

Nombre: Fecha:

TAREA TEMA 2: POTENCIAS Y RAÍCES - SOLUCIÓN

1.

a) Expresa como potencia de exponente positivo y calcula:

$$\left(\frac{7}{2}\right)^{-3}$$

b) Expresa como una sola potencia de exponente negativo:

$$-\frac{1}{81}$$

a) $\left(\frac{7}{2}\right)^{-3} = \left(\frac{2}{7}\right)^3 = \frac{8}{343}$

b) $-\frac{1}{81} = \frac{-1}{3^4} = -3^{-4}$

2. En las siguientes operaciones, aplica las propiedades correspondientes y expresa el resultado como potencia única:

a) $\left[(-5)^2\right]^3 \cdot (-5)^5 : (-5)^4$

a) $\left[(-5)^2\right]^3 \cdot (-5)^5 : (-5)^4 = (-5)^6 \cdot (-5)^5 : (-5)^4 = (-5)^{6+5-4} = (-5)^7$

3. Simplifica:

a) $\frac{3^3 \cdot 9^{-3} \cdot 16^{-2} \cdot 8^3}{4^2 \cdot 6^{-2}}$

a) $\frac{3^3 \cdot 9^{-3} \cdot 16^{-2} \cdot 8^3}{4^2 \cdot 6^{-2}} = \frac{3^3 \cdot 3^{-3} \cdot 3^{-3} \cdot 2^{-8} \cdot 2^9}{2^4 \cdot 2^{-2} \cdot 3^{-2}} = \frac{3^3 \cdot 2^9 \cdot 2^2 \cdot 3^2}{3^3 \cdot 3^3 \cdot 2^8 \cdot 2^4} = \frac{3^5 \cdot 2^{11}}{3^6 \cdot 2^{12}} = \frac{1}{3 \cdot 2} = \frac{1}{6}$

4. Calcula estas raíces:

a) $\sqrt[6]{64}$

b) $\sqrt[4]{\left(\frac{625}{10000}\right)^{-1}}$

a) $\sqrt[6]{64} = \sqrt[6]{2^6} = 2$

b) $\sqrt[4]{\left(\frac{625}{10000}\right)^{-1}} = \sqrt[4]{\frac{10000}{625}} = \sqrt[4]{\frac{10^4}{5^4}} = \sqrt[4]{\left(\frac{10}{5}\right)^4} = \frac{10}{5} = 2$

5. Simplifica y calcula:

a) $\frac{5}{2}\sqrt{7} + \frac{3}{4}\sqrt{7} + \sqrt{7}$

b) $(\sqrt{3})^5 \cdot \sqrt{3}$

a) $\frac{5}{2}\sqrt{7} + \frac{3}{4}\sqrt{7} + \sqrt{7} = \left(\frac{5}{2} + \frac{3}{4} + 1\right)\sqrt{7} = \frac{17}{4}\sqrt{7}$

b) $(\sqrt{3})^5 \cdot \sqrt{2} = \sqrt{3^5} \cdot \sqrt{3} = \sqrt{3^6} = 3^3 = 27$

6. Extrae del radical todos los factores que sea posible:

a) $\sqrt{\frac{x^4 y^5}{z^3}}$

b) $\sqrt[3]{a^4 b^6 c^7}$

a) $\sqrt{\frac{x^4 y^5}{z^3}} = \frac{x^2 y^2}{z} \sqrt{\frac{y}{z}}$

b) $\sqrt[3]{a^4 b^6 c^7} = a b^2 c^2 \sqrt[3]{a c}$

7. Calcula y simplifica:

a) $2\sqrt{8} - \frac{1}{3}\sqrt{18} + \sqrt{32}$

b) $\sqrt{27} - \sqrt{3} + \sqrt{192} - 2\sqrt{12}$

a) $2\sqrt{8} - \frac{1}{3}\sqrt{18} + \sqrt{32} = 2\sqrt{2^3} - \frac{1}{3}\sqrt{2 \cdot 3^2} + \sqrt{2^5} = 4\sqrt{2} - \sqrt{2} + 4\sqrt{2} = 7\sqrt{2}$

b) $\sqrt{27} - \sqrt{3} + \sqrt{192} - 2\sqrt{12} = \sqrt{3^3} - \sqrt{3} + \sqrt{2^6 \cdot 3} - 2\sqrt{2^2 \cdot 3} = 3\sqrt{3} - \sqrt{3} + 8\sqrt{3} - 4\sqrt{3} = 6\sqrt{3}$

8. Reduce primero a índice común y luego opera:

a) $\sqrt{5} \cdot \sqrt[4]{3}$

b) $\sqrt[4]{6^2} \cdot \sqrt[10]{6}$

a) $\sqrt{5} \cdot \sqrt[4]{3} = \sqrt[4]{5^2} \cdot \sqrt[4]{3} = \sqrt[4]{5^2 \cdot 3} = \sqrt[4]{75}$

b) $\sqrt[4]{6^2} \cdot \sqrt[10]{6} = \sqrt[20]{(6^2)^5} \cdot \sqrt[20]{6^2} = \sqrt[20]{6^{10} : 6^2} = \sqrt[20]{6^8} = \sqrt[5]{6^2} = \sqrt[5]{36}$

9. Calcula:

- a) El cuadrado de la raíz cúbica de 27.
- b) La raíz cuadrada de la raíz cuarta de 256.

a) $(\sqrt[3]{27})^2 = (\sqrt[3]{3^3})^2 = 3^2 = 9$

b) $\sqrt[4]{\sqrt[8]{256}} = \sqrt[8]{256} = \sqrt[8]{2^8} = 2$

10. El área de un cuadrado es 4096 cm^2 . ¿Cuánto medirá el perímetro de otro cuadrado cuyo lado es la raíz cúbica del lado del primero?

Solución:

El lado del primer cuadrado mide: $\sqrt{4096} = 64 \text{ cm}$.

El lado del segundo cuadrado es: $\sqrt[3]{64} = 4 \text{ cm}$

Por tanto, su perímetro medirá: $4 \cdot 4 = 16 \text{ cm}$.