
1. Ventas diarias nun restaurante (Iniciación)

1. Primera Lectura (Contexto General): * Ventas diarias de un restaurante siguen una distribución normal.

2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
 - (a) $P(\text{Ventas} > 1400\text{€}) \rightarrow$ **Normal**.
 - (b) $P(\text{No cubrir gastos}) = P(\text{Ventas} < 980\text{€}) \rightarrow$ **Normal**.
- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**
 - $X = \text{"Ventas diarias"} \sim N(\mu=1220\text{€}, \sigma=120\text{€})$.
 - (a) $P(X > 1400)$.
 - (b) Cubrir gastos si $X \geq 980\text{€}$. No cubrir si $X < 980\text{€}$. $P(X < 980)$.
 - **Tachar:** Ninguno, es muy directo.

3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- **b) Ejecuta:**
 - (a) $X \sim N(1220, 120)$. $P(X > 1400)$
 - $Z = (1400 - 1220) / 120 = 180 / 120 = 1.5$.
 - $P(Z > 1.5) = 1 - P(Z \leq 1.5) = 1 - 0.9332 = \mathbf{0.0668}$.
 - (b) $P(X < 980)$
 - $Z = (980 - 1220) / 120 = -240 / 120 = -2$.
 - $P(Z < -2) = P(Z > 2) = 1 - P(Z \leq 2) = 1 - 0.9772 = \mathbf{0.0228}$.

2. Temperatura máxima en julio (Iniciación)

1. Primera Lectura (Contexto General): * Temperatura máxima en julio sigue una distribución normal.

2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**

- $P(21^{\circ}\text{C} < \text{Temp} < 27.2^{\circ}\text{C}) \rightarrow$ **Normal**.
- N° días del mes con Temp en ese rango \rightarrow **Proporcionalidad** (usando la probabilidad anterior).
- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**
 - $T = \text{"Temperatura máxima"} \sim N(\mu=25^{\circ}\text{C}, \sigma=4^{\circ}\text{C})$.
 - $P(21 < T < 27.2)$.
 - N° días en julio = 31.
 - **Tachar:** Ninguno.

3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- **b) Ejecuta:**
 - $T \sim N(25, 4)$. $P(21 < T < 27.2)$
 - $Z_1 = (21 - 25) / 4 = -4 / 4 = -1$.
 - $Z_2 = (27.2 - 25) / 4 = 2.2 / 4 = 0.55$.
 - $P(-1 < Z < 0.55) = P(Z < 0.55) - P(Z < -1) = P(Z < 0.55) - (1 - P(Z < 1))$.
 - $P(Z < 0.55) \approx 0.7088$. $P(Z < 1) \approx 0.8413$.
 - Probabilidad = $0.7088 - (1 - 0.8413) = 0.7088 - 0.1587 = \mathbf{0.5501}$.
 - N° días esperado = $0.5501 * 31 \approx \mathbf{17.05 \text{ días}}$ (se podría redondear a 17 días).

3. Notas PAU

1. Primera Lectura (Contexto General): * Notas PAU para dos carreras (A y B) siguen distribuciones normales distintas. Se admite al 25% mejor.

2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
 - Hallar nota mínima para estar en el 25% superior (percentil 75) para Carrera A \rightarrow **Normal (inversa)**.
 - Hallar nota mínima para estar en el 25% superior (percentil 75) para Carrera B \rightarrow **Normal (inversa)**.
 - Comparar las dos notas mínimas.
- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**
 - Carrera A: $N_A \sim N(\mu_A=6.8, \sigma_A=0.6)$. $P(N_A \leq k_A) = 0.75$.
 - Carrera B: $N_B \sim N(\mu_B=7, \sigma_B=0.5)$. $P(N_B \leq k_B) = 0.75$.
 - **Tachar:** Ninguno.

3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- **b) Ejecuta:**

- Para $P(Z \leq z) = 0.75$, el valor z de la tabla es aproximadamente 0.675 (o 0.67 para simplificar si la tabla no es detallada). Usaremos $z = 0.675$.
- Para Carrera A: $(k_A - 6.8) / 0.6 = 0.675$.
 - $k_A - 6.8 = 0.675 * 0.6 = 0.405$.
 - $k_A = 6.8 + 0.405 = \mathbf{7.205}$.
- Para Carrera B: $(k_B - 7) / 0.5 = 0.675$.
 - $k_B - 7 = 0.675 * 0.5 = 0.3375$.
 - $k_B = 7 + 0.3375 = \mathbf{7.3375}$.
- Comparación: $7.205 < 7.3375$. La Carrera A requerirá una nota mínima más baja.

4. Móviles y Garantía

1. Primera Lectura (Contexto General): * Móviles llevados a servicio técnico, algunos se reparan, otros se reemplazan. Empresa compra 10.

2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
 - $P(\text{exactamente 2 reemplazados de 10}) \rightarrow \mathbf{\text{Binomial}}$. *Matiz: La probabilidad 'p' de ser reemplazado no es directa, hay que calcularla usando probabilidad condicionada (implica un mini árbol).*
- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**
 - $P(\text{Servicio Técnico ST}) = 0.20$.
 - $P(\text{Reemplazado} \mid \text{ST}) = 0.40$.
 - $n = 10$ teléfonos. $k = 2$ reemplazados.
 - **Tachar:** $P(\text{Reparado} \mid \text{ST}) = 0.60$ (es complementario, no estrictamente necesario si ya tenemos $P(\text{Reemplazado} \mid \text{ST})$).

3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- **b) Ejecuta:**

- Calcular $p = P(\text{Ser Reemplazado})$:

- $p = P(\text{Reemplazado} \mid \text{ST}) * P(\text{ST}) = 0.40 * 0.20 = \mathbf{0.08}$.
- $X = \text{"nº de móviles reemplazados"} \sim B(n=10, p=0.08)$.
- $P(X=2) = ({}^{10}C_2) * (0.08)^2 * (1-0.08)^{10-2}$
 - $({}^{10}C_2) = 10! / (2! * 8!) = (10*9)/2 = 45$.
 - $P(X=2) = 45 * (0.08)^2 * (0.92)^8 = 45 * 0.0064 * 0.5132188$
 - $P(X=2) \approx \mathbf{0.1478}$.

5. Plantas de maíz

1. Primera Lectura (Contexto General): * Mucha información sobre cultivo de maíz. Al final, se dice que la altura sigue una distribución Normal.

2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
 - (a) % plantas con altura entre 135cm y 155cm -> **Normal**.
 - (b) Altura mínima para estar en el 50% más altas -> **Normal (percentil 50, que es la media)**.
- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**
 - $H = \text{"Altura"} \sim N(\mu=145\text{cm}, \sigma=22\text{cm})$.
 - (a) $P(135 < H < 155)$.
 - (b) Hallar k tal que $P(H > k) = 0.50$.
 - **Tachar:** ~~Toda la información sobre luz solar, temperaturas, humedad, finca experimental, fechas...~~

3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- **b) Ejecuta:**
 - (a) $H \sim N(145, 22)$. $P(135 < H < 155)$
 - $Z_1 = (135 - 145) / 22 = -10 / 22 \approx -0.4545$.
 - $Z_2 = (155 - 145) / 22 = 10 / 22 \approx 0.4545$.
 - $P(-0.45 < Z < 0.45) = P(Z < 0.45) - P(Z < -0.45) = P(Z < 0.45) - (1 - P(Z < 0.45)) = 2 * P(Z < 0.45) - 1$.
 - $P(Z < 0.45) \approx 0.6736$.
 - Probabilidad = $2 * 0.6736 - 1 = 1.3472 - 1 = \mathbf{0.3472}$ (o 34.72%).
 - (b) $P(H > k) = 0.50$. Para una distribución Normal, el percentil 50 es la media.
 - $k = \mu = \mathbf{145 \text{ cm}}$.

6. Examen MIR

1. Primera Lectura (Contexto General): * Extensa descripción del sistema MIR y el examen. Al final, se dan datos de una distribución Normal para las puntuaciones.

2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
 - (a) $P(\text{calificación en } [75, 85]) \rightarrow \text{Normal}$.
 - (b) Si σ se mantiene y $P(\text{Puntuación} > 90) = 0.05$, ¿cómo cambió la media? \rightarrow **Normal (inversa para hallar la nueva μ)**, luego comparar.
- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**
 - Situación inicial: $X \sim N(\mu=70, \sigma=10)$.
 - (a) $P(75 \leq X \leq 85)$.
 - (b) Nueva situación: X' con $\sigma'=10$, $P(X' > 90) = 0.05$. Hallar μ' .
 - **Tachar:** ~~ Toda la descripción del sistema MIR, historia, duración, estructura del examen, etc.~~ El dato de "supera la prueba si se obtiene al menos 75 puntos" no se usa.

3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- **b) Ejecuta:**
 - (a) $X \sim N(70, 10)$. $P(75 \leq X \leq 85)$
 - $Z_1 = (75 - 70) / 10 = 0.5$.
 - $Z_2 = (85 - 70) / 10 = 1.5$.
 - $P(0.5 \leq Z \leq 1.5) = P(Z \leq 1.5) - P(Z \leq 0.5) = 0.9332 - 0.6915 = \mathbf{0.2417}$.
 - (b) X' con $\sigma'=10$, $P(X' > 90) = 0.05 \Rightarrow P(X' \leq 90) = 0.95$.
 - $P(Z \leq (90 - \mu')/10) = 0.95$.
 - El valor z tal que $P(Z \leq z) = 0.95$ es $z \approx 1.645$.
 - $(90 - \mu') / 10 = 1.645 \Rightarrow 90 - \mu' = 16.45 \Rightarrow \mu' = 90 - 16.45 = \mathbf{73.55}$.
 - La media ha aumentado (de 70 a 73.55).

7. Alquiler de pisos

1. Primera Lectura (Contexto General): * Información sobre el Índice de Precios de Vivienda en Alquiler. Al final, datos de una Normal para alquileres en una ciudad.

2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
 - (a) $P(\text{alquiler} \leq 700\text{€}) \rightarrow$ **Normal**.
 - (c) De 25 pisos, nº esperado que cuesten $< 710\text{€} \rightarrow$ **Normal** (para $P(\text{alquiler} < 710\text{€})$) y **Proporcionalidad/Valor Esperado Binomial**.
- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**
 - $A = \text{"Precio alquiler mensual"} \sim N(\mu=725\text{€}, \sigma=50\text{€})$.
 - (a) $P(A \leq 700)$.
 - (c) $n=25$ pisos. $P(A < 710)$. Nº esperado $= n * P(A < 710)$.
 - **Tachar:** ~~Toda la introducción sobre IPVA, datos históricos de precios, etc.~~

3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- **b) Ejecuta:**
 - (a) $A \sim N(725, 50)$. $P(A \leq 700)$
 - $Z = (700 - 725) / 50 = -25 / 50 = -0.5$.
 - $P(Z \leq -0.5) = P(Z \geq 0.5) = 1 - P(Z < 0.5) = 1 - 0.6915 = \mathbf{0.3085}$.
 - (c) Primero, $p = P(A < 710)$
 - $Z = (710 - 725) / 50 = -15 / 50 = -0.3$.
 - $p = P(Z < -0.3) = P(Z > 0.3) = 1 - P(Z < 0.3) = 1 - 0.6179 = \mathbf{0.3821}$.
 - Nº esperado $= 25 * 0.3821 = \mathbf{9.5525}$ pisos (se podría redondear a 9 o 10).

8. Zonas de bajas emisiones

1. Primera Lectura (Contexto General): * Información sobre la Ley de ZBE. Luego datos de una población (centro/periferia) y opiniones sobre restringir acceso de vehículos.

2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
 - (a) $P(\text{a favor de restringir}) \rightarrow$ **Diagrama de Árbol** y Probabilidad Total.
 - (b) $P(\text{reside en centro } Y \text{ a favor}) \rightarrow$ Cálculo de intersección (rama del árbol).
 - (c) $P(\text{reside en centro } I \text{ a favor}) \rightarrow$ **Teorema de Bayes**.
- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**
 - $P(\text{Centro } C) = 5000/15000 = 1/3$. $P(\text{Periferia } P) = 10000/15000 = 2/3$.
 - $P(A \text{ Favor } F | C) = 0.95$.
 - $P(A \text{ Favor } F | P) = 0.20$.

- **Tachar:** ~~Los dos primeros párrafos sobre la Ley del Cambio Climático y la definición de ZBE.~~

3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- **b) Ejecuta:**
 - **Diagrama de Árbol (y probabilidades de intersección):**
 - Reside Centro ($P(C)=1/3$)
 - A Favor ($P(F|C)=0.95$) $\Rightarrow P(C \cap F) = (1/3) * 0.95 = 0.95/3 \approx 0.3167$
 - Reside Periferia ($P(P)=2/3$)
 - A Favor ($P(F|P)=0.20$) $\Rightarrow P(P \cap F) = (2/3) * 0.20 = 0.40/3 \approx 0.1333$
 - (a) $P(F) = P(C \cap F) + P(P \cap F) = (0.95/3) + (0.40/3) = 1.35/3 = \mathbf{0.45}$.
 - (b) $P(C \cap F) = (1/3) * 0.95 = 0.95/3 \approx \mathbf{0.3167}$.
 - (c) $P(C | F) = P(C \cap F) / P(F) = (0.95/3) / 0.45 = 0.95 / (0.45 * 3) = 0.95 / 1.35 \approx \mathbf{0.7037}$.

9. Vehículos

1. Primera Lectura (Contexto General): * Estudio sobre medios de locomoción en la Comunidad de Madrid, específicamente sobre tenencia de coche y moto.

2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
 - (a) $P(\text{solo uno de los dos vehículos}) \rightarrow$ Álgebra de Sucesos / **Tabla de Contingencia**.
 - (b) $P(\text{al menos uno de los dos}) \rightarrow$ Álgebra de Sucesos / Tabla.
 - (c) $P(\text{no moto} | \text{tiene coche}) \rightarrow$ Probabilidad Condicionada / Tabla.
 - (d) ¿Independientes "tener coche" y "no tener moto"? ¿Incompatibles? \rightarrow Sucesos / Tabla.
 - **Global:** Los datos se dan de forma indirecta. Una **Tabla de Contingencia** será esencial.
- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**
 - $C = \text{"Tener Coche"}, M = \text{"Tener Moto"}$.
 - $P(C^c \cap M^c) = 0.07$ (7% no tienen ni coche ni moto).
 - $P(M | C) = 0.36$ (de los que tienen coche, 36% tienen moto).
 - $P(M^c | C^c) = 0.28$ (de los que no tienen coche, 28% no tienen moto).

- **Tachar:** ~~Información sobre Encuestas Domiciliarias de Movilidad, EDM2018, 1.259 zonas...~~ (contexto del estudio).

3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- **b) Ejecuta:**

- **Construir Tabla de Contingencia:**

- $P(C^c \cap M^c) = 0.07$.
- $P(M^c | C^c) = 0.28 \Rightarrow P(M^c \cap C^c) / P(C^c) = 0.28 \Rightarrow 0.07 / P(C^c) = 0.28 \Rightarrow P(C^c) = 0.07 / 0.28 = 0.25$.
- $P(C) = 1 - P(C^c) = 1 - 0.25 = 0.75$.
- $P(M | C) = 0.36 \Rightarrow P(M \cap C) / P(C) = 0.36 \Rightarrow P(M \cap C) / 0.75 = 0.36 \Rightarrow P(M \cap C) = 0.36 * 0.75 = 0.27$.
- Ahora completamos la tabla:

	M	M^c	Total
C	0.27	0.48	0.75
C^c	0.18	0.07	0.25
Total	0.45	0.55	1.00

- $P(C \cap M^c) = P(C) - P(C \cap M) = 0.75 - 0.27 = 0.48$.
- $P(C^c \cap M) = P(C^c) - P(C^c \cap M^c) = 0.25 - 0.07 = 0.18$.
- $P(M) = P(C \cap M) + P(C^c \cap M) = 0.27 + 0.18 = 0.45$.
- $P(M^c) = P(C \cap M^c) + P(C^c \cap M^c) = 0.48 + 0.07 = 0.55$ (o $1 - 0.45$).
- (a) $P(\text{solo uno}) = P(C \cap M^c) + P(C^c \cap M) = 0.48 + 0.18 = \mathbf{0.66}$.
- (b) $P(\text{al menos uno}) = P(C \cup M) = 1 - P(C^c \cap M^c) = 1 - 0.07 = \mathbf{0.93}$.
 - (Alternativa: $P(C \cup M) = P(C) + P(M) - P(C \cap M) = 0.75 + 0.45 - 0.27 = 0.93$)
- (c) $P(M^c | C) = P(M^c \cap C) / P(C) = 0.48 / 0.75 = \mathbf{0.64}$.
- (d) ¿"Tener coche" (C) y "no tener moto" (M^c) independientes?
 - $P(C \cap M^c) = 0.48$.
 - $P(C) * P(M^c) = 0.75 * 0.55 = 0.4125$.
 - Como $0.48 \neq 0.4125$, **no son independientes**.
 - ¿Incompatibles? $P(C \cap M^c) = 0.48 \neq 0$, por lo tanto, **no son incompatibles**.

(Es posible tener coche y no tener moto).

10. Diabetes

1. Primera Lectura (Contexto General): * Estudio en un centro de salud sobre diabetes y género.

2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
 - (a) $P(\text{padezca diabetes}) \rightarrow$ Probabilidad Total (usando info de género) / **Tabla de Contingencia**.
 - (b) $P(\text{no diabetes} \mid \text{mujer}) \rightarrow$ Probabilidad Condicionada / Tabla.
 - (c) $P(\text{mujer} \mid \text{tiene diabetes}) \rightarrow$ Teorema de Bayes / Tabla.
 - **Global:** Ideal para **Tabla de Contingencia**.
- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**
 - $M = \text{"Ser Mujer"}$, $H = \text{"Ser Hombre"}$. $D = \text{"Padecer Diabetes"}$, $D^c = \text{"No Padecer Diabetes"}$.
 - $P(M \cap D) = 0.06$.
 - $P(H \cap D^c) = 0.37$.
 - $P(M) = 0.54$.
 - **Tachar:** ~~Primer párrafo sobre descripción de la diabetes, prevalencia general 5-10%, etc.~~ (contexto médico general).

3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- **b) Ejecuta:**
 - **Construir Tabla de Contingencia:**
 - $P(M) = 0.54 \Rightarrow P(H) = 1 - 0.54 = 0.46$.
 - $P(M \cap D) = 0.06$.
 - $P(M \cap D^c) = P(M) - P(M \cap D) = 0.54 - 0.06 = 0.48$.
 - $P(H \cap D^c) = 0.37$.
 - $P(H \cap D) = P(H) - P(H \cap D^c) = 0.46 - 0.37 = 0.09$.
 - $P(D) = P(M \cap D) + P(H \cap D) = 0.06 + 0.09 = 0.15$.
 - $P(D^c) = P(M \cap D^c) + P(H \cap D^c) = 0.48 + 0.37 = 0.85$ (o $1 - 0.15$).

	D	D ^c	Total
M	0.06	0.48	0.54
H	0.09	0.37	0.46
Total	0.15	0.85	1.00

- (a) $P(\text{padezca diabetes}) = P(D) = \mathbf{0.15}$.
- (b) $P(\text{no diabetes} \mid \text{mujer}) = P(D^c \mid M) = P(M \cap D^c) / P(M) = 0.48 / 0.54 \approx \mathbf{0.8889}$.
- (c) $P(\text{mujer} \mid \text{tiene diabetes}) = P(M \mid D) = P(M \cap D) / P(D) = 0.06 / 0.15 = \mathbf{0.40}$.

11. Tráfico

1. Primera Lectura (Contexto General): * Estudio sobre siniestralidad de vehículos, clasificando conductores (joven/sénior) y vehículos (nuevo/viejo).

2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
 - (a) $P(\text{conductor sénior} \cap \text{vehículo viejo}) \rightarrow$ Probabilidad conjunta / **Tabla de Contingencia**.
 - (b) $P(\text{conductor joven} \mid \text{vehículo viejo}) \rightarrow$ Probabilidad Condicionada / Tabla.
 - (c) Afirmación sobre $P(\text{conductor sénior} \cap \text{vehículo nuevo}) \rightarrow$ Comparación de probabilidad / Tabla.
 - **Global: Tabla de Contingencia** a partir de frecuencias absolutas.
- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**
 - Total siniestros = 54.
 - $N(\text{Vehículo Nuevo}) = 19$.
 - $N(\text{Conductor Joven}) = 29$.
 - $N(\text{Vehículo Viejo} \cap \text{Conductor Joven}) = 21$.
 - **Tachar:** ~~Los tres primeros párrafos sobre edad del parque vehicular, ITV, etc.~~ (contexto general sobre tráfico, no datos para la tabla).

3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- **b) Ejecuta:**
 - **Construir Tabla de Contingencia (con frecuencias absolutas, luego se pueden pasar a probabilidades dividiendo por 54):**

- J="Joven", S="Sénior"; N="Nuevo", V="Viejo".
- Total = 54.
- $N(N) = 19 \Rightarrow N(V) = 54 - 19 = 35$.
- $N(J) = 29 \Rightarrow N(S) = 54 - 29 = 25$.
- $N(V \cap J) = 21$.
- $N(N \cap J) = N(J) - N(V \cap J) = 29 - 21 = 8$.
- $N(V \cap S) = N(V) - N(V \cap J) = 35 - 21 = 14$.
- $N(N \cap S) = N(S) - N(V \cap S) = 25 - 14 = 11$ (o $N(N) - N(N \cap J) = 19 - 8 = 11$).

	Nuevo (N)	Viejo (V)	Total
Joven (J)	8	21	29
Sénior(S)	11	14	25
Total	19	35	54

- (a) $P(\text{Sénior} \cap \text{Viejo}) = N(S \cap V) / \text{Total} = 14 / 54 \approx \mathbf{0.2593}$.
- (b) $P(\text{Joven} | \text{Viejo}) = N(J \cap V) / N(V) = 21 / 35 = 3/5 = \mathbf{0.6}$.
- (c) $P(\text{Sénior} \cap \text{Nuevo}) = N(S \cap N) / \text{Total} = 11 / 54 \approx 0.2037$.
 - Comparar con otras intersecciones: $P(J \cap N) = 8/54$, $P(J \cap V) = 21/54$, $P(S \cap V) = 14/54$.
 - El valor más bajo es 8/54 (Joven y Nuevo).
 - La afirmación "Los siniestros de este estudio menos probables son aquellos en los que el conductor es sénior y el vehículo es nuevo (11/54)" es **falsa**. Los menos probables son Joven y Nuevo (8/54).

12. Auditoría

1. Primera Lectura (Contexto General): * Auditoría de empresas, calificaciones (Excelente, Aceptable, Deficiente), y tipos de auditores (correctos e incorrectos).

2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):

- a) **Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
 - (a) Proporción de empresas que reciben calificación "Deficiente" -> **Diagrama de Árbol** y Probabilidad Total.
 - (b) Proporción que recibe calificación que merece -> **Diagrama de Árbol** y suma de probabilidades de caminos "correctos".
 - (c) $P(\text{auditor correcto} | \text{calificación asignada "Aceptable"})$ -> Teorema de Bayes.

- **Global: Diagrama de Árbol** con dos etapas (Tipo de auditor, Calificación Real -> Calificación Asignada).
- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**
 - Calificación Real (CR): $P(CR=E)=0.3$, $P(CR=A)=0.5$, $P(CR=D)=0.2$.
 - Tipo Auditor: $P(\text{Auditor Correcto } AC)=0.9$, $P(\text{Auditor Incorrecto } AI)=0.1$.
 - Comportamiento Auditor Correcto (AC): Calificación Asignada (CA) = CR.
 - Comportamiento Auditor Incorrecto (AI): CA = "Aceptable" siempre.
 - **Tachar:** ~~~Primeros cuatro párrafos describiendo qué es una auditoría, sus tipos y objetivos...~~~ (contexto).

3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- **b) Ejecuta:**
 - **Diagrama de Árbol (Probabilidades de las rutas):**
 - Auditor Correcto (AC) (0.9)
 - Empresa merece E (0.3) -> Asigna E ($0.9 \cdot 0.3 = 0.27$)
 - Empresa merece A (0.5) -> Asigna A ($0.9 \cdot 0.5 = 0.45$)
 - Empresa merece D (0.2) -> Asigna D ($0.9 \cdot 0.2 = 0.18$)
 - Auditor Incorrecto (AI) (0.1)
 - Empresa merece E (0.3) -> Asigna A ($0.1 \cdot 0.3 = 0.03$)
 - Empresa merece A (0.5) -> Asigna A ($0.1 \cdot 0.5 = 0.05$)
 - Empresa merece D (0.2) -> Asigna A ($0.1 \cdot 0.2 = 0.02$)
 - (a) $P(\text{Recibe Calificación Deficiente } CA=D)$:
 - Solo ocurre si el auditor es correcto Y la empresa merece Deficiente.
 - $P(CA=D) = P(AC \cap (CR=D) \cap (CA=D)) = 0.9 \cdot 0.2 = \mathbf{0.18}$.
 - (b) $P(\text{Recibe calificación que merece})$:
 - $P(\text{Auditor Correcto y Asigna lo que merece}) = P(AC) \cdot [P(CR=E) + P(CR=A) + P(CR=D)] = 0.9 \cdot 1 = 0.9$.
 - $P(\text{Auditor Incorrecto y Asigna lo que merece})$:
 - Solo si $CR=A$ y AI asigna A (lo cual siempre hace). $P(AI \cap (CR=A)) = 0.1 \cdot 0.5 = 0.05$.
 - $P(\text{Merece}) = P(AC) + P(AI \cap (CR=A) \cap (CA=A))$ <- Esto no es correcto.
 - Es $P(CA=E \mid CR=E)P(CR=E) + P(CA=A \mid CR=A)P(CR=A) + P(CA=D \mid CR=D)P(CR=D)$
 - $P(CA=E \text{ y } CR=E) = P(AC)P(CR=E) = 0.9 \cdot 0.3 = 0.27$

- $P(CA=A \text{ y } CR=A) = P(AC)P(CR=A) + P(AI)P(CR=A) = (0.9 * 0.5) + (0.1 * 0.5) = 0.45 + 0.05 = 0.50$
- $P(CA=D \text{ y } CR=D) = P(AC)P(CR=D) = 0.9 * 0.2 = 0.18$
- $P(\text{Recibe lo que merece}) = 0.27 + 0.50 + 0.18 = \mathbf{0.95}$. *(Interpretación más simple: La empresa recibe la calificación que merece si el auditor es correcto (0.9 de prob), O si el auditor es incorrecto (0.1) PERO la empresa merecía "Aceptable" (0.5) y el auditor incorrecto da "Aceptable". $P(AC) + P(AI \cap CR=A) = 0.9 + (0.1 * 0.5) = 0.9 + 0.05 = 0.95$ *)
- (c) $P(\text{Auditor Correcto } AC \mid \text{Calificación Asignada } CA=A)$:
 - $P(CA=A) = P(AC \cap CR=A \cap CA=A) + P(AI \cap CR=E \cap CA=A) + P(AI \cap CR=A \cap CA=A) + P(AI \cap CR=D \cap CA=A)$
 - $P(CA=A) = (0.9 * 0.5) + (0.1 * 0.3) + (0.1 * 0.5) + (0.1 * 0.2)$
 - $P(CA=A) = 0.45 + 0.03 + 0.05 + 0.02 = 0.55$.
 - $P(AC \cap CA=A) = P(AC \cap CR=A \cap CA=A) = 0.9 * 0.5 = 0.45$.
 - $P(AC \mid CA=A) = P(AC \cap CA=A) / P(CA=A) = 0.45 / 0.55 \approx \mathbf{0.8182}$.

13. Holter Arritmias

1. Primera Lectura (Contexto General): * Diagnóstico de arritmias usando un monitor Holter, con datos sobre la prevalencia de la enfermedad y la fiabilidad del test (sensibilidad y falsos positivos).

2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
 - (a) $P(\text{al menos 1 con arritmia de 4 personas}) \rightarrow \mathbf{\text{Binomial}}$.
 - (b) $P(\text{diagnóstico positivo}) \rightarrow \mathbf{\text{Diagrama de Árbol}}$ y Probabilidad Total.
 - (c) $P(\text{realmente arritmia} \mid \text{diagnóstico negativo}) \rightarrow \mathbf{\text{Teorema de Bayes}}$.
 - **Global:** Combinación de Binomial con Diagrama de Árbol/Bayes.
- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**
 - $A = \text{"Padecer Arritmia"}$, $A^c = \text{"No Padecer Arritmia"}$.
 - $\text{Pos} = \text{"Diagnóstico Positivo"}$, $\text{Neg} = \text{"Diagnóstico Negativo"}$.
 - $P(A) = 0.20 \Rightarrow P(A^c) = 0.80$.
 - $P(\text{Pos} \mid A) = 0.95$ (sensibilidad) $\Rightarrow P(\text{Neg} \mid A) = 0.05$.
 - $P(\text{Pos} \mid A^c) = 0.005$ (falsos positivos) $\Rightarrow P(\text{Neg} \mid A^c) = 0.995$ (especificidad).
 - Para (a): $n=4$ personas.
 - **Tachar:** ~~Descripción del Holter y su uso ambulatorio...~~ (contexto médico).

3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- **b) Ejecuta:**

- (a) $X = \text{"nº de personas con arritmia de 4"}$. $X \sim B(n=4, p=0.20)$.
 - $P(X \geq 1) = 1 - P(X=0)$.
 - $P(X=0) = {}^4C_0 * (0.20)^0 * (0.80)^4 = 1 * 1 * 0.4096 = 0.4096$.
 - $P(X \geq 1) = 1 - 0.4096 = \mathbf{0.5904}$.
- **Diagrama de Árbol (para b y c):**
 - Padece Arritmia (A) (0.20)
 - Positivo (Pos|A) (0.95) $\Rightarrow P(A \cap \text{Pos}) = 0.20 * 0.95 = 0.19$
 - Negativo (Neg|A) (0.05) $\Rightarrow P(A \cap \text{Neg}) = 0.20 * 0.05 = 0.01$
 - No Padece Arritmia (A^c) (0.80)
 - Positivo (Pos| A^c) (0.005) $\Rightarrow P(A^c \cap \text{Pos}) = 0.80 * 0.005 = 0.004$
 - Negativo (Neg| A^c) (0.995) $\Rightarrow P(A^c \cap \text{Neg}) = 0.80 * 0.995 = 0.796$
- (b) $P(\text{diagnóstico positivo}) = P(\text{Pos})$:
 - $P(\text{Pos}) = P(A \cap \text{Pos}) + P(A^c \cap \text{Pos}) = 0.19 + 0.004 = \mathbf{0.194}$.
- (c) $P(\text{realmente arritmia} \mid \text{diagnóstico negativo}) = P(A \mid \text{Neg})$:
 - $P(\text{Neg}) = P(A \cap \text{Neg}) + P(A^c \cap \text{Neg}) = 0.01 + 0.796 = 0.806$ (o $1 - P(\text{Pos}) = 1 - 0.194 = 0.806$).
 - $P(A \mid \text{Neg}) = P(A \cap \text{Neg}) / P(\text{Neg}) = 0.01 / 0.806 \approx \mathbf{0.0124}$.

14. Turismo (solo parte 1)

1. Primera Lectura (Contexto General): * Estudio de una agencia de viajes sobre turistas que visitan la Geoda de Pulpí, clasificados por procedencia y mayoría/minoría de edad.

2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
 - 1.a) $P(\text{Mayor de edad}) \rightarrow$ **Diagrama de Árbol** y Probabilidad Total.
 - 1.b) $P(\text{Andalucía Y Menor de edad}) \rightarrow$ Intersección (rama del árbol).
 - 1.c) $P(\text{Extranjero} \mid \text{Menor de edad}) \rightarrow$ Teorema de Bayes.
 - **Global: Diagrama de Árbol.** Matiz: $P(\text{Extranjero})$ y $P(\text{Mayor} \mid \text{Extranjero})$ deben deducirse.

- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**

- Procedencia: $P(\text{Andalucía } A) = 0.42$, $P(\text{Otras CC.AA. } O) = 0.32$.
- $P(\text{Extranjero } E) = 1 - 0.42 - 0.32 = 0.26$.
- Edad (May=Mayor, Men=Menor):
 - $P(\text{May} \mid A) = 0.65 \Rightarrow P(\text{Men} \mid A) = 0.35$.
 - $P(\text{May} \mid O) = 0.75 \Rightarrow P(\text{Men} \mid O) = 0.25$.
 - $P(\text{Men} \mid E) = 0.20 \Rightarrow P(\text{May} \mid E) = 0.80$.
- **Tachar:** ~~Primer párrafo sobre turismo en España, Frontur, Egatur, INE...~~ (contexto).

3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- **b) Ejecuta:**

- **Diagrama de Árbol (y probabilidades de intersección):**
 - Andalucía (A) (0.42)
 - Mayor (May|A) (0.65) $\Rightarrow P(A \cap \text{May}) = 0.42 * 0.65 = 0.273$
 - Menor (Men|A) (0.35) $\Rightarrow P(A \cap \text{Men}) = 0.42 * 0.35 = 0.147$
 - Otras CC.AA. (O) (0.32)
 - Mayor (May|O) (0.75) $\Rightarrow P(O \cap \text{May}) = 0.32 * 0.75 = 0.240$
 - Menor (Men|O) (0.25) $\Rightarrow P(O \cap \text{Men}) = 0.32 * 0.25 = 0.080$
 - Extranjero (E) (0.26)
 - Mayor (May|E) (0.80) $\Rightarrow P(E \cap \text{May}) = 0.26 * 0.80 = 0.208$
 - Menor (Men|E) (0.20) $\Rightarrow P(E \cap \text{Men}) = 0.26 * 0.20 = 0.052$
- 1.a) $P(\text{Mayor de edad}) = P(\text{May})$:
 - $P(\text{May}) = P(A \cap \text{May}) + P(O \cap \text{May}) + P(E \cap \text{May}) = 0.273 + 0.240 + 0.208 = \mathbf{0.721}$.
- 1.b) $P(\text{Andalucía Y Menor de edad}) = P(A \cap \text{Men})$:
 - $P(A \cap \text{Men}) = \mathbf{0.147}$.
- 1.c) $P(\text{Extranjero I Menor de edad}) = P(E \cap \text{Men})$:
 - $P(\text{Men}) = P(A \cap \text{Men}) + P(O \cap \text{Men}) + P(E \cap \text{Men}) = 0.147 + 0.080 + 0.052 = 0.279$.
 - $(\text{o } P(\text{Men}) = 1 - P(\text{May}) = 1 - 0.721 = 0.279)$.
 - $P(E \cap \text{Men}) = P(E \cap \text{Men}) / P(\text{Men}) = 0.052 / 0.279 \approx \mathbf{0.1864}$.

15. Cualificación Empleo

1. Primera Lectura (Contexto General): * Estudio sobre cualificación de estudiantes (Bach, FP, Univ) para empleos solicitados.

2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
 - (a) % (Bachillerato Y Cualificado) -> Intersección (rama del **Diagrama de Árbol**).
 - (b) P(estudia Formación Profesional) -> Probabilidad Total (sumando P(FP y Cualif) y P(FP y No Cualif)).
 - (c) % (No Cualificado I Universitario) -> Teorema de Bayes (o $P(\text{No Cualif} \cap \text{Univ}) / P(\text{Univ})$).
 - **Global: Diagrama de Árbol** con dos niveles (Cualificado/No Cualif -> Tipo de Estudio).
- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**
 - C="Cualificado", NC="No Cualificado". U="Universitario", F="FP", B="Bachillerato".
 - $P(C) = 0.25 \Rightarrow P(NC) = 0.75$.
 - Si Cualificado (C): $P(UIC)=0.20$, $P(FIC)=0.30$, $P(BIC)=0.50$.
 - Si No Cualificado (NC): $P(UINC)=0.40$, $P(FINC)=0.40$, $P(BINC)=0.20$.
 - **Tachar:** ~~Primer párrafo sobre definición de trabajo cualificado...~~ (contexto).

3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- **b) Ejecuta:**
 - **Diagrama de Árbol (y probabilidades de intersección):**
 - Cualificado (C) (0.25)
 - Universitario (UIC) (0.20) $\Rightarrow P(C \cap U) = 0.25 * 0.20 = 0.05$
 - FP (FIC) (0.30) $\Rightarrow P(C \cap F) = 0.25 * 0.30 = 0.075$
 - Bachillerato (BIC) (0.50) $\Rightarrow P(C \cap B) = 0.25 * 0.50 = 0.125$
 - No Cualificado (NC) (0.75)
 - Universitario (UINC) (0.40) $\Rightarrow P(NC \cap U) = 0.75 * 0.40 = 0.30$
 - FP (FINC) (0.40) $\Rightarrow P(NC \cap F) = 0.75 * 0.40 = 0.30$
 - Bachillerato (BINC) (0.20) $\Rightarrow P(NC \cap B) = 0.75 * 0.20 = 0.15$
 - (a) $P(\text{Bachillerato Y Cualificado}) = P(B \cap C) = \mathbf{0.125}$ (o 12.5%).
 - (b) $P(\text{estudia Formación Profesional}) = P(F)$:

- $P(F) = P(C \cap F) + P(NC \cap F) = 0.075 + 0.30 = \mathbf{0.375}$.
- (c) $P(\text{No Cualificado} \mid \text{Universitario}) = P(NC \mid U)$:
 - $P(U) = P(C \cap U) + P(NC \cap U) = 0.05 + 0.30 = 0.35$.
 - $P(NC \mid U) = P(NC \cap U) / P(U) = 0.30 / 0.35 \approx \mathbf{0.8571}$ (o 85.71%).

16. Durabilidad Aparato

1. Primera Lectura (Contexto General): * Obsolescencia programada y durabilidad de aparatos electrónicos, que sigue una Normal.

2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
 - (a) $P(\text{dure} < 17000 \text{ horas}) \rightarrow$ **Normal**.
 - (b) Durabilidad excedida por el 98.5% \rightarrow **Normal (percentil 1.5%)**. (Si excede el 98.5%, está por debajo del 1.5% de los que menos duran). $P(X > k) = 0.985$ ó $P(X < k) = 0.015$.
 - (c) De 1000 aparatos, $P(\text{entre 100 y 120 duren} < 17000\text{h}) \rightarrow$ **Binomial** (con 'p' del apartado a), luego **Aproximación Normal a la Binomial**.
- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**
 - $D = \text{"Durabilidad"} \sim N(\mu=20000\text{h}, \sigma=2500\text{h})$.
 - (a) $P(D < 17000)$.
 - (b) Hallar k tal que $P(D > k) = 0.985$ (o $P(D < k) = 0.015$).
 - (c) $n=1000$ aparatos. Probabilidad 'p' = $P(D < 17000)$ del apartado (a). $Y = \text{"Nº aparatos que duran} < 17000\text{h"}$. $P(100 \leq Y \leq 120)$.
 - **Tachar:** ~~Los tres primeros párrafos sobre obsolescencia, basura tecnológica, economía circular...~~ (contexto).

3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- **b) Ejecuta:**
 - (a) $P(D < 17000)$:
 - $Z = (17000 - 20000) / 2500 = -3000 / 2500 = -1.2$.
 - $p = P(Z < -1.2) = P(Z > 1.2) = 1 - P(Z < 1.2) = 1 - 0.8849 = \mathbf{0.1151}$.
 - (b) $P(D < k) = 0.015$:
 - Buscamos z tal que $P(Z < z) = 0.015$. Por simetría, esto es -z' donde $P(Z < z') = 1 - 0.015 = 0.985$.

- $z' \approx 2.17$. Entonces $z \approx -2.17$.
 - $(k - 20000) / 2500 = -2.17 \Rightarrow k - 20000 = -2.17 * 2500 = -5425$.
 - $k = 20000 - 5425 = \mathbf{14575 \text{ horas}}$.
- (c) $Y \sim B(n=1000, p=0.1151)$. Aproximar por Normal.
- $\mu_Y = np = 1000 * 0.1151 = 115.1$.
 - $\sigma_Y = \sqrt{np(1-p)} = \sqrt{1000 * 0.1151 * 0.8849} = \sqrt{101.85} \approx 10.09$.
 - Condiciones: $np=115.1 > 5$, $n(1-p) \approx 884.9 > 5$. OK.
 - $Y' \sim N(115.1, 10.09)$.
 - $P(100 \leq Y \leq 120) \approx P(99.5 \leq Y' \leq 120.5)$ (corrección por continuidad).
 - $Z_1 = (99.5 - 115.1) / 10.09 = -15.6 / 10.09 \approx -1.546$.
 - $Z_2 = (120.5 - 115.1) / 10.09 = 5.4 / 10.09 \approx 0.535$.
 - $P(-1.55 \leq Z \leq 0.54) = P(Z \leq 0.54) - P(Z \leq -1.55) = P(Z \leq 0.54) - (1 - P(Z \leq 1.55))$.
 - $\approx 0.7054 - (1 - 0.9394) = 0.7054 - 0.0606 = \mathbf{0.6448}$.

17. Consumo Gasolina

1. Primera Lectura (Contexto General): * Consumo de gasolina en coches sigue una distribución Normal.

2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):

• **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**

- (a) % coches que gastan ≥ 7 litros -> **Normal**.
- (b) Máximo litros para superar en economía al 95% (i.e., estar en el 5% que menos gasta) -> **Normal (percentil 5%)**.
- (c) Razonar si "75% coches gastan > 6.5 litros" es V/F (sin operaciones) -> **Normal (conceptual)**.
- (d) De 8 coches, $P(<2 \text{ consuman } \geq 7 \text{ litros})$ -> **Binomial** (p de apartado a).
- (e) De 50 coches, $P(< \text{mitad consuman } \geq 7 \text{ litros})$ -> **Binomial** (p de apartado a), posible **Aproximación Normal**.

• **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**

- $C = \text{"Consumo"} \sim N(\mu=6 \text{ l}, \sigma=1.2 \text{ l})$.
- (a) $P(C \geq 7)$.
- (b) Hallar k tal que $P(C < k) = 0.05$.
- (c) Comparar $P(C > 6.5)$ con 0.75.
- (d) $n=8$. $p = P(C \geq 7)$. $P(X < 2)$.
- (e) $n=50$. $p = P(C \geq 7)$. $P(X < 25)$.

- **Tachar:** ~~"Estudios realizados en un cierto país..."~~ (contexto).

3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- **b) Ejecuta:**

- (a) $p_{\text{consumo} \geq 7} = P(C \geq 7)$:
 - $Z = (7 - 6) / 1.2 = 1 / 1.2 \approx 0.8333$.
 - $P(Z \geq 0.83) = 1 - P(Z < 0.83) = 1 - 0.7967 = \mathbf{0.2033}$. ($p \approx 0.2033$)
- (b) $P(C < k) = 0.05$:
 - Buscamos z tal que $P(Z < z) = 0.05$. $z \approx -1.645$.
 - $(k - 6) / 1.2 = -1.645 \Rightarrow k - 6 = -1.645 * 1.2 = -1.974$.
 - $k = 6 - 1.974 = \mathbf{4.026 \text{ litros}}$.
- (c) $P(C > 6.5)$: $Z = (6.5 - 6) / 1.2 = 0.5 / 1.2 \approx 0.416$. $P(Z > 0.416) = 1 - P(Z < 0.416) \approx 1 - 0.66 = 0.34$.
 - 0.34 es muy diferente de 0.75. La noticia es **falsa**. (6.5 está cerca de la media 6, no puede haber un 75% por encima).
- (d) $X \sim B(n=8, p=0.2033)$. $P(X < 2) = P(X=0) + P(X=1)$.
 - $P(X=0) = (0.7967)^8 \approx 0.1652$.
 - $P(X=1) = 8 * (0.2033)^1 * (0.7967)^7 \approx 8 * 0.2033 * 0.2074 \approx 0.3373$.
 - $P(X < 2) \approx 0.1652 + 0.3373 = \mathbf{0.5025}$.
- (e) $Y \sim B(n=50, p=0.2033)$. $P(Y < 25)$. Aproximar a Normal.
 - $\mu_Y = 50 * 0.2033 = 10.165$.
 - $\sigma_Y = \sqrt{50 * 0.2033 * 0.7967} = \sqrt{8.098} \approx 2.845$.
 - $np=10.165 > 5$, $n(1-p) \approx 39.8 > 5$. OK.
 - $Y' \sim N(10.165, 2.845)$.
 - $P(Y < 25) \approx P(Y' \leq 24.5)$ (corrección).
 - $Z = (24.5 - 10.165) / 2.845 = 14.335 / 2.845 \approx 5.038$.
 - $P(Z \leq 5.038) \approx \mathbf{1}$ (prácticamente seguro).

18. Tuberculosis (pruebas diagnósticas)

1. Primera Lectura (Contexto General): * Prueba de tuberculina para detectar tuberculosis, con datos de fiabilidad y prevalencia.

2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**

2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
 - 1.a) $P(\text{Buena calidad}) \rightarrow$ **Diagrama de Árbol** y Probabilidad Total.
 - 1.b) $P(\text{Empresa E1 Y Mala calidad}) \rightarrow$ Intersección (rama del árbol).
 - 1.c) $P(\text{Calidad Media | Empresa E2})$ si $P(\text{Media total})=0.19 \rightarrow$ **Probabilidad Total (para despejar).**
 - **Global: Diagrama de Árbol.** Matiz: Datos incompletos para E2, $P(\text{Mala|E1})$ se deduce.
- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**
 - $P(E1)=0.30 \Rightarrow P(E2)=0.70$.
 - Calidades: B="Buena", M="Media", Ma="Mala".
 - De E1: $P(B|E1)=0.80$, $P(M|E1)=0.05 \Rightarrow P(Ma|E1)=1-0.80-0.05=0.15$.
 - De E2: $P(B|E2)=0.60$. $P(M|E2)=?$ $P(Ma|E2)=?$
 - Para 1.c: $P(\text{Media total}) = P(M) = 0.19$.
 - **Tachar:** ~~Los dos primeros párrafos sobre el mercado mundial de alquiler de bicicletas, CAGR, Data Bridge Market Research...~~ (contexto).

3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- **b) Ejecuta:**
 - **Diagrama de Árbol (parcialmente, y probabilidades de intersección conocidas/deducibles):**
 - Empresa E1 (0.30)
 - Buena (B|E1) (0.80) $\Rightarrow P(E1 \cap B) = 0.30 * 0.80 = 0.24$
 - Media (M|E1) (0.05) $\Rightarrow P(E1 \cap M) = 0.30 * 0.05 = 0.015$
 - Mala (Ma|E1) (0.15) $\Rightarrow P(E1 \cap Ma) = 0.30 * 0.15 = 0.045$
 - Empresa E2 (0.70)
 - Buena (B|E2) (0.60) $\Rightarrow P(E2 \cap B) = 0.70 * 0.60 = 0.42$
 - Media (M|E2) (x) $\Rightarrow P(E2 \cap M) = 0.70 * x$
 - Mala (Ma|E2) (y) $\Rightarrow P(E2 \cap Ma) = 0.70 * y$ (donde $x+0.6+y=1$ o $x+y=0.4$)
 - 1.a) $P(\text{Buena calidad}) = P(B)$:
 - No se puede calcular directamente sin $P(M|E2)$ y $P(Ma|E2)$ para asegurar que el árbol suma 1, pero si la pregunta es independiente de (c), asumimos que solo con las ramas de "Buena":
 - $P(B) = P(E1 \cap B) + P(E2 \cap B) = 0.24 + 0.42 = \mathbf{0.66}$.
 - 1.b) $P(\text{Empresa E1 Y Mala calidad}) = P(E1 \cap Ma)$:

- $P(E1 \cap Ma) = 0.045$.
- 1.c) $P(\text{Calidad Media} \mid \text{Empresa } E2) = P(M \mid E2) = x$:
 - $P(\text{Media total}) = P(M) = P(E1 \cap M) + P(E2 \cap M) = 0.19$.
 - $0.015 + (0.70 \cdot x) = 0.19$.
 - $0.70 \cdot x = 0.19 - 0.015 = 0.175$.
 - $x = 0.175 / 0.70 = 0.25$.
 - Entonces, $P(M \mid E2) = 0.25$.

Continuamos con el Nivel Avanzado:

20. Inteligencia Artificial (sin d)

1. Primera Lectura (Contexto General): * Extensa introducción sobre Inteligencia Artificial. El problema se centra en trabajadores de una empresa que realizan cursos de 'ChatGPT' e 'IA'.

2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
 - (a) % trabajadores que han realizado curso 'IA' -> **Diagrama de Árbol** o **Tabla de Contingencia**, y Probabilidad Total.
 - (b) $P(\text{tiene curso 'ChatGPT'} \mid \text{NO ha hecho curso 'IA'})$ -> Teorema de Bayes / Tabla.
 - (c) $P(\text{entre 300 y 350 de 1000 realizan curso 'IA'})$ -> **Binomial** (con 'p' del apartado a), luego **Aproximación Normal**.
- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**
 - Ch = "Curso ChatGPT", IA = "Curso IA".
 - $P(\text{Ch}) = 0.55 \Rightarrow P(\text{Ch}^c) = 0.45$.
 - $P(\text{IA} \mid \text{Ch}) = 0.30$.
 - $P(\text{IA} \mid \text{Ch}^c) = 0.40$.
 - Para (c): $n=1000$.
 - **Tachar:** ~~Los siete primeros párrafos definiendo IA, su funcionamiento, impacto, aprendizaje automático...~~ (contexto muy largo).

3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- **b) Ejecuta:**

◦ **Diagrama de Árbol (y probabilidades de intersección):**

- Curso ChatGPT (Ch) (0.55)
 - Curso IA (IA|Ch) (0.30) $\Rightarrow P(\text{Ch} \cap \text{IA}) = 0.55 * 0.30 = 0.165$
 - No Curso IA (IA^c|Ch) (0.70) $\Rightarrow P(\text{Ch} \cap \text{IA}^c) = 0.55 * 0.70 = 0.385$
- No Curso ChatGPT (Ch^c) (0.45)
 - Curso IA (IA|Ch^c) (0.40) $\Rightarrow P(\text{Ch}^c \cap \text{IA}) = 0.45 * 0.40 = 0.180$
 - No Curso IA (IA^c|Ch^c) (0.60) $\Rightarrow P(\text{Ch}^c \cap \text{IA}^c) = 0.45 * 0.60 = 0.270$
- (a) $P(\text{han realizado curso 'IA'}) = P(\text{IA})$:
 - $P(\text{IA}) = P(\text{Ch} \cap \text{IA}) + P(\text{Ch}^c \cap \text{IA}) = 0.165 + 0.180 = \mathbf{0.345}$ (o 34.5%).
- (b) $P(\text{tiene curso 'ChatGPT' | NO ha hecho curso 'IA'}) = P(\text{Ch} | \text{IA}^c)$:
 - $P(\text{IA}^c) = P(\text{Ch} \cap \text{IA}^c) + P(\text{Ch}^c \cap \text{IA}^c) = 0.385 + 0.270 = 0.655$ (o $1 - P(\text{IA}) = 1 - 0.345 = 0.655$).
 - $P(\text{Ch} | \text{IA}^c) = P(\text{Ch} \cap \text{IA}^c) / P(\text{IA}^c) = 0.385 / 0.655 \approx \mathbf{0.5878}$.
- (c) $X = \text{"nº trabajadores que realizan curso IA"}$. $X \sim B(n=1000, p=0.345)$.
 - Aproximar por Normal: $Y \sim N(\mu, \sigma)$.
 - $\mu = np = 1000 * 0.345 = 345$.
 - $\sigma = \sqrt{np(1-p)} = \sqrt{1000 * 0.345 * 0.655} = \sqrt{225.975} \approx 15.032$.
 - Condiciones: $np=345 > 5$, $n(1-p)=655 > 5$. OK.
 - $P(300 \leq X \leq 350) \approx P(299.5 \leq Y \leq 350.5)$ (corrección).
 - $Z_1 = (299.5 - 345) / 15.032 = -45.5 / 15.032 \approx -3.027$.
 - $Z_2 = (350.5 - 345) / 15.032 = 5.5 / 15.032 \approx 0.366$.
 - $P(-3.03 \leq Z \leq 0.37) = P(Z \leq 0.37) - P(Z \leq -3.03) = P(Z \leq 0.37) - (1 - P(Z \leq 3.03))$.
 - $\approx 0.6443 - (1 - 0.9988) = 0.6443 - 0.0012 = \mathbf{0.6431}$.

21. Coeficiente Intelectual

1. Primera Lectura (Contexto General): * Coeficiente intelectual (CI) de estudiantes sigue una Normal con μ y σ desconocidas. Se dan dos porcentajes/probabilidades.

2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
 - (a) % CI entre 102.5 y 115 -> **Normal** (necesita μ y σ del apartado c).
 - (b) $P(\text{al menos 5 de 6 tengan CI} < 115)$ -> **Binomial** (necesita $P(\text{CI} < 115)$ de la

Normal, que a su vez necesita μ , σ).

- (c) Calcular μ y σ -> **Normal (inversa, sistema de ecuaciones)**.
- **Global:** El apartado (c) es clave y el más complejo.

- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**

- $CI \sim N(\mu, \sigma)$.
- $P(CI > 115) = 0.0668 \Rightarrow P(CI \leq 115) = 1 - 0.0668 = 0.9332$.
- $P(CI < 102.5) = 0.5987$.
- Para (b): $n=6$.
- **Tachar:** ~~Los tres primeros párrafos sobre qué es el CI, su origen, tests estandarizados...~~ (contexto).

3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- **b) Ejecuta:**

- (c) **Calcular μ y σ :**

- De $P(CI \leq 115) = 0.9332 \Rightarrow z_1$ tal que $P(Z \leq z_1) = 0.9332$. De tabla, $z_1 \approx 1.5$.
 - $(115 - \mu) / \sigma = 1.5$ (Ecuación 1)
- De $P(CI < 102.5) = 0.5987 \Rightarrow z_2$ tal que $P(Z \leq z_2) = 0.5987$. De tabla, $z_2 \approx 0.25$.
 - $(102.5 - \mu) / \sigma = 0.25$ (Ecuación 2)
- Resolviendo el sistema:
 - De (1): $115 - \mu = 1.5\sigma$
 - De (2): $102.5 - \mu = 0.25\sigma$
 - Restando (1)-(2): $(115 - 102.5) - (\mu - \mu) = (1.5 - 0.25)\sigma$
 - $12.5 = 1.25\sigma \Rightarrow \sigma = 12.5 / 1.25 = 10$.
 - Sustituyendo $\sigma=10$ en (1): $115 - \mu = 1.5 * 10 = 15 \Rightarrow \mu = 115 - 15 = 100$.
- Así, $CI \sim N(\mu=100, \sigma=10)$.

- (a) $P(102.5 < CI < 115)$:

- $Z_1 = (102.5 - 100) / 10 = 2.5 / 10 = 0.25$.
- $Z_2 = (115 - 100) / 10 = 15 / 10 = 1.5$.
- $P(0.25 < Z < 1.5) = P(Z < 1.5) - P(Z < 0.25) = 0.9332 - 0.5987 = 0.3345$.

- (b) $P(\text{al menos 5 de 6 tengan } CI < 115)$:

- $p = P(CI < 115) = P(Z < (115-100)/10) = P(Z < 1.5) = 0.9332$.
- $X = \text{"nº estudiantes con } CI < 115" \sim B(n=6, p=0.9332)$.

- $P(X \geq 5) = P(X=5) + P(X=6)$.
 - $P(X=5) = ({}^6C_5) * (0.9332)^5 * (0.0668)^1 = 6 * 0.7070 * 0.0668 \approx 0.2835$.
 - $P(X=6) = ({}^6C_6) * (0.9332)^6 * (0.0668)^0 = 1 * 0.6597 * 1 \approx 0.6597$.
 - $P(X \geq 5) \approx 0.2835 + 0.6597 = \mathbf{0.9432}$.

22. Teletrabajo

1. Primera Lectura (Contexto General): * Estudio sobre teletrabajadores, tipo de contrato (indefinido, temporal, cuenta propia) y opinión sobre conciliación familiar.

2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
 - (a) $P(\text{Mejora conciliación} \mid \text{Contrato Temporal}) \rightarrow$ **Diagrama de Árbol y Probabilidad Total (para despejar).**
 - (b) $P(\text{No Cuenta Propia} \mid \text{Mejora conciliación}) \rightarrow$ Teorema de Bayes.
 - **Global: Diagrama de Árbol.** *Matiz: Un dato clave ($P(\text{Mejora} \mid \text{Temporal})$) está implícito y debe deducirse.*
- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**
 - Tipos Contrato: I="Indefinido", T="Temporal", CP="Cuenta Propia".
 - $P(I)=0.72$, $P(T)=0.11 \Rightarrow P(CP) = 1 - 0.72 - 0.11 = 0.17$.
 - Conciliación: M="Mejora", NM="No Mejora".
 - $P(M \mid I) = 0.87$.
 - $P(M \mid CP) = 0.86$.
 - $P(NM \text{ total}) = 0.1251 \Rightarrow P(M \text{ total}) = 1 - 0.1251 = 0.8749$.
 - Para (a): $P(M \mid T) = ?$
 - **Tachar:** ~~Los tres primeros párrafos sobre definición de teletrabajo, ventajas, OIT, TIC...~~ (contexto).

3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- **b) Ejecuta:**
 - (a) $P(\text{Mejora conciliación} \mid \text{Contrato Temporal}) = P(M \mid T)$:
 - $P(M \text{ total}) = P(M \mid I)P(I) + P(M \mid T)P(T) + P(M \mid CP)P(CP)$.
 - $0.8749 = (0.87 * 0.72) + (P(M \mid T) * 0.11) + (0.86 * 0.17)$.
 - $0.8749 = 0.6264 + 0.11 * P(M \mid T) + 0.1462$.
 - $0.8749 = 0.7726 + 0.11 * P(M \mid T)$.
 - $0.11 * P(M \mid T) = 0.8749 - 0.7726 = 0.1023$.
 - $P(M \mid T) = 0.1023 / 0.11 = \mathbf{0.93}$.

- (b) $P(\text{No Cuenta Propia} \mid \text{Mejora conciliación}) = P(I \cup T \mid M)$:
 - Necesitamos las intersecciones $P(I \cap M)$, $P(T \cap M)$, $P(CP \cap M)$ y $P(M \text{ total})$.
 - $P(I \cap M) = P(M \mid I)P(I) = 0.87 * 0.72 = 0.6264$.
 - $P(T \cap M) = P(M \mid T)P(T) = 0.93 * 0.11 = 0.1023$.
 - $P(CP \cap M) = P(M \mid CP)P(CP) = 0.86 * 0.17 = 0.1462$.
 - $P(M \text{ total}) = 0.6264 + 0.1023 + 0.1462 = 0.8749$ (coincide).
 - $P(\text{No CP} \cap M) = P(I \cap M) + P(T \cap M) = 0.6264 + 0.1023 = 0.7287$.
 - $P(\text{No CP} \mid M) = P(\text{No CP} \cap M) / P(M) = 0.7287 / 0.8749 \approx \mathbf{0.8329}$.

23. Test Matemáticas

1. Primera Lectura (Contexto General): * Problema con múltiples partes: test V/F, sorteo de entradas con monedas, campeonatos deportivos.

2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
 - (a) Comprobar aprox. Normal para aciertos V/F, parámetros -> **Binomial** y condiciones de **Aproximación Normal**.
 - (b) $P(\text{al menos 60 aciertos de 100})$ usando aprox. -> **Aproximación Normal a la Binomial**.
 - (c) $P(5 \text{ aciertos de } 10)$ -> **Binomial directa**.
 - (d) Sorteo monedas, $P(\text{empate})$ -> **Probabilidad Elemental**, conteo de casos (espacio muestral para cada uno, luego combinaciones de empate).
 - (e.1) $P(\text{alumno obtiene premio})$ -> **Diagrama de Árbol** y Probabilidad Total.
 - (e.2) $P(\text{practica natación} \mid \text{obtiene premio})$ -> Teorema de Bayes.
- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**
 - (a,b): Test 100 preg. V/F, al azar $\Rightarrow p(\text{acierto})=0.5$. $n=100$.
 - (c): Test 10 preg. V/F, al azar $\Rightarrow p=0.5$. $n=10$.
 - (d): Cada uno lanza 3 monedas. Comparar nº caras.
 - (e): Deportes: $P(\text{Tenis})=0.6$, $P(\text{Natación})=0.25 \Rightarrow P(\text{Golf})=0.15$.
 - $P(\text{Premio} \mid \text{Tenis})=0.21$, $P(\text{Premio} \mid \text{Natación})=0.30$, $P(\text{Premio} \mid \text{Golf})=0.12$.
 - **Tachar:** ~~Descripciones del IES Sofía Casanova, contaminación acústica, Ayuntamiento de Narón, Telleiras...~~ (contexto).

3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- **b) Ejecuta:**

- (a) $X = \text{"aciertos"} \sim B(100, 0.5)$. $np=50$, $nq=50$. Ambos ≥ 5 , se puede aprox.
 - $Y \sim N(\mu=np=50, \sigma=\sqrt{npq}=\sqrt{25}=5)$.
- (b) $P(X \geq 60) \approx P(Y \geq 59.5)$ (corrección).
 - $Z = (59.5 - 50)/5 = 9.5/5 = 1.9$. $P(Z \geq 1.9) = 1 - P(Z < 1.9) = 1 - 0.9713 = \mathbf{0.0287}$.
- (c) $X \sim B(10, 0.5)$. $P(X=5) = {}^{10}C_5 (0.5)^5 (0.5)^5 = 252 * (0.5)^{10} = 252/1024 = 63/256 \approx \mathbf{0.2461}$.
- (d) N° caras para 3 monedas: 0C (CCC - 1/8), 1C (CCX, CXC, XCC - 3/8), 2C (CXX, XCX, XXC - 3/8), 3C (XXX - 1/8).
 - $P(\text{Empate}) = P(0C_1 \cap 0C_2) + P(1C_1 \cap 1C_2) + P(2C_1 \cap 2C_2) + P(3C_1 \cap 3C_2)$
 - $= (1/8)(1/8) + (3/8)(3/8) + (3/8)(3/8) + (1/8)(1/8) = (1+9+9+1)/64 = 20/64 = 5/16 = \mathbf{0.3125}$.
 - Fernando no tiene razón ($1/3 \approx 0.3333$). Se equivoca en $|5/16 - 1/3| = |15/48 - 16/48| = |1-16/48| \approx 0.0208$.
- (e.1) $P(\text{Premio Pr})$:
 - $P(\text{Pr}) = P(\text{Pr}|T)P(T) + P(\text{Pr}|N)P(N) + P(\text{Pr}|G)P(G)$
 - $= (0.21 \cdot 0.6) + (0.30 \cdot 0.25) + (0.12 \cdot 0.15) = 0.126 + 0.075 + 0.018 = \mathbf{0.219}$.
- (e.2) $P(\text{Natación} | \text{Premio}) = P(N|Pr)$:
 - $P(N|Pr) = P(\text{Pr}|N)P(N) / P(\text{Pr}) = (0.30 \cdot 0.25) / 0.219 = 0.075 / 0.219 \approx \mathbf{0.3425}$.

24. Control Plagas

1. Primera Lectura (Contexto General): * Finca con tres tipos de plantas (tomates, pimientos, calabacines) y tres métodos de control de plagas. Se dan efectividades.

2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
 - 1.1 $P(\text{planta libre de plagas}) \rightarrow$ **Diagrama de Árbol** (muy ramificado: TipoPlanta \rightarrow MétodoControl \rightarrow Libre/Plaga) y Probabilidad Total.
 - 1.2 $P(\text{pimiento} | \text{libre de plagas}) \rightarrow$ Teorema de Bayes.
 - 1.3 De 11 tomates (mét. orgánico), $P(\text{al menos 3 evitan plaga}) \rightarrow$ **Binomial**.
- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**
 - $P(\text{Tomate } T)=0.5$, $P(\text{Pimiento } P)=0.3$, $P(\text{Calabacín } C)=0.2$.
 - Métodos (Biol, Quim, Org):
 - Para T: $P(\text{Biol}|T)=0.4$, $P(\text{Quim}|T)=0.3$, $P(\text{Org}|T)=0.3$.
 - Para P: $P(\text{Biol}|P)=0.3$, $P(\text{Quim}|P)=0.4$, $P(\text{Org}|P)=0.3$.

- Para C: $P(\text{Biol}|C)=0.2$, $P(\text{Quim}|C)=0.5$, $P(\text{Org}|C)=0.3$.
- Efectividad = $P(\text{Libre} | \text{Método, Planta})$:
 - T: $P(\text{LIB},T)=0.85$, $P(\text{LIQ},T)=0.95$, $P(\text{LIO},T)=0.80$.
 - P: $P(\text{LIB},P)=0.80$, $P(\text{LIQ},P)=0.90$, $P(\text{LIO},P)=0.75$.
 - C: $P(\text{LIB},C)=0.70$, $P(\text{LIQ},C)=0.85$, $P(\text{LIO},C)=0.65$.
- Para 1.3: $n=11$ tomates, método orgánico (usar $P(\text{LIO},T)$ como 'p').
- **Tachar**: Ninguno, todos los datos numéricos son necesarios.

3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- **b) Ejecuta:**

- 1.1 $P(\text{Libre } L)$. Hay 9 ramas en el árbol que llevan a "Libre":
 - $P(T \cap \text{Biol} \cap L) = 0.50.40.85 = 0.17$
 - $P(T \cap \text{Quim} \cap L) = 0.50.30.95 = 0.1425$
 - $P(T \cap \text{Org} \cap L) = 0.50.30.80 = 0.12$
 - $P(P \cap \text{Biol} \cap L) = 0.30.30.80 = 0.072$
 - $P(P \cap \text{Quim} \cap L) = 0.30.40.90 = 0.108$
 - $P(P \cap \text{Org} \cap L) = 0.30.30.75 = 0.0675$
 - $P(C \cap \text{Biol} \cap L) = 0.20.20.70 = 0.028$
 - $P(C \cap \text{Quim} \cap L) = 0.20.50.85 = 0.085$
 - $P(C \cap \text{Org} \cap L) = 0.20.30.65 = 0.039$
 - $P(L) = \text{Suma de las 9} =$
 $0.17+0.1425+0.12+0.072+0.108+0.0675+0.028+0.085+0.039 = \mathbf{0.832}$.
- 1.2 $P(\text{Pimiento } | \text{ Libre}) = P(P \cap L) / P(L)$:
 - $P(P \cap L) = P(P \cap \text{Biol} \cap L) + P(P \cap \text{Quim} \cap L) + P(P \cap \text{Org} \cap L) = 0.072 + 0.108 + 0.0675 = 0.2475$.
 - $P(P|L) = 0.2475 / 0.832 \approx \mathbf{0.2975}$.
- 1.3 $X = \text{"tomates orgánicos libres de plaga"} \sim B(n=11, p=P(\text{LIO},T)=0.80)$.
 - $P(X \geq 3) = 1 - [P(X=0) + P(X=1) + P(X=2)]$.
 - $P(X=0) = (0.2)^{11} \approx 0.0000002$.
 - $P(X=1) = 11(0.8)^1(0.2)^{10} \approx 0.0000009$.
 - $P(X=2) = ({}^{11}C_2)(0.8)^2(0.2)^9 = 550.640.000000512 \approx 0.000018$.
 - $P(X \geq 3) \approx 1 - (0.0000002 + 0.0000009 + 0.000018) \approx 1 - 0.0000272 \approx \mathbf{0.9999728}$. (Prácticamente seguro).

////////////////////////////////////

25. Cuenta Bancaria IES

1. Primera Lectura (Contexto General): * Estudio en un IES sobre alumnos con cuenta bancaria, gastos en cafetería y saldo en cuenta.

2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
 - (a) % alumnos que realiza gasto diario -> **Diagrama de Árbol** y Probabilidad Total.
 - (b) % (gasta Y tiene cuenta) / P(gasta) -> Teorema de Bayes. O P(Tiene Cuenta | Gasta).
 - (c) $P(95 < \text{Saldo} < 110 \mid \text{tiene cuenta})$ -> **Normal**.
 - (d) De 80 sin cuenta, $P(>20 \text{ gastan})$ -> **Binomial** (p de $P(\text{Gasta} \mid \text{No Cuenta})$), **Aproximación Normal**.
- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**
 - CB="Tiene Cuenta Bancaria", NCB="No Cuenta". G="Gasta Diario".
 - $P(\text{CB})=0.7 \Rightarrow P(\text{NCB})=0.3$.
 - $P(\text{G} \mid \text{CB})=0.05$.
 - $P(\text{G} \mid \text{NCB})=0.30$.
 - Para (c): $\text{Saldo} \sim N(\mu=100, \sigma^2=225 \Rightarrow \sigma=15)$ para los que tienen cuenta.
 - Para (d): $n=80$ (de los que no tienen cuenta).
 - **Tachar:** ~~Los dos primeros párrafos sobre apertura de cuentas a menores, Banco de España, emancipación...~~ (contexto).

3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- **b) Ejecuta:**
 - **Diagrama de Árbol:**
 - CB (0.7) --G(0.05)--> $P(\text{CB} \cap \text{G})=0.035$
 - --G^c(0.95)
 - NCB(0.3) --G(0.30)--> $P(\text{NCB} \cap \text{G})=0.090$
 - --G^c(0.70)
 - (a) $P(\text{G}) = P(\text{CB} \cap \text{G}) + P(\text{NCB} \cap \text{G}) = 0.035 + 0.090 = \mathbf{0.125}$ (12.5%).
 - (b) $P(\text{Tiene Cuenta} \mid \text{Gasta}) = P(\text{CB} \mid \text{G}) = P(\text{CB} \cap \text{G}) / P(\text{G}) = 0.035 / 0.125 = \mathbf{0.28}$ (28%).
 - (c) $\text{Saldo } S \sim N(100, 15)$. $P(95 < S < 110)$:
 - $Z_1=(95-100)/15 = -0.333$. $Z_2=(110-100)/15 = 0.667$.
 - $P(-0.33 < Z < 0.67) = P(Z < 0.67) - P(Z < -0.33) = P(Z < 0.67) - (1 - P(Z < 0.33))$.
 - $\approx 0.7486 - (1 - 0.6293) = 0.7486 - 0.3707 = \mathbf{0.3779}$.
 - (d) $X = \text{"alumnos sin cuenta que gastan"} \sim B(n=80, p=P(\text{G} \mid \text{NCB})=0.30)$. $P(X > 20)$.

- $\mu=800.3=24$. $\sigma=\sqrt{(800.3*0.7)}=\sqrt{16.8}\approx 4.099$.
- $np=24>5$, $nq=56>5$. Aprox. $Y\sim N(24, 4.099)$.
- $P(X>20) \approx P(Y\geq 20.5)$ (corrección).
- $Z=(20.5-24)/4.099 = -3.5/4.099 \approx -0.854$.
- $P(Z\geq -0.85) = P(Z\leq 0.85) \approx \mathbf{0.8023}$.

26. Lista Espera SERGAS

1. Primera Lectura (Contexto General): * Dos escenarios: tiempo de espera para operación (Normal) y vacunación gripe (porcentajes).

2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
 - a.1) $P(\text{Espera} < 200 \text{ días}) \rightarrow \mathbf{\text{Normal}}$.
 - a.2) $P(\text{Atendido Privada}) = P(\text{Espera} \geq 260 \text{ días}) \rightarrow \mathbf{\text{Normal}}$.
 - a.3) Días de espera si 70% atendidos antes (Percentil 70) $\rightarrow \mathbf{\text{Normal (inversa)}}$.
 - a.4) De 150 pacientes, $P(95 \leq X \leq 105 \text{ tarden} > 250 \text{ días}) \rightarrow \mathbf{\text{Normal}}$ (para p), luego **Binomial**, luego **Aproximación Normal**.
 - b.1) ¿Restringir reuniones 5 y 7 personas? $\rightarrow \mathbf{\text{Binomial}}$ ($P(>1 \text{ no vacunado})$), comparar con 0.5.
 - b.2) De 500 personas, $P(\geq 350 \text{ vacunados}) \rightarrow \mathbf{\text{Binomial, Aproximación Normal}}$.
- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**
 - Espera $E \sim N(\mu=242 \text{ días}, \sigma=10 \text{ días})$.
 - Vacunación: $P(\text{Vacunado } V) = 0.732 \Rightarrow P(\text{No Vacunado } NV) = 0.268$.
 - a.4: $n=150$.
 - b.1: $n=5$, $n=7$.
 - b.2: $n=500$.
 - **Tachar:** Ninguno, datos concisos.

3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- **b) Ejecuta:**
 - a.1) $P(E < 200) = P(Z < (200-242)/10) = P(Z < -4.2) \approx \mathbf{0}$.
 - a.2) $P(E \geq 260) = P(Z \geq (260-242)/10) = P(Z \geq 1.8) = 1 - P(Z < 1.8) = 1 - 0.9641 = \mathbf{0.0359}$.
 - a.3) $P(E_{0.70} \approx 0.525)$. $(k-242)/10=0.525 \Rightarrow k=242+5.25 = \mathbf{247.25 \text{ días}}$.
 - a.4) $p=P(E > 250) = P(Z > (250-242)/10) = P(Z > 0.8) = 1 - 0.7881 = 0.2119$.
 - $X \sim B(150, 0.2119)$. $\mu=31.785$, $\sigma=\sqrt{25.04}\approx 5.00$. Aprox. $Y \sim N(31.785, 5.00)$.
 - $P(95 \leq X \leq 105) \rightarrow$ Este intervalo está muy lejos de la media. La probabilidad

será prácticamente 0.

- b.1) $p_{NV}=0.268$. $X="N^{\circ}$ no vacunados". $P(X>1) = 1-P(X=0)-P(X=1)$.
 - $n=5$: $P(X=0)=(0.732)^5 \approx 0.209$. $P(X=1)=5*(0.268)(0.732)^4 \approx 0.385$. $P(X>1) \approx 1-0.209-0.385 = 0.406 (<0.5)$. **No restringir.**
 - $n=7$: $P(X=0)=(0.732)^7 \approx 0.113$. $P(X=1)=7*(0.268)(0.732)^6 \approx 0.308$. $P(X>1) \approx 1-0.113-0.308 = 0.579 (>0.5)$. **Sí restringir.**
- b.2) $X="N^{\circ}$ vacunados" $\sim B(500, 0.732)$. $P(X \geq 350)$.
 - $\mu=366$, $\sigma=\sqrt{(500)(0.732)(0.268)}=\sqrt{98.088} \approx 9.90$. Aprox. $Y \sim N(366, 9.90)$.
 - $P(X \geq 350) \approx P(Y \geq 349.5)$. $Z=(349.5-366)/9.90 = -16.5/9.90 \approx -1.667$.
 - $P(Z \geq -1.67) = P(Z \leq 1.67) \approx 0.9525$.

27. Vacuna Tuberculosis (aplicación)

1. Primera Lectura (Contexto General): * Aplicación de vacuna M72 contra tuberculosis a un grupo grande de adultos.

2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
 - (a) Identificar distribución y parámetros -> **Binomial**.
 - (b) P(efectiva en 1800 adultos) -> **Binomial, Aproximación Normal** (por n grande).
 - (c) P(efectiva en < 1700 adultos) -> **Binomial, Aproximación Normal**.
 - (d) ¿P(efectiva entre 1750 y 1850) puede ser 0.0037? (sin cálculos) -> **Conceptual (Normal)**.
- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**
 - $p=P(\text{protegido}) = 0.54$. $n=3289$ adultos.
 - **Tachar:** ~~~"Resultados publicados en diciembre de 2019... Sudáfrica, Kenia y Zambia..."~~~ (contexto).

3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- **b) Ejecuta:**
 - (a) $X="N^{\circ}$ adultos protegidos" $\sim B(n=3289, p=0.54)$.
 - (b,c) Aproximación Normal: $\mu=np=3289*0.54 = 1776.06$.
 - $\sigma=\sqrt{(np(1-p))} = \sqrt{(1776.06*0.46)} = \sqrt{816.9876} \approx 28.583$.
 - $Y \sim N(1776.06, 28.583)$.

- (b) $P(X=1800) \approx P(1799.5 \leq Y \leq 1800.5)$.
 - $Z_1=(1799.5-1776.06)/28.583 \approx 0.8199$. $Z_2=(1800.5-1776.06)/28.583 \approx 0.855$.
 - $P(0.82 \leq Z \leq 0.86) = P(Z \leq 0.86) - P(Z \leq 0.82) \approx 0.8051 - 0.7939 = \mathbf{0.0112}$.
- (c) $P(X < 1700) \approx P(Y \leq 1699.5)$.
 - $Z=(1699.5-1776.06)/28.583 = -76.56/28.583 \approx -2.678$.
 - $P(Z \leq -2.68) = 1 - P(Z \leq 2.68) = 1 - 0.9963 = \mathbf{0.0037}$.
- (d) Intervalo [1750, 1850] es de longitud 100. La media es 1776.06, está dentro del intervalo.
 - Una probabilidad de 0.0037 para un intervalo de 100 personas alrededor de la media de una distribución Normal con $n=3289$ parece **demasiado baja**. La mayor parte de la probabilidad se concentra alrededor de la media. (El cálculo exacto daría un valor mucho más alto).

28. Cinco Sillas

1. Primera Lectura (Contexto General): * Movimiento aleatorio en 5 sillas alineadas (1-2-3-4-5), partiendo de la silla 3. Los extremos (1 y 5) son absorbentes.

2. Segunda Lectura (Análisis y Desglose):

- **a) Identifica las preguntas y trata de clasificarlas en tipo/s de ejercicio/s:**
 - (a) $P(\text{en silla 3 tras 3 lanzamientos}) \rightarrow$ **Probabilidad Elemental**, conteo de caminos/secuencias con absorción.
 - (b) $P(\text{en extremo 1 o 5 tras 3 lanzamientos}) \rightarrow$ Conteo de caminos con absorción.
 - (c) $P(\text{en extremo 1 o 5 tras 4 lanzamientos}) \rightarrow$ Conteo de caminos con absorción.
 - **Global:** Problema de **caminos aleatorios con estados absorbentes**.
- **b) Extrae Datos Relevantes y Elimina Innecesarios:**
 - Inicio en silla 3.
 - Moneda: Cara (C) \rightarrow Derecha (+1), Cruz (X) \rightarrow Izquierda (-1). $P(C)=P(X)=0.5$.
 - Sillas 1 y 5 son absorbentes (si se llega, se permanece).
 - **Tachar:** Ninguno.

3. Resolución (Estrategia y Ejecución):

- **b) Ejecuta:**
 - Cada secuencia de N lanzamientos tiene una probabilidad de $(0.5)^N$.
 - **(a) $P(\text{en silla 3 tras 3 lanzamientos})$:**

- Para estar en la silla 3 después de 3 lanzamientos, partiendo de la 3, se necesita un número neto de movimientos de 0 (ej. 1 Derecha, 1 Izquierda, y el tercero debe ser tal que vuelva a 3, o 2D y 1I / 1D y 2I que sumen 0 neto).
- Consideremos las $2^3 = 8$ secuencias posibles y sus posiciones finales, teniendo en cuenta la absorción:

1. CCC: 3 → 4 → 5 (Absorbido en 5)
2. CCX: 3 → 4 → 5 (Absorbido en 5, el último X no cambia la posición)
3. CXC: 3 → 4 → 3 → 2
4. CXX: 3 → 4 → 3 → 2 (Error previo, CXX es 3→2→1 (Absorbido en 1))
5. XCC: 3 → 2 → 1 (Absorbido en 1, el último C no cambia la posición)
6. XCX: 3 → 2 → 3 → 4
7. XXC: 3 → 2 → 1 (Absorbido en 1, el último C no cambia la posición)
8. XXX: 3 → 2 → 1 (Absorbido en 1)

- Ninguna secuencia termina en la silla 3.
- $P(\text{en silla 3 tras 3 lanzamientos}) = 0$.

◦ **(b) P(en extremo 1 o 5 tras 3 lanzamientos):**

- De las 8 secuencias anteriores, contamos cuántas terminan en 1 o 5:
 - Terminan en 5: CCC, CCX (2 secuencias)
 - Terminan en 1: CXX, XCC, XXC, XXX (4 secuencias)
- Total de secuencias que terminan en un extremo = $2 + 4 = 6$.
- $P(\text{en extremo 1 o 5 tras 3 lanzamientos}) = 6 * (0.5)^3 = 6/8 = 3/4$.

◦ **(c) P(en extremo 1 o 5 tras 4 lanzamientos):**

- Si ya estaba en un extremo en 3 lanzamientos (probabilidad $3/4$), permanecerá allí.
- Consideramos los casos donde NO estaba en un extremo después de 3 lanzamientos. Estas son las secuencias que terminaron en 2 o 4:
 - Terminó en 2 (Secuencia CXC): Probabilidad = $(0.5)^3 = 1/8$.
 - Desde la silla 2, un lanzamiento más:
 - X (Izquierda): Va a la silla 1 (Absorbido). $P(\text{CXC y luego X}) = (1/8) * 0.5 = 1/16$.
 - C (Derecha): Va a la silla 3.
 - Terminó en 4 (Secuencia XCX): Probabilidad = $(0.5)^3 = 1/8$.
 - Desde la silla 4, un lanzamiento más:
 - C (Derecha): Va a la silla 5 (Absorbido). $P(\text{XCX y luego C}) =$

$$(1/8) * 0.5 = 1/16.$$

- X (Izquierda): Va a la silla 3.
 - La probabilidad de ser absorbido *exactamente* en el 4º lanzamiento (es decir, no antes) es la suma de estas nuevas absorciones: $1/16$ (a 1) + $1/16$ (a 5) = $2/16 = 1/8$.
 - $P(\text{en extremo tras 4 lanzamientos}) = P(\text{en extremo tras 3 lanz.}) + P(\text{absorbido exactamente en el 4º lanz.})$
 - $P(\text{en extremo tras 4 lanzamientos}) = 3/4 + 1/8 = 6/8 + 1/8 = \mathbf{7/8}$.
-