calificación Asignada CA}=A):$

- $P(CA=A) = P(AC \cap CR=A \cap CA=A) + P(AI \cap CR=E \cap CA=A) + P(AI \cap CR=A \cap CA=A) + P(AI \cap CR=D \cap CA=A)$
- $P(CA=A) = (0.9 * 0.5) + (0.1 * 0.3) + (0.1 * 0.5) + (0.1 * 0.2)$
- $P(CA=A) = 0.45 + 0.03 + 0.05 + 0.02 = 0.55.$
- $P(AC \cap CA=A) = P(AC \cap CR=A \cap CA=A) = 0.9 * 0.5 = 0.45.$
- $P(AC \mid CA=A) = P(AC \cap CA=A) / P(CA=A) = 0.45 / 0.55 \approx 0.8182.$

## 13. Holter Arritmias

**1. Primera Lectura (Contexto General):** \* Diagnóstico de arritmias usando un monitor Holter, con datos sobre la prevalencia de la enfermedad y la fiabilidad del test (sensibilidad y falsos positivos).

**2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):**

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**

- (a)  $P(\text{al menos 1 con arritmia de 4 personas}) \rightarrow \text{Binomial}.$
- (b)  $P(\text{diagnóstico positivo}) \rightarrow \text{Diagrama de Árbol}$  y Probabilidad Total.
- (c)  $P(\text{realmente arritmia} \mid \text{diagnóstico negativo}) \rightarrow \text{Teorema de Bayes}.$
- **Global:** Combinación de Binomial con Diagrama de Árbol/Bayes.

- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**

- $A = \text{"Padecer Arritmia"}, A^c = \text{"No Padecer Arritmia"}.$
- $\text{Pos} = \text{"Diagnóstico Positivo"}, \text{Neg} = \text{"Diagnóstico Negativo"}.$
- $P(A) = 0.20 \Rightarrow P(A^c) = 0.80.$
- $P(\text{Pos} \mid A) = 0.95 \text{ (sensibilidad)} \Rightarrow P(\text{Neg} \mid A) = 0.05.$
- $P(\text{Pos} \mid A^c) = 0.005 \text{ (falsos positivos)} \Rightarrow P(\text{Neg} \mid A^c) = 0.995 \text{ (especificidad)}.$
- Para (a):  $n=4$  personas.
- **Tachar:** ~~Descripción del Holter y su uso ambulatorio...~~ (contexto médico).

### 3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- b) Ejecuta:

- (a)  $X = \text{"nº de personas con arritmia de 4"}$ .  $X \sim B(n=4, p=0.20)$ .

- $P(X \geq 1) = 1 - P(X=0)$ .
    - $P(X=0) = ({}^4C_0) * (0.20)^0 * (0.80)^4 = 1 * 1 * 0.4096 = 0.4096$ .
    - $P(X \geq 1) = 1 - 0.4096 = \mathbf{0.5904}$ .

- Diagrama de Árbol (para b y c):

- Padece Arritmia (A) (0.20)
      - Positivo (Pos|A) (0.95) =>  $P(A \cap \text{Pos}) = 0.20 * 0.95 = 0.19$
      - Negativo (Neg|A) (0.05) =>  $P(A \cap \text{Neg}) = 0.20 * 0.05 = 0.01$
    - No Padece Arritmia ( $A^c$ ) (0.80)
      - Positivo (Pos| $A^c$ ) (0.005) =>  $P(A^c \cap \text{Pos}) = 0.80 * 0.005 = 0.004$
      - Negativo (Neg| $A^c$ ) (0.995) =>  $P(A^c \cap \text{Neg}) = 0.80 * 0.995 = 0.796$

- (b)  $P(\text{diagnóstico positivo}) = P(\text{Pos})$ :

- $P(\text{Pos}) = P(A \cap \text{Pos}) + P(A^c \cap \text{Pos}) = 0.19 + 0.004 = \mathbf{0.194}$ .

- (c)  $P(\text{realmente arritmia} | \text{diagnóstico negativo}) = P(A | \text{Neg})$ :

- $P(\text{Neg}) = P(A \cap \text{Neg}) + P(A^c \cap \text{Neg}) = 0.01 + 0.796 = 0.806$  (o  $1 - P(\text{Pos}) = 1 - 0.194 = 0.806$ ).
    - $P(A | \text{Neg}) = P(A \cap \text{Neg}) / P(\text{Neg}) = 0.01 / 0.806 \approx \mathbf{0.0124}$ .

---

## 14. Turismo (solo parte 1)

1. Primera Lectura (Contexto General): \* Estudio de una agencia de viajes sobre turistas que visitan la Geoda de Pulpí, clasificados por procedencia y mayoría/minoría de edad.

2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):

- a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:

- 1.a)  $P(\text{Mayor de edad})$  -> **Diagrama de Árbol** y Probabilidad Total.
    - 1.b)  $P(\text{Andalucía} \text{ Y Menor de edad})$  -> Intersección (rama del árbol).
    - 1.c)  $P(\text{Extranjero} | \text{Menor de edad})$  -> Teorema de Bayes.
    - **Global: Diagrama de Árbol.** Matiz:  $P(\text{Extranjero})$  y  $P(\text{Mayor/Extranjero})$  deben deducirse.

- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**

- Procedencia:  $P(\text{Andalucía A}) = 0.42$ ,  $P(\text{Otras CC.AA. O})=0.32$ .
- $P(\text{Extranjero E}) = 1 - 0.42 - 0.32 = 0.26$ .
- Edad (May=Mayor, Men=Menor):
  - $P(\text{May} | \text{A}) = 0.65 \Rightarrow P(\text{Men} | \text{A}) = 0.35$ .
  - $P(\text{May} | \text{O}) = 0.75 \Rightarrow P(\text{Men} | \text{O}) = 0.25$ .
  - $P(\text{Men} | \text{E}) = 0.20 \Rightarrow P(\text{May} | \text{E}) = 0.80$ .
- **Tachar:** ~~Primer párrafo sobre turismo en España, Frontur, Egatur, INE...~~ (contexto).

### 3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- **b) Ejecuta:**

- **Diagrama de Árbol (y probabilidades de intersección):**
    - Andalucía (A) (0.42)
      - Mayor (May|A) (0.65)  $\Rightarrow P(A \cap \text{May}) = 0.42 * 0.65 = 0.273$
      - Menor (Men|A) (0.35)  $\Rightarrow P(A \cap \text{Men}) = 0.42 * 0.35 = 0.147$
    - Otras CC.AA. (O) (0.32)
      - Mayor (May|O) (0.75)  $\Rightarrow P(O \cap \text{May}) = 0.32 * 0.75 = 0.240$
      - Menor (Men|O) (0.25)  $\Rightarrow P(O \cap \text{Men}) = 0.32 * 0.25 = 0.080$
    - Extranjero (E) (0.26)
      - Mayor (May|E) (0.80)  $\Rightarrow P(E \cap \text{May}) = 0.26 * 0.80 = 0.208$
      - Menor (Men|E) (0.20)  $\Rightarrow P(E \cap \text{Men}) = 0.26 * 0.20 = 0.052$
  - 1.a)  $P(\text{Mayor de edad}) = P(\text{May})$ :
    - $P(\text{May}) = P(A \cap \text{May}) + P(O \cap \text{May}) + P(E \cap \text{May}) = 0.273 + 0.240 + 0.208 = \mathbf{0.721}$ .
  - 1.b)  $P(\text{Andalucía Y Menor de edad}) = P(A \cap \text{Men})$ :
    - $P(A \cap \text{Men}) = \mathbf{0.147}$ .
  - 1.c)  $P(\text{Extranjero I Menor de edad}) = P(E \cap \text{Men})$ :
    - $P(\text{Men}) = P(A \cap \text{Men}) + P(O \cap \text{Men}) + P(E \cap \text{Men}) = 0.147 + 0.080 + 0.052 = 0.279$ .
    - ( $P(\text{Men}) = 1 - P(\text{May}) = 1 - 0.721 = 0.279$ ).
    - $P(E \cap \text{Men}) = P(E \cap \text{Men}) / P(\text{Men}) = 0.052 / 0.279 \approx \mathbf{0.1864}$ .
-

## 15. Cualificación Empleo

**1. Primera Lectura (Contexto General):** \* Estudio sobre cualificación de estudiantes (Bach, FP, Univ) para empleos solicitados.

**2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):**

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**

- (a) % (Bachillerato Y Cualificado) -> Intersección (rama del **Diagrama de Árbol**).
  - (b) P(estudia Formación Profesional) -> Probabilidad Total (sumando P(FP y Cualif) y P(FP y No Cualif)).
  - (c) % (No Cualificado I Universitario) -> Teorema de Bayes (o  $P(\text{No Cualif} \cap \text{Univ}) / P(\text{Univ})$ ).
- **Global: Diagrama de Árbol** con dos niveles (Cualificado/No Cualif -> Tipo de Estudio).

- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**

- C="Cualificado", NC="No Cualificado". U="Universitario", F="FP", B="Bachillerato".
- $P(C) = 0.25 \Rightarrow P(NC) = 0.75$ .
- Si Cualificado (C):  $P(UIC)=0.20$ ,  $P(FIC)=0.30$ ,  $P(BIC)=0.50$ .
- Si No Cualificado (NC):  $P(UINC)=0.40$ ,  $P(FINC)=0.40$ ,  $P(BINC)=0.20$ .
- **Tachar:** ~Primer párrafo sobre definición de trabajo cualificado...~ (contexto).

**3. Resolución (Estrategia y Ejecución):**

- **b) Ejecuta:**

- **Diagrama de Árbol (y probabilidades de intersección):**

- Cualificado (C) (0.25)
  - Universitario (UIC) (0.20) =>  $P(C \cap U) = 0.25 * 0.20 = 0.05$
  - FP (FIC) (0.30) =>  $P(C \cap F) = 0.25 * 0.30 = 0.075$
  - Bachillerato (BIC) (0.50) =>  $P(C \cap B) = 0.25 * 0.50 = 0.125$
- No Cualificado (NC) (0.75)
  - Universitario (UINC) (0.40) =>  $P(NC \cap U) = 0.75 * 0.40 = 0.30$
  - FP (FINC) (0.40) =>  $P(NC \cap F) = 0.75 * 0.40 = 0.30$
  - Bachillerato (BINC) (0.20) =>  $P(NC \cap B) = 0.75 * 0.20 = 0.15$

- (a)  $P(\text{Bachillerato Y Cualificado}) = P(B \cap C) = \mathbf{0.125}$  (o 12.5%).

- (b)  $P(\text{estudia Formación Profesional}) = P(F)$ :

- $P(F) = P(C \cap F) + P(NC \cap F) = 0.075 + 0.30 = \mathbf{0.375}$ .
  - (c)  $P(\text{No Cualificado} | \text{Universitario}) = P(NC | U)$ :
    - $P(U) = P(C \cap U) + P(NC \cap U) = 0.05 + 0.30 = 0.35$ .
    - $P(NC | U) = P(NC \cap U) / P(U) = 0.30 / 0.35 \approx \mathbf{0.8571}$  (o 85.71%).
- 

## 16. Durabilidad Aparato

**1. Primera Lectura (Contexto General):** \* Obsolescencia programada y durabilidad de aparatos electrónicos, que sigue una Normal.

**2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):**

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
  - (a)  $P(\text{dure} < 17000 \text{ horas}) \rightarrow \text{Normal}$ .
  - (b) Durabilidad excedida por el 98.5%  $\rightarrow \text{Normal (percentil 1.5\%)}$ . (Si excede el 98.5%, está por debajo del 1.5% de los que menos duran).  $P(X > k) = 0.985$  ó  $P(X < k) = 0.015$ .
  - (c) De 1000 aparatos,  $P(\text{entre } 100 \text{ y } 120 \text{ duren} < 17000\text{h}) \rightarrow \text{Binomial}$  (con 'p' del apartado a), luego **Aproximación Normal a la Binomial**.
- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**
  - $D = \text{"Durabilidad"} \sim N(\mu=20000\text{h}, \sigma=2500\text{h})$ .
  - (a)  $P(D < 17000)$ .
  - (b) Hallar  $k$  tal que  $P(D > k) = 0.985$  (o  $P(D < k) = 0.015$ ).
  - (c)  $n=1000$  aparatos. Probabilidad 'p' =  $P(D < 17000)$  del apartado (a).  $Y = \text{"Nº aparatos que duran} < 17000\text{h}"$ .  $P(100 \leq Y \leq 120)$ .
  - **Tachar:** ~Los tres primeros párrafos sobre obsolescencia, basura tecnológica, economía circular...~ (contexto).

**3. Resolución (Estrategia y Ejecución):**

- **b) Ejecuta:**
  - (a)  $P(D < 17000)$ :
    - $Z = (17000 - 20000) / 2500 = -3000 / 2500 = -1.2$ .
    - $p = P(Z < -1.2) = P(Z > 1.2) = 1 - P(Z < 1.2) = 1 - 0.8849 = \mathbf{0.1151}$ .
  - (b)  $P(D < k) = 0.015$ :
    - Buscamos  $z$  tal que  $P(Z < z) = 0.015$ . Por simetría, esto es  $-z'$  donde  $P(Z < z') = 1 - 0.015 = 0.985$ .

- $z' \approx 2.17$ . Entonces  $z \approx -2.17$ .
  - $(k - 20000) / 2500 = -2.17 \Rightarrow k - 20000 = -2.17 * 2500 = -5425$ .
  - $k = 20000 - 5425 = \mathbf{14575 \text{ horas}}$ .
  
  - (c)  $Y \sim B(n=1000, p=0.1151)$ . Aproximar por Normal.
  - $\mu_Y = np = 1000 * 0.1151 = 115.1$ .
  - $\sigma_Y = \sqrt{(np(1-p))} = \sqrt{(1000 * 0.1151 * 0.8849)} = \sqrt{101.85} \approx 10.09$ .
  - Condiciones:  $np=115.1 > 5$ ,  $n(1-p) \approx 884.9 > 5$ . OK.
  - $Y' \sim N(115.1, 10.09)$ .
  - $P(100 \leq Y \leq 120) \approx P(99.5 \leq Y' \leq 120.5)$  (corrección por continuidad).
    - $Z_1 = (99.5 - 115.1) / 10.09 = -15.6 / 10.09 \approx -1.546$ .
    - $Z_2 = (120.5 - 115.1) / 10.09 = 5.4 / 10.09 \approx 0.535$ .
    - $P(-1.55 \leq Z \leq 0.54) = P(Z \leq 0.54) - P(Z \leq -1.55) = P(Z \leq 0.54) - (1 - P(Z \leq 1.55))$ .
    - $\approx 0.7054 - (1 - 0.9394) = 0.7054 - 0.0606 = \mathbf{0.6448}$ .
- 

## 17. Consumo Gasolina

**1. Primera Lectura (Contexto General):** \* Consumo de gasolina en coches sigue una distribución Normal.

**2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):**

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
  - (a) % coches que gastan  $\geq 7$  litros -> **Normal**.
  - (b) Máximo litros para superar en economía al 95% (i.e., estar en el 5% que menos gasta) -> **Normal (percentil 5%)**.
  - (c) Razonar si "75% coches gastan  $> 6.5$  litros" es V/F (sin operaciones) -> **Normal (conceptual)**.
  - (d) De 8 coches,  $P(<2 \text{ consuman } \geq 7 \text{ litros})$  -> **Binomial** ( $p$  de apartado a).
  - (e) De 50 coches,  $P(< \text{mitad consuman } \geq 7 \text{ litros})$  -> **Binomial** ( $p$  de apartado a), posible **Aproximación Normal**.
  
- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**
  - $C = \text{"Consumo"} \sim N(\mu=6 \text{ l}, \sigma=1.2 \text{ l})$ .
  - (a)  $P(C \geq 7)$ .
  - (b) Hallar  $k$  tal que  $P(C < k) = 0.05$ .
  - (c) Comparar  $P(C > 6.5)$  con 0.75.
  - (d)  $n=8$ .  $p = P(C \geq 7)$ .  $P(X < 2)$ .
  - (e)  $n=50$ .  $p = P(C \geq 7)$ .  $P(X < 25)$ .

- **Tachar:** ~~"Estudios realizados en un cierto país..."~~ (contexto).

### 3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- **b) Ejecuta:**

- (a)  $p_{\text{consumo} \geq 7} = P(C \geq 7)$ :
  - $Z = (7 - 6) / 1.2 = 1 / 1.2 \approx 0.8333$ .
  - $P(Z \geq 0.83) = 1 - P(Z < 0.83) = 1 - 0.7967 = \mathbf{0.2033}$ . ( $p \approx 0.2033$ )
- (b)  $P(C < k) = 0.05$ :
  - Buscamos  $z$  tal que  $P(Z < z) = 0.05$ .  $z \approx -1.645$ .
  - $(k - 6) / 1.2 = -1.645 \Rightarrow k - 6 = -1.645 * 1.2 = -1.974$ .
  - $k = 6 - 1.974 = \mathbf{4.026 \text{ litros}}$ .
- (c)  $P(C > 6.5)$ :  $Z = (6.5 - 6) / 1.2 = 0.5 / 1.2 \approx 0.416$ .  $P(Z > 0.416) = 1 - P(Z < 0.416) \approx 1 - 0.66 = 0.34$ .
  - 0.34 es muy diferente de 0.75. La noticia es **falsa**. (6.5 está cerca de la media 6, no puede haber un 75% por encima).
- (d)  $X \sim B(n=8, p=0.2033)$ .  $P(X < 2) = P(X=0) + P(X=1)$ .
  - $P(X=0) = (0.7967)^8 \approx 0.1652$ .
  - $P(X=1) = 8 * (0.2033)^1 * (0.7967)^7 \approx 8 * 0.2033 * 0.2074 \approx 0.3373$ .
  - $P(X < 2) \approx 0.1652 + 0.3373 = \mathbf{0.5025}$ .
- (e)  $Y \sim B(n=50, p=0.2033)$ .  $P(Y < 25)$ . Aproximar a Normal.
  - $\mu_Y = 50 * 0.2033 = 10.165$ .
  - $\sigma_Y = \sqrt{50 * 0.2033 * 0.7967} = \sqrt{8.098} \approx 2.845$ .
  - $np=10.165 > 5$ ,  $n(1-p) \approx 39.8 > 5$ . OK.
  - $Y' \sim N(10.165, 2.845)$ .
  - $P(Y < 25) \approx P(Y' \leq 24.5)$  (corrección).
    - $Z = (24.5 - 10.165) / 2.845 = 14.335 / 2.845 \approx 5.038$ .
    - $P(Z \leq 5.038) \approx 1$  (prácticamente seguro).

## 18. Tuberculosis (pruebas diagnósticas)

**1. Primera Lectura (Contexto General):** \* Prueba de tuberculina para detectar tuberculosis, con datos de fiabilidad y prevalencia.

### 2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):

- a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:

- (a)  $P(\text{test detecta correctamente enfermedad}) = P(\text{Test+} \cap \text{Enfermo}) \rightarrow \text{Diagrama de Árbol.}$
- (b)  $P(\text{test detecta correctamente sano}) = P(\text{Test-} \cap \text{Sano}) \rightarrow \text{Diagrama de Árbol.}$
- (c) Coeficiente falso-positivo  $P(\text{Test+} | \text{Sano})$ ; Coeficiente falso-negativo  $P(\text{Test-} | \text{Enfermo}) \rightarrow \text{Definiciones directas.}$
- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**
  - $E = \text{"Enfermo"}, S = \text{"Sano"}, T+ = \text{"Test Positivo"}, T- = \text{"Test Negativo"}$ .
  - $P(T+ | E) = 0.96$  (sensibilidad).  $\Rightarrow P(T- | E) = 0.04$  (falso negativo).
  - "falle con personas sanas es 5%" significa  $P(T+ | S) = 0.05$  (falso positivo).  $\Rightarrow P(T- | S) = 0.95$  (especificidad).
  - $P(E) = 0.001$  (0.1%)  $\Rightarrow P(S) = 0.999$ .
  - **Tachar:** ~Primer párrafo sobre la enfermedad, bacilo de Koch, incidencia mundial...~~ (contexto).

### 3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- **b) Ejecuta:**
    - **Diagrama de Árbol (y probabilidades de intersección):**
      - Enfermo (E) (0.001)
        - Test Pos (T+|E) (0.96)  $\Rightarrow P(E \cap T+) = 0.001 * 0.96 = 0.00096$
        - Test Neg (T-|E) (0.04)  $\Rightarrow P(E \cap T-) = 0.001 * 0.04 = 0.00004$
      - Sano (S) (0.999)
        - Test Pos (T+|S) (0.05)  $\Rightarrow P(S \cap T+) = 0.999 * 0.05 = 0.04995$
        - Test Neg (T-|S) (0.95)  $\Rightarrow P(S \cap T-) = 0.999 * 0.95 = 0.94905$
    - (a)  $P(\text{Test+} \cap \text{Enfermo}) = P(E \cap T+) = \mathbf{0.00096}$ .
    - (b)  $P(\text{Test-} \cap \text{Sano}) = P(S \cap T-) = \mathbf{0.94905}$ .
    - (c) Coeficiente falso-positivo  $= P(T+ | S) = \mathbf{0.05}$ .
      - Coeficiente falso-negativo  $= P(T- | E) = \mathbf{0.04}$ .
- 

## 19. Alquiler Bicicletas (solo parte 1)

**1. Primera Lectura (Contexto General):** \* Estudio sobre bicicletas de alquiler clasificadas por calidad (Buena, Media, Mala) y empresa gestora (E1, E2).

### 2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**

- 1.a)  $P(\text{Buena calidad}) \rightarrow \text{Diagrama de Árbol}$  y Probabilidad Total.
- 1.b)  $P(\text{Empresa E1 Y Mala calidad}) \rightarrow \text{Intersección (rama del árbol)}.$
- 1.c)  $P(\text{Calidad Media I Empresa E2}) \text{ si } P(\text{Media total})=0.19 \rightarrow \text{Probabilidad Total (para despejar)}.$
- **Global: Diagrama de Árbol. Matiz: Datos incompletos para E2,  $P(\text{Mal/E1})$  se deduce.**

- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**

- $P(E1)=0.30 \Rightarrow P(E2)=0.70.$
- Calidades: B="Buena", M="Media", Ma="Mala".
- De E1:  $P(BIE1)=0.80, P(MIE1)=0.05 \Rightarrow P(MalE1)=1-0.80-0.05=0.15.$
- De E2:  $P(BIE2)=0.60. P(MIE2)=? P(MalE2)=?$
- Para 1.c:  $P(\text{Media total}) = P(M) = 0.19.$
- **Tachar:** ~Los dos primeros párrafos sobre el mercado mundial de alquiler de bicicletas, CAGR, Data Bridge Market Research...~~ (contexto).

### 3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- **b) Ejecuta:**

- **Diagrama de Árbol (parcialmente, y probabilidades de intersección conocidas/deducibles):**
  - Empresa E1 (0.30)
    - Buena (BIE1) (0.80)  $\Rightarrow P(E1 \cap B) = 0.30 * 0.80 = 0.24$
    - Media (MIE1) (0.05)  $\Rightarrow P(E1 \cap M) = 0.30 * 0.05 = 0.015$
    - Mala (MalE1) (0.15)  $\Rightarrow P(E1 \cap Ma) = 0.30 * 0.15 = 0.045$
  - Empresa E2 (0.70)
    - Buena (BIE2) (0.60)  $\Rightarrow P(E2 \cap B) = 0.70 * 0.60 = 0.42$
    - Media (MIE2) (x)  $\Rightarrow P(E2 \cap M) = 0.70 * x$
    - Mala (MalE2) (y)  $\Rightarrow P(E2 \cap Ma) = 0.70 * y$  (donde  $x+0.6+y=1$  o  $x+y=0.4$ )
- 1.a)  $P(\text{Buena calidad}) = P(B):$ 
  - No se puede calcular directamente sin  $P(MIE2)$  y  $P(MalE2)$  para asegurar que el árbol suma 1, pero si la pregunta es independiente de (c), asumimos que solo con las ramas de "Buena":
  - $P(B) = P(E1 \cap B) + P(E2 \cap B) = 0.24 + 0.42 = 0.66.$
- 1.b)  $P(\text{Empresa E1 Y Mala calidad}) = P(E1 \cap Ma):$

- $P(E1 \cap Ma) = 0.045.$
  - 1.c)  $P(\text{Calidad Media I Empresa E2}) = P(MIE2) = x:$ 
    - $P(\text{Media total}) = P(M) = P(E1 \cap M) + P(E2 \cap M) = 0.19.$
    - $0.015 + (0.70 * x) = 0.19.$
    - $0.70 * x = 0.19 - 0.015 = 0.175.$
    - $x = 0.175 / 0.70 = 0.25.$
    - Entonces,  $P(MIE2) = 0.25.$
- 

Continuamos con el Nivel Avanzado:

---

## 20. Inteligencia Artificial (sin d)

**1. Primera Lectura (Contexto General):** \* Extensa introducción sobre Inteligencia Artificial. El problema se centra en trabajadores de una empresa que realizan cursos de 'ChatGPT' e 'IA'.

### 2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
  - (a) % trabajadores que han realizado curso 'IA' -> **Diagrama de Árbol o Tabla de Contingencia**, y Probabilidad Total.
  - (b)  $P(\text{tiene curso 'ChatGPT'} | \text{NO ha hecho curso 'IA'})$  -> Teorema de Bayes / Tabla.
  - (c)  $P(\text{entre 300 y 350 de 1000 realizan curso 'IA'})$  -> **Binomial** (con 'p' del apartado a), luego **Aproximación Normal**.
- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**
  - Ch = "Curso ChatGPT", IA = "Curso IA".
  - $P(Ch) = 0.55 \Rightarrow P(Ch^c) = 0.45.$
  - $P(IA | Ch) = 0.30.$
  - $P(IA | Ch^c) = 0.40.$
  - Para (c): n=1000.
  - **Tachar:** ~~~Los siete primeros párrafos definiendo IA, su funcionamiento, impacto, aprendizaje automático...~~~ (contexto muy largo).

### 3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- **b) Ejecuta:**

- **Diagrama de Árbol (y probabilidades de intersección):**
    - Curso ChatGPT (Ch) (0.55)
      - Curso IA (IA|Ch) (0.30) =>  $P(Ch \cap IA) = 0.55 * 0.30 = 0.165$
      - No Curso IA (IA<sup>c</sup>|Ch) (0.70) =>  $P(Ch \cap IA^c) = 0.55 * 0.70 = 0.385$
    - No Curso ChatGPT (Ch<sup>c</sup>) (0.45)
      - Curso IA (IA|Ch<sup>c</sup>) (0.40) =>  $P(Ch^c \cap IA) = 0.45 * 0.40 = 0.180$
      - No Curso IA (IA<sup>c</sup>|Ch<sup>c</sup>) (0.60) =>  $P(Ch^c \cap IA^c) = 0.45 * 0.60 = 0.270$
  - (a)  $P(\text{han realizado curso 'IA'}) = P(IA)$ :
    - $P(IA) = P(Ch \cap IA) + P(Ch^c \cap IA) = 0.165 + 0.180 = \mathbf{0.345}$  (o 34.5%).
  - (b)  $P(\text{tiene curso 'ChatGPT' I NO ha hecho curso 'IA'}) = P(Ch | IA^c)$ :
    - $P(IA^c) = P(Ch \cap IA^c) + P(Ch^c \cap IA^c) = 0.385 + 0.270 = 0.655$  (o  $1 - P(IA) = 1 - 0.345 = 0.655$ ).
    - $P(Ch | IA^c) = P(Ch \cap IA^c) / P(IA^c) = 0.385 / 0.655 \approx \mathbf{0.5878}$ .
  - (c) X = "nº trabajadores que realizan curso IA".  $X \sim B(n=1000, p=0.345)$ .
    - Aproximar por Normal:  $Y \sim N(\mu, \sigma)$ .
    - $\mu = np = 1000 * 0.345 = 345$ .
    - $\sigma = \sqrt{(np(1-p))} = \sqrt{(1000 * 0.345 * 0.655)} = \sqrt{225.975} \approx 15.032$ .
    - Condiciones:  $np=345 > 5$ ,  $n(1-p)=655 > 5$ . OK.
    - $P(300 \leq X \leq 350) \approx P(299.5 \leq Y \leq 350.5)$  (corrección).
      - $Z_1 = (299.5 - 345) / 15.032 = -45.5 / 15.032 \approx -3.027$ .
      - $Z_2 = (350.5 - 345) / 15.032 = 5.5 / 15.032 \approx 0.366$ .
      - $P(-3.03 \leq Z \leq 0.37) = P(Z \leq 0.37) - P(Z \leq -3.03) = P(Z \leq 0.37) - (1 - P(Z \leq 3.03))$ .
      - $\approx 0.6443 - (1 - 0.9988) = 0.6443 - 0.0012 = \mathbf{0.6431}$ .
- 

## 21. Coeficiente Intelectual

**1. Primera Lectura (Contexto General):** \* Coeficiente intelectual (CI) de estudiantes sigue una Normal con  $\mu$  y  $\sigma$  desconocidas. Se dan dos porcentajes/probabilidades.

### 2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):

- a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:
  - (a) % CI entre 102.5 y 115 -> **Normal** (necesita  $\mu$  y  $\sigma$  del apartado c).
  - (b)  $P(\text{al menos 5 de 6 tengan } CI < 115)$  -> **Binomial** (necesita  $P(CI < 115)$  de la

Normal, que a su vez necesita  $\mu$ ,  $\sigma$ ).

- (c) Calcular  $\mu$  y  $\sigma \rightarrow$  **Normal (inversa, sistema de ecuaciones)**.
- **Global:** El apartado (c) es clave y el más complejo.

- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**

- $CI \sim N(\mu, \sigma)$ .
- $P(CI > 115) = 0.0668 \Rightarrow P(CI \leq 115) = 1 - 0.0668 = 0.9332$ .
- $P(CI < 102.5) = 0.5987$ .
- Para (b):  $n=6$ .
- **Tachar:** ~Los tres primeros párrafos sobre qué es el CI, su origen, tests estandarizados...~ (contexto).

### 3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- **b) Ejecuta:**

- (c) **Calcular  $\mu$  y  $\sigma$ :**
  - De  $P(CI \leq 115) = 0.9332 \Rightarrow z_1$  tal que  $P(Z \leq z_1) = 0.9332$ . De tabla,  $z_1 \approx 1.5$ .
    - $(115 - \mu) / \sigma = 1.5$  (Ecuación 1)
  - De  $P(CI < 102.5) = 0.5987 \Rightarrow z_2$  tal que  $P(Z \leq z_2) = 0.5987$ . De tabla,  $z_2 \approx 0.25$ .
    - $(102.5 - \mu) / \sigma = 0.25$  (Ecuación 2)
  - Resolviendo el sistema:
    - De (1):  $115 - \mu = 1.5\sigma$
    - De (2):  $102.5 - \mu = 0.25\sigma$
    - Restando (1)-(2):  $(115 - 102.5) - (\mu - \mu) = (1.5 - 0.25)\sigma$
    - $12.5 = 1.25\sigma \Rightarrow \sigma = 12.5 / 1.25 = 10$ .
    - Sustituyendo  $\sigma=10$  en (1):  $115 - \mu = 1.5 * 10 = 15 \Rightarrow \mu = 115 - 15 = 100$ .
  - Así,  $CI \sim N(\mu=100, \sigma=10)$ .
- (a)  $P(102.5 < CI < 115)$ :
  - $Z_1 = (102.5 - 100) / 10 = 2.5 / 10 = 0.25$ .
  - $Z_2 = (115 - 100) / 10 = 15 / 10 = 1.5$ .
  - $P(0.25 < Z < 1.5) = P(Z < 1.5) - P(Z < 0.25) = 0.9332 - 0.5987 = 0.3345$ .
- (b)  $P(\text{al menos 5 de 6 tengan } CI < 115)$ :
  - $p = P(CI < 115) = P(Z < (115-100)/10) = P(Z < 1.5) = 0.9332$ .
  - $X = "n^{\circ} \text{ estudiantes con } CI < 115" \sim B(n=6, p=0.9332)$ .

- $P(X \geq 5) = P(X=5) + P(X=6).$ 
    - $P(X=5) = {}^6C_5 * (0.9332)^5 * (0.0668)^1 = 6 * 0.7070 * 0.0668 \approx 0.2835.$
    - $P(X=6) = {}^6C_6 * (0.9332)^6 * (0.0668)^0 = 1 * 0.6597 * 1 \approx 0.6597.$
    - $P(X \geq 5) \approx 0.2835 + 0.6597 = \mathbf{0.9432}.$
- 

## 22. Teletrabajo

**1. Primera Lectura (Contexto General):** \* Estudio sobre teletrabajadores, tipo de contrato (indefinido, temporal, cuenta propia) y opinión sobre conciliación familiar.

**2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):**

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
  - (a)  $P(\text{Mejora conciliación} \mid \text{Contrato Temporal}) \rightarrow \text{Diagrama de Árbol y Probabilidad Total (para despejar}).$
  - (b)  $P(\text{No Cuenta Propia} \mid \text{Mejora conciliación}) \rightarrow \text{Teorema de Bayes.}$
  - **Global: Diagrama de Árbol.** Matiz: Un dato clave ( $P(\text{MejoraTemporal})$ ) está implícito y debe deducirse.
- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**
  - Tipos Contrato: I="Indefinido", T="Temporal", CP="Cuenta Propia".
  - $P(I)=0.72, P(T)=0.11 \Rightarrow P(CP) = 1 - 0.72 - 0.11 = 0.17.$
  - Conciliación: M="Mejora", NM="No Mejora".
  - $P(M \mid I) = 0.87.$
  - $P(M \mid CP) = 0.86.$
  - $P(NM \text{ total}) = 0.1251 \Rightarrow P(M \text{ total}) = 1 - 0.1251 = 0.8749.$
  - Para (a):  $P(M \mid T) = ?$
  - **Tachar:** ~Los tres primeros párrafos sobre definición de teletrabajo, ventajas, OIT, TIC...~ (contexto).

**3. Resolución (Estrategia y Ejecución):**

- **b) Ejecuta:**
  - (a)  $P(\text{Mejora conciliación} \mid \text{Contrato Temporal}) = P(MIT):$ 
    - $P(M \text{ total}) = P(MII)P(I) + P(MIT)P(T) + P(MICP)P(CP).$
    - $0.8749 = (0.87 * 0.72) + (P(MIT) * 0.11) + (0.86 * 0.17).$
    - $0.8749 = 0.6264 + 0.11 * P(MIT) + 0.1462.$
    - $0.8749 = 0.7726 + 0.11 * P(MIT).$
    - $0.11 * P(MIT) = 0.8749 - 0.7726 = 0.1023.$
    - $P(MIT) = 0.1023 / 0.11 = \mathbf{0.93}.$

- (b)  $P(\text{No Cuenta Propia} \mid \text{Mejora conciliación}) = P(I \cup T \mid M)$ :
    - Necesitamos las intersecciones  $P(I \cap M)$ ,  $P(T \cap M)$ ,  $P(CP \cap M)$  y  $P(M \text{ total})$ .
    - $P(I \cap M) = P(MII)P(I) = 0.87 * 0.72 = 0.6264$ .
    - $P(T \cap M) = P(MIT)P(T) = 0.93 * 0.11 = 0.1023$ .
    - $P(CP \cap M) = P(MICP)P(CP) = 0.86 * 0.17 = 0.1462$ .
    - $P(M \text{ total}) = 0.6264 + 0.1023 + 0.1462 = 0.8749$  (coincide).
    - $P(\text{No CP} \cap M) = P(I \cap M) + P(T \cap M) = 0.6264 + 0.1023 = 0.7287$ .
    - $P(\text{No CP} \mid M) = P(\text{No CP} \cap M) / P(M) = 0.7287 / 0.8749 \approx \mathbf{0.8329}$ .
- 

## 23. Test Matemáticas

**1. Primera Lectura (Contexto General):** \* Problema con múltiples partes: test V/F, sorteo de entradas con monedas, campeonatos deportivos.

**2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):**

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
  - (a) Comprobar aprox. Normal para aciertos V/F, parámetros -> **Binomial** y condiciones de **Aproximación Normal**.
  - (b)  $P(\text{al menos } 60 \text{ aciertos de } 100)$  usando aprox. -> **Aproximación Normal a la Binomial**.
  - (c)  $P(5 \text{ aciertos de } 10)$  -> **Binomial directa**.
  - (d) Sorteo monedas,  $P(\text{empate})$  -> **Probabilidad Elemental**, conteo de casos (espacio muestral para cada uno, luego combinaciones de empate).
  - (e.1)  $P(\text{alumno obtiene premio})$  -> **Diagrama de Árbol** y Probabilidad Total.
  - (e.2)  $P(\text{practica natación} \mid \text{obtiene premio})$  -> Teorema de Bayes.

**b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**

- (a,b): Test 100 preg. V/F, al azar =>  $p(\text{acerto})=0.5$ .  $n=100$ .
- (c): Test 10 preg. V/F, al azar =>  $p=0.5$ .  $n=10$ .
- (d): Cada uno lanza 3 monedas. Comparar  $n^o$  caras.
- (e): Deportes:  $P(\text{Tenis})=0.6$ ,  $P(\text{Natación})=0.25$  =>  $P(\text{Golf})=0.15$ .
  - $P(\text{Premio} \mid \text{Tenis})=0.21$ ,  $P(\text{Premio} \mid \text{Natación})=0.30$ ,  $P(\text{Premio} \mid \text{Golf})=0.12$ .
- **Tachar:** ~~~Descripciones del IES Sofía Casanova, contaminación acústica, Ayuntamiento de Narón, Telleiras...~~~ (contexto).

**3. Resolución (Estrategia y Ejecución):**

- **b) Ejecuta:**

- (a)  $X = \text{"aciertos"} \sim B(100, 0.5)$ .  $np=50$ ,  $nq=50$ . Ambos  $\geq 5$ , se puede aprox.
    - $Y \sim N(\mu=np=50, \sigma=\sqrt{npq}=\sqrt{25}=5)$ .
  - (b)  $P(X \geq 60) \approx P(Y \geq 59.5)$  (corrección).
    - $Z=(59.5-50)/5 = 9.5/5 = 1.9$ .  $P(Z \geq 1.9) = 1 - P(Z < 1.9) = 1 - 0.9713 = \mathbf{0.0287}$ .
  - (c)  $X \sim B(10, 0.5)$ .  $P(X=5) = {}^{10}C_5 (0.5)^5 (0.5)^5 = 252 * (0.5)^{10} = 252/1024 = 63/256 \approx \mathbf{0.2461}$ .
  - (d) N° caras para 3 monedas: 0C (CCC - 1/8), 1C (CCX,CXC,XCC - 3/8), 2C (CXX,XCX,XXC - 3/8), 3C (XXX - 1/8).
    - $P(\text{Empate}) = P(0C_1 \cap 0C_2) + P(1C_1 \cap 1C_2) + P(2C_1 \cap 2C_2) + P(3C_1 \cap 3C_2)$
    - $= (1/8)(1/8) + (3/8)(3/8) + (3/8)(3/8) + (1/8)(1/8) = (1+9+9+1)/64 = 20/64 = 5/16 = \mathbf{0.3125}$ .
    - Fernando no tiene razón ( $1/3 \approx 0.3333$ ). Se equivoca en  $|5/16 - 1/3| = |15/48 - 16/48| = |-1/48| \approx 0.0208$ .
  - (e.1)  $P(\text{Premio Pr})$ :
    - $P(\text{Pr}) = P(\text{Pr}|\text{T})P(\text{T}) + P(\text{Pr}|\text{N})P(\text{N}) + P(\text{Pr}|\text{G})P(\text{G})$
    - $= (0.21 \cdot 0.6) + (0.30 \cdot 0.25) + (0.12 \cdot 0.15) = 0.126 + 0.075 + 0.018 = \mathbf{0.219}$ .
  - (e.2)  $P(\text{Natación} | \text{Premio}) = P(\text{NIPr})$ :
    - $P(\text{NIPr}) = P(\text{Pr}|\text{N})P(\text{N}) / P(\text{Pr}) = (0.30 \cdot 0.25) / 0.219 = 0.075 / 0.219 \approx \mathbf{0.3425}$ .
- 

## 24. Control Plagas

**1. Primera Lectura (Contexto General):** \* Finca con tres tipos de plantas (tomates, pimientos, calabacines) y tres métodos de control de plagas. Se dan efectividades.

**2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):**

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
  - 1.1  $P(\text{planta libre de plagas}) \rightarrow \text{Diagrama de Árbol}$  (muy ramificado: TipoPlanta -> MétodoControl -> Libre/Plaga) y Probabilidad Total.
  - 1.2  $P(\text{pimiento} | \text{libre de plagas}) \rightarrow \text{Teorema de Bayes}$ .
  - 1.3 De 11 tomates (mét. orgánico),  $P(\text{al menos 3 evitan plaga}) \rightarrow \text{Binomial}$ .
- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**
  - $P(\text{Tomate T})=0.5$ ,  $P(\text{Pimiento P})=0.3$ ,  $P(\text{Calabacín C})=0.2$ .
  - Métodos (Biol, Quim, Org):
    - Para T:  $P(\text{BiollT})=0.4$ ,  $P(\text{QuimlT})=0.3$ ,  $P(\text{OrglT})=0.3$ .
    - Para P:  $P(\text{BiollP})=0.3$ ,  $P(\text{QuimlP})=0.4$ ,  $P(\text{OrglP})=0.3$ .

- Para C:  $P(\text{Biol} \cap \text{C})=0.2$ ,  $P(\text{Quim} \cap \text{C})=0.5$ ,  $P(\text{Org} \cap \text{C})=0.3$ .
- Efectividad =  $P(\text{Libre} \mid \text{Método, Planta})$ :
  - T:  $P(\text{LIB}, \text{T})=0.85$ ,  $P(\text{LIQ}, \text{T})=0.95$ ,  $P(\text{LIO}, \text{T})=0.80$ .
  - P:  $P(\text{LIB}, \text{P})=0.80$ ,  $P(\text{LIQ}, \text{P})=0.90$ ,  $P(\text{LIO}, \text{P})=0.75$ .
  - C:  $P(\text{LIB}, \text{C})=0.70$ ,  $P(\text{LIQ}, \text{C})=0.85$ ,  $P(\text{LIO}, \text{C})=0.65$ .
- Para 1.3:  $n=11$  tomates, método orgánico (usar  $P(\text{LIO}, \text{T})$  como ' $p$ ').
- **Tachar:** Ninguno, todos los datos numéricos son necesarios.

### 3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- **b) Ejecuta:**

- 1.1  $P(\text{Libre} \cap \text{L})$ . Hay 9 ramas en el árbol que llevan a "Libre":
  - $P(\text{T} \cap \text{Biol} \cap \text{L}) = 0.5 \cdot 0.4 \cdot 0.85 = 0.17$
  - $P(\text{T} \cap \text{Quim} \cap \text{L}) = 0.5 \cdot 0.3 \cdot 0.95 = 0.1425$
  - $P(\text{T} \cap \text{Org} \cap \text{L}) = 0.5 \cdot 0.3 \cdot 0.80 = 0.12$
  - $P(\text{P} \cap \text{Biol} \cap \text{L}) = 0.3 \cdot 0.3 \cdot 0.80 = 0.072$
  - $P(\text{P} \cap \text{Quim} \cap \text{L}) = 0.3 \cdot 0.3 \cdot 0.90 = 0.108$
  - $P(\text{P} \cap \text{Org} \cap \text{L}) = 0.3 \cdot 0.3 \cdot 0.75 = 0.0675$
  - $P(\text{C} \cap \text{Biol} \cap \text{L}) = 0.2 \cdot 0.2 \cdot 0.70 = 0.028$
  - $P(\text{C} \cap \text{Quim} \cap \text{L}) = 0.2 \cdot 0.5 \cdot 0.85 = 0.085$
  - $P(\text{C} \cap \text{Org} \cap \text{L}) = 0.2 \cdot 0.3 \cdot 0.65 = 0.039$
  - $P(\text{L}) = \text{Suma de las 9} = 0.17 + 0.1425 + 0.12 + 0.072 + 0.108 + 0.0675 + 0.028 + 0.085 + 0.039 = \mathbf{0.832}$ .
- 1.2  $P(\text{Pimiento} \mid \text{Libre}) = P(\text{P} \cap \text{L}) / P(\text{L})$ :
  - $P(\text{P} \cap \text{L}) = P(\text{P} \cap \text{Biol} \cap \text{L}) + P(\text{P} \cap \text{Quim} \cap \text{L}) + P(\text{P} \cap \text{Org} \cap \text{L}) = 0.072 + 0.108 + 0.0675 = 0.2475$ .
  - $P(\text{P} \mid \text{L}) = 0.2475 / 0.832 \approx \mathbf{0.2975}$ .
- 1.3 X="tomates orgánicos libres de plaga" ~  $B(n=11, p=P(\text{LIO}, \text{T})=0.80)$ .
  - $P(X \geq 3) = 1 - [P(X=0) + P(X=1) + P(X=2)]$ .
  - $P(X=0) = (0.2)^{11} \approx 0.0000002$ .
  - $P(X=1) = 11(0.8)^1(0.2)^{10} \approx 0.000009$ .
  - $P(X=2) = {}^{11}C_2(0.8)^2(0.2)^9 = 550.640.000000512 \approx 0.000018$ .
  - $P(X \geq 3) \approx 1 - (0.0000002 + 0.000009 + 0.000018) \approx 1 - 0.0000272 \approx \mathbf{0.9999728}$ . (Prácticamente seguro).

### 25. Cuenta Bancaria IES

**1. Primera Lectura (Contexto General):** \* Estudio en un IES sobre alumnos con cuenta bancaria, gastos en cafetería y saldo en cuenta.

**2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):**

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
  - (a) % alumnos que realiza gasto diario -> **Diagrama de Árbol** y Probabilidad Total.
  - (b) % (gasta Y tiene cuenta) / P(gasta) -> Teorema de Bayes. O P(Tiene Cuenta | Gasta).
  - (c)  $P(95 < \text{Saldo} < 110 | \text{tiene cuenta})$  -> **Normal**.
  - (d) De 80 sin cuenta,  $P(>20 \text{ gastan})$  -> **Binomial** ( $p$  de  $P(\text{Gasta}|\text{No Cuenta})$ ), **Aproximación Normal**.
- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**
  - CB="Tiene Cuenta Bancaria", NCB="No Cuenta". G="Gasta Diario".
  - $P(CB)=0.7 \Rightarrow P(NCB)=0.3$ .
  - $P(G | CB)=0.05$ .
  - $P(G | NCB)=0.30$ .
  - Para (c): Saldo  $\sim N(\mu=100, \sigma^2=225 \Rightarrow \sigma=15)$  para los que tienen cuenta.
  - Para (d):  $n=80$  (de los que no tienen cuenta).
  - **Tachar:** ~Los dos primeros párrafos sobre apertura de cuentas a menores, Banco de España, emancipación...~~ (contexto).

**3. Resolución (Estrategia y Ejecución):**

- **b) Ejecuta:**
  - **Diagrama de Árbol:**
    - CB (0.7) --G(0.05)-->  $P(CB \cap G)=0.035$
    - --G<sup>c</sup>(0.95)
    - NCB(0.3) --G(0.30)-->  $P(NCB \cap G)=0.090$
    - --G<sup>c</sup>(0.70)
  - (a)  $P(G) = P(CB \cap G) + P(NCB \cap G) = 0.035 + 0.090 = \mathbf{0.125}$  (12.5%).
  - (b)  $P(\text{Tiene Cuenta} | \text{Gasta}) = P(CB | G) = P(CB \cap G) / P(G) = 0.035 / 0.125 = \mathbf{0.28}$  (28%).
  - (c) Saldo  $S \sim N(100, 15)$ .  $P(95 < S < 110)$ :
    - $Z_1 = (95-100)/15 = -0.333$ .  $Z_2 = (110-100)/15 = 0.667$ .
    - $P(-0.33 < Z < 0.67) = P(Z < 0.67) - P(Z < -0.33) = P(Z < 0.67) - (1 - P(Z < 0.33))$ .
    - $\approx 0.7486 - (1 - 0.6293) = 0.7486 - 0.3707 = \mathbf{0.3779}$ .
  - (d) X="alumnos sin cuenta que gastan"  $\sim B(n=80, p=P(G|NCB)=0.30)$ .  $P(X>20)$ .

- $\mu=800.3=24$ .  $\sigma=\sqrt{800.3*0.7}=\sqrt{16.8}\approx4.099$ .
  - $np=24>5$ ,  $nq=56>5$ . Aprox.  $Y \sim N(24, 4.099)$ .
  - $P(X>20) \approx P(Y\geq 20.5)$  (corrección).
  - $Z=(20.5-24)/4.099 = -3.5/4.099 \approx -0.854$ .
  - $P(Z\geq-0.85) = P(Z\leq 0.85) \approx \mathbf{0.8023}$ .
- 

## 26. Lista Espera SERGAS

**1. Primera Lectura (Contexto General):** \* Dos escenarios: tiempo de espera para operación (Normal) y vacunación gripe (porcentajes).

**2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):**

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
  - a.1)  $P(\text{Espera} < 200 \text{ días}) \rightarrow \text{Normal}$ .
  - a.2)  $P(\text{Atendido Privada}) = P(\text{Espera} \geq 260 \text{ días}) \rightarrow \text{Normal}$ .
  - a.3) Días de espera si 70% atendidos antes (Percentil 70)  $\rightarrow \text{Normal (inversa)}$ .
  - a.4) De 150 pacientes,  $P(95 \leq X \leq 105 \text{ tarden} > 250 \text{ días}) \rightarrow \text{Normal}$  (para p), luego **Binomial**, luego **Aproximación Normal**.
  - b.1) ¿Restringir reuniones 5 y 7 personas?  $\rightarrow \text{Binomial}$  ( $P(>1 \text{ no vacunado})$ ), comparar con 0.5.
  - b.2) De 500 personas,  $P(\geq 350 \text{ vacunados}) \rightarrow \text{Binomial, Aproximación Normal}$ .
- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**
  - Espera  $E \sim N(\mu=242 \text{ días}, \sigma=10 \text{ días})$ .
  - Vacunación:  $P(\text{Vacunado } V) = 0.732 \Rightarrow P(\text{No Vacunado } NV) = 0.268$ .
  - a.4:  $n=150$ .
  - b.1:  $n=5, n=7$ .
  - b.2:  $n=500$ .
  - **Tachar:** Ninguno, datos concisos.

**3. Resolución (Estrategia y Ejecución):**

- **b) Ejecuta:**
  - a.1)  $P(E<200) = P(Z<(200-242)/10) = P(Z<-4.2) \approx 0$ .
  - a.2)  $P(E\geq 260) = P(Z\geq(260-242)/10) = P(Z\geq 1.8) = 1-P(Z<1.8) = 1-0.9641 = \mathbf{0.0359}$ .
  - a.3)  $P(E0.70\approx 0.525. (k-242)/10=0.525 \Rightarrow k=242+5.25 = \mathbf{247.25 \text{ días}}$ .
  - a.4)  $p=P(E>250) = P(Z>(250-242)/10) = P(Z>0.8) = 1-0.7881 = 0.2119$ .
    - $X \sim B(150, 0.2119)$ .  $\mu=31.785$ ,  $\sigma=\sqrt{25.04}\approx 5.00$ . Aprox.  $Y \sim N(31.785, 5.00)$ .
    - $P(95 \leq X \leq 105) \rightarrow$  Este intervalo está muy lejos de la media. La probabilidad

será prácticamente **0**.

- b.1)  $p_{NV}=0.268$ .  $X = "Nº no vacunados"$ .  $P(X>1) = 1-P(X=0)-P(X=1)$ .
    - $n=5$ :  $P(X=0)=(0.732)^5 \approx 0.209$ .  $P(X=1)=5*(0.268)(0.732)^4 \approx 0.385$ .  $P(X>1) \approx 1 - 0.209 - 0.385 = 0.406 (<0.5)$ . **No restringir**.
    - $n=7$ :  $P(X=0)=(0.732)^7 \approx 0.113$ .  $P(X=1)=7*(0.268)(0.732)^6 \approx 0.308$ .  $P(X>1) \approx 1 - 0.113 - 0.308 = 0.579 (>0.5)$ . **Sí restringir**.
  - b.2)  $X = "Nº vacunados" \sim B(500, 0.732)$ .  $P(X \geq 350)$ .
    - $\mu=366$ ,  $\sigma=\sqrt{500 \cdot 0.732 \cdot 0.268}=\sqrt{98.088} \approx 9.90$ . Aprox.  $Y \sim N(366, 9.90)$ .
    - $P(X \geq 350) \approx P(Y \geq 349.5)$ .  $Z=(349.5-366)/9.90 = -16.5/9.90 \approx -1.667$ .
    - $P(Z \geq -1.67) = P(Z \leq 1.67) \approx \mathbf{0.9525}$ .
- 

## 27. Vacuna Tuberculosis (aplicación)

1. Primera Lectura (Contexto General): \* Aplicación de vacuna M72 contra tuberculosis a un grupo grande de adultos.

2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):

- a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:
  - (a) Identificar distribución y parámetros -> **Binomial**.
  - (b)  $P(\text{efectiva en } 1800 \text{ adultos})$  -> **Binomial, Aproximación Normal** (por  $n$  grande).
  - (c)  $P(\text{efectiva en } < 1700 \text{ adultos})$  -> **Binomial, Aproximación Normal**.
  - (d) ¿ $P(\text{efectiva entre } 1750 \text{ y } 1850)$  puede ser 0.0037? (sin cálculos) -> **Conceptual (Normal)**.
- b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:
  - $p=P(\text{protegido}) = 0.54$ .  $n=3289$  adultos.
  - **Tachar**: ~~"Resultados publicados en diciembre de 2019... Sudáfrica, Kenia y Zambia..."~~ (contexto).

3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- b) Ejecuta:
  - (a)  $X = "Nº adultos protegidos" \sim B(n=3289, p=0.54)$ .
  - (b,c) Aproximación Normal:  $\mu=np=3289*0.54 = 1776.06$ .
    - $\sigma=\sqrt{np(1-p)}=\sqrt{(1776.06*0.46)}=\sqrt{816.9876} \approx 28.583$ .
    - $Y \sim N(1776.06, 28.583)$ .

- (b)  $P(X=1800) \approx P(1799.5 \leq Y \leq 1800.5)$ .
    - $Z_1 = (1799.5 - 1776.06)/28.583 \approx 0.8199$ .  $Z_2 = (1800.5 - 1776.06)/28.583 \approx 0.855$ .
    - $P(0.82 \leq Z \leq 0.86) = P(Z \leq 0.86) - P(Z \leq 0.82) \approx 0.8051 - 0.7939 = 0.0112$ .
  - (c)  $P(X < 1700) \approx P(Y \leq 1699.5)$ .
    - $Z = (1699.5 - 1776.06)/28.583 = -76.56/28.583 \approx -2.678$ .
    - $P(Z \leq -2.68) = 1 - P(Z \leq 2.68) = 1 - 0.9963 = 0.0037$ .
  - (d) Intervalo [1750, 1850] es de longitud 100. La media es 1776.06, está dentro del intervalo.
    - Una probabilidad de 0.0037 para un intervalo de 100 personas alrededor de la media de una distribución Normal con  $n=3289$  parece **demasiado baja**. La mayor parte de la probabilidad se concentra alrededor de la media. (El cálculo exacto daría un valor mucho más alto).
- 

## 28. Cinco Sillas

**1. Primera Lectura (Contexto General):** \* Movimiento aleatorio en 5 sillas alineadas (1-2-3-4-5), partiendo de la silla 3. Los extremos (1 y 5) son absorbentes.

**2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):**

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
  - (a)  $P(\text{en silla 3 tras 3 lanzamientos})$  -> **Probabilidad Elemental**, conteo de caminos/secuencias con absorción.
  - (b)  $P(\text{en extremo 1 o 5 tras 3 lanzamientos})$  -> Conteo de caminos con absorción.
  - (c)  $P(\text{en extremo 1 o 5 tras 4 lanzamientos})$  -> Conteo de caminos con absorción.
  - **Global:** Problema de **caminos aleatorios con estados absorbentes**.
- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**
  - Inicio en silla 3.
  - Moneda: Cara (C) -> Derecha (+1), Cruz (X) -> Izquierda (-1).  $P(C)=P(X)=0.5$ .
  - Sillas 1 y 5 son absorbentes (si se llega, se permanece).
  - **Tachar:** Ninguno.

**3. Resolución (Estrategia y Ejecución):**

- **b) Ejecuta:**
  - Cada secuencia de  $N$  lanzamientos tiene una probabilidad de  $(0.5)^N$ .
  - **(a)  $P(\text{en silla 3 tras 3 lanzamientos})$ :**

- Para estar en la silla 3 después de 3 lanzamientos, partiendo de la 3, se necesita un número neto de movimientos de 0 (ej. 1 Derecha, 1 Izquierda, y el tercero debe ser tal que vuelva a 3, o 2D y 1I / 1D y 2I que sumen 0 neto).
- Consideremos las  $2^3 = 8$  secuencias posibles y sus posiciones finales, teniendo en cuenta la absorción:

1. CCC: 3 -> 4 -> 5 (Absorbido en 5)
2. CCX: 3 -> 4 -> 5 (Absorbido en 5, el último X no cambia la posición)
3. CXC: 3 -> 4 -> 3 -> 2
4. CXX: 3 -> 4 -> 3 -> 2 (Error previo, CXX es 3->2->1 (Absorbido en 1))
5. XCC: 3 -> 2 -> 1 (Absorbido en 1, el último C no cambia la posición)
6. XCX: 3 -> 2 -> 3 -> 4
7. XXC: 3 -> 2 -> 1 (Absorbido en 1, el último C no cambia la posición)
8. XXX: 3 -> 2 -> 1 (Absorbido en 1)

- Ninguna secuencia termina en la silla 3.
- $P(\text{en silla 3 tras 3 lanzamientos}) = 0$ .

- **(b)  $P(\text{en extremo 1 o 5 tras 3 lanzamientos})$ :**

- De las 8 secuencias anteriores, contamos cuántas terminan en 1 o 5:
  - Terminan en 5: CCC, CCX (2 secuencias)
  - Terminan en 1: CXX, XCC, XXC, XXX (4 secuencias)
- Total de secuencias que terminan en un extremo =  $2 + 4 = 6$ .
- $P(\text{en extremo 1 o 5 tras 3 lanzamientos}) = 6 * (0.5)^3 = 6/8 = \frac{3}{4}$ .

- **(c)  $P(\text{en extremo 1 o 5 tras 4 lanzamientos})$ :**

- Si ya estaba en un extremo en 3 lanzamientos (probabilidad  $3/4$ ), permanecerá allí.
- Consideraremos los casos donde NO estaba en un extremo después de 3 lanzamientos. Estas son las secuencias que terminaron en 2 o 4:
  - Terminó en 2 (Secuencia CXC): Probabilidad =  $(0.5)^3 = 1/8$ .
  - Desde la silla 2, un lanzamiento más:
    - X (Izquierda): Va a la silla 1 (Absorbido).  $P(CXC \text{ y luego } X) = (1/8) * 0.5 = 1/16$ .
    - C (Derecha): Va a la silla 3.
  - Terminó en 4 (Secuencia XCX): Probabilidad =  $(0.5)^3 = 1/8$ .
  - Desde la silla 4, un lanzamiento más:
    - C (Derecha): Va a la silla 5 (Absorbido).  $P(XCX \text{ y luego } C) =$

$$(1/8) * 0.5 = 1/16.$$

- X (Izquierda): Va a la silla 3.

- La probabilidad de ser absorbido *exactamente* en el 4º lanzamiento (es decir, no antes) es la suma de estas nuevas absorciones:  $1/16$  (a 1) +  $1/16$  (a 5) =  $2/16 = 1/8$ .
  - $P(\text{en extremo tras 4 lanzamientos}) = P(\text{en extremo tras 3 lanz.}) + P(\text{absorbido exactamente en el 4º lanz.})$
  - $P(\text{en extremo tras 4 lanzamientos}) = 3/4 + 1/8 = 6/8 + 1/8 = \mathbf{7/8}$ .
-