Tema 3 - Ejercicios números complejos

1. Realiza las siguientes operaciones:

a) (3+2i) - (5-4i)

d) $(2-i)^2 - (5+2i) \cdot (3-3i)$

b) (4-i)·(2-3i)

e) (7+3i): (3-i)+(2i-2)·i

c) (12-2i): (1-i)

2. Pasa los siguientes números a forma polar:

a) (3-2i)

c) (-7-2i)

b) (-1+4i)

d) (12+i)

3. Pasa los siguientes números a forma binómica:

a) 7_{45°}

d) 3_{210°}

b) 5_{120°}

e) 5_{270°}

c) $2_{180^{\circ}}$

f) 3_{330°}

4. Realiza las siguientes operaciones, expresando el resultado en forma binómica:

a) (3+2i) - (5-4i)

h) 3_{225°}: i

b) (4-i)·(2-3i)

i) $3_{60^{\circ}} + 2_{30^{\circ}}$

c) (12-2i): (1-i)

j) $3_{30^{\circ}} \cdot (2-i) + 3i$

d) $(2-i)^2 - (5+2i) \cdot (3-3i)$

k) i⁷

e) (7+3i): (3-i)+(2i-2)·i

l) (3-4i)¹²

f) $7_{60^{\circ}} \cdot 3_{300^{\circ}}$

 $m)(-3-i)^5$

g) $12_{150^{\circ}}$: (-3)

n) $4^{\frac{\pi}{2}}:5^{\frac{\pi}{4}}$

5. Calcula las siguientes raíces:

a) $\sqrt{-4}$

d) $\sqrt[3]{8}$

b) $\sqrt[4]{1}$

e) \sqrt{i}

c) $\sqrt[3]{2+i}$

f) $\sqrt[7]{-1}$

6. Resuelve las siguientes ecuaciones:

a) $x^2 + x + 1 = 0$

b) $x^2 + 2ix + 4 = 0$

c) $x^3 + x^2 + 4x + 4 = 0$

d) $4x^2 - 8x + 13$

e) $4x^2-4x+i+1=0$

- 7. Escribe una ecuación de segundo grado cuyas raíces sean los números 2_{135°} y 2_{225°}
- 8. Los afijos de tres números complejos z_1 , z_2 y z_3 forman los vértices de un triángulo equilátero centrado en el origen de coordenadas. Si $z_1 = -1+i$, calcula z_2 y z_3 .