

Nombre y apellidos:

Handwritten mark

Curso:

Grupo:

N.º:

Instrucciones:

- Se permite el uso de calculadoras según los criterios explicados en el primer día de clase.
- Queda prohibido el uso de típex y lápiz.
- Deberá justificarse la resolución de cada uno de los ejercicios. En caso contrario no se valorará el apartado.

Ejercicios	1	2	3	4	5	TOTAL	NOTA
Puntos	1,25	1,5	1,5	2,25	2,5	9	10
Nota							

1. Calcula el siguiente límite :

$$\begin{aligned}
 \lim_{x \rightarrow 5} \frac{x^2 - 25}{3\sqrt{x+4} - 9} &= \frac{0}{0} \text{ INOT} \stackrel{0,25}{=} \lim_{x \rightarrow 5} \frac{(x^2 - 25)(3\sqrt{x+4} + 9)}{(3\sqrt{x+4} - 9)(3\sqrt{x+4} + 9)} = \lim_{x \rightarrow 5} \frac{(x^2 - 25)(3\sqrt{x+4} + 9)}{9(x+4) - 81} \\
 &\stackrel{0,5}{=} \lim_{x \rightarrow 5} \frac{(x^2 - 25)(3\sqrt{x+4} + 9)}{9x + 36 - 81} \stackrel{0,75}{=} \lim_{x \rightarrow 5} \frac{(x^2 - 25)(3\sqrt{x+4} + 9)}{9x - 45} \stackrel{\Delta}{=} \lim_{x \rightarrow 5} \frac{(x+5)(x-5)(3\sqrt{x+4} + 9)}{9(x-5)} \\
 &\stackrel{4,25}{=} \lim_{x \rightarrow 5} \frac{(x+5)(3\sqrt{x+4} + 9)}{9} = \frac{10 \cdot 18}{9} = 20
 \end{aligned}$$

2. Deriva las siguientes funciones:

a) $f(x) = \cos(2x+3)x^4$

$$f'(x) = (\cos(2x+3)x^4)' \stackrel{0,4}{=} [\cos(2x+3)]' x^4 + \cos(2x+3)(x^4)' \stackrel{0,75}{=} -\sin(2x+3)2x^4 + \cos(2x+3)4x^3$$

b) $g(x) = \sqrt[3]{\frac{x}{x-2}}$

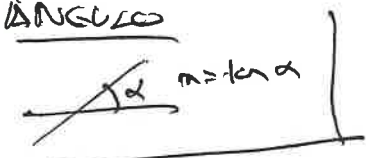
$$\begin{aligned}
 g'(x) &= \left[\left(\frac{x}{x-2} \right)^{1/3} \right]' \stackrel{0,4}{=} \frac{1}{3} \left(\frac{x}{x-2} \right)^{1/3 - 1} \left(\frac{x}{x-2} \right)' = \frac{1}{3} \left(\frac{x}{x-2} \right)^{-2/3} \frac{1 \cdot (x-2) - x \cdot 1}{(x-2)^2} \\
 &= \frac{1}{3} \left(\frac{x-2}{x} \right)^{2/3} \frac{-2}{(x-2)^2} = \frac{-2}{3(x-2)^2} \sqrt[3]{\frac{x-2}{x}}
 \end{aligned}$$

3. Determina la ecuación de la recta normal a la función $f(x) = \frac{3x+2}{x}$ en el punto $x = 1$. ¿Qué ángulo forma con el eje OX?

$$N: y - f(1) = \frac{-1}{f'(1)} (x - 1)$$

$f(1) = 5$
 $f'(x) = \frac{3x - (3x+2) \cdot 1}{x^2} = \frac{-2}{x^2}$
 $f'(1) = -2$

$$N: y - 5 = \frac{1}{2} (x - 1)$$

ÁNGULO

 $\tan \alpha = \frac{1}{2} \Rightarrow \alpha = \arctan\left(\frac{1}{2}\right) \approx 26^\circ 33' 54''$

4. La intención de voto (en porcentaje) para cierto partido político a lo largo del año electoral puede aproximarse con el siguiente modelo:

$$V(t) = -0,05t^3 + 0,16t^2 + 2t \quad t \in [0, 12]$$

donde t representa el tiempo en meses desde enero hasta diciembre del mismo año.

- a) Estudia la monotonía de la función y localiza sus extremos relativos.
 b) Usa dicha información para hacer un esbozo de la gráfica de la función.

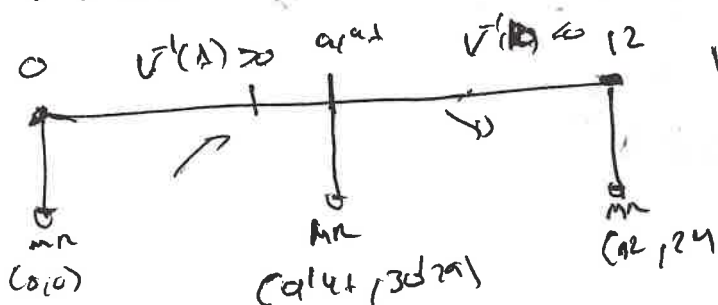
a) $\text{Dom } V = [0, 12]$

$$V'(t) = 0 \Rightarrow 0,04t^2 - 0,45t + 1,6 = 0$$

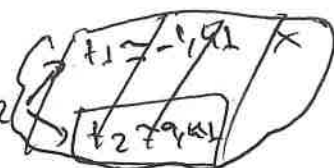
$$0,04t^2 - 0,45t + 1,6 = 0 \Rightarrow t_1 = 2,7 \quad t_2 = 14,7$$

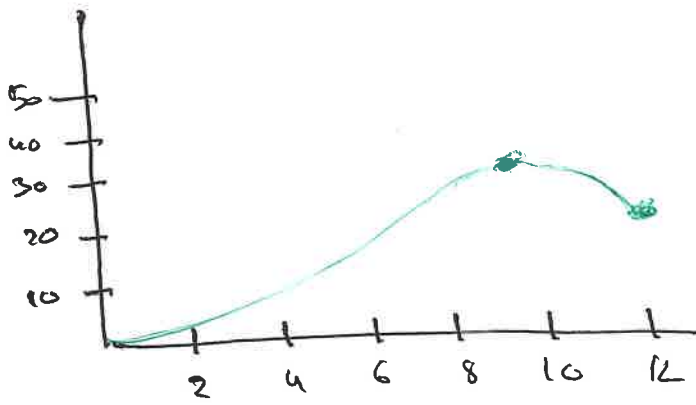
a) $V'(t) = -0,15t^2 + 1,2t + 2$ $\text{Dom } V = [0, 12]$

$$V'(t) = 0 \Rightarrow -0,15t^2 + 1,2t + 2 = 0 \Rightarrow t_1 = -1,42 \quad t_2 = 9,44$$



$$V(t) = -0,15t^2 + 1,2t + 2$$



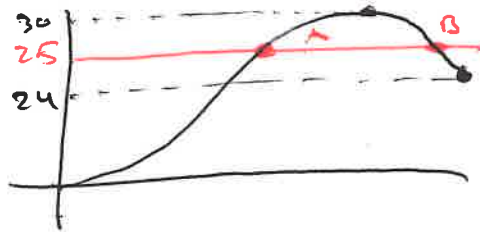


0,25

- 0,15 c) Localiza los momentos de mayor y menor intención de voto.
 Momento de mayor intención de voto $\approx 9,42$ meses
 Momento de menor intención de voto ≈ 0 meses

- 0,25 d) ¿Cuántas veces tiene el partido un porcentaje de voto estimado de un 25%?

Das veces



5. Representa gráficamente la función $f(x) = \frac{-x^2}{x+2}$ estudiando los siguientes puntos:

- a) Dominio 0,15 b) Puntos de corte con lo ejes 0,2 c) Asíntotas verticales 0,15
 d) Monotonía 0,25 e) Ramas infinitas 0,25

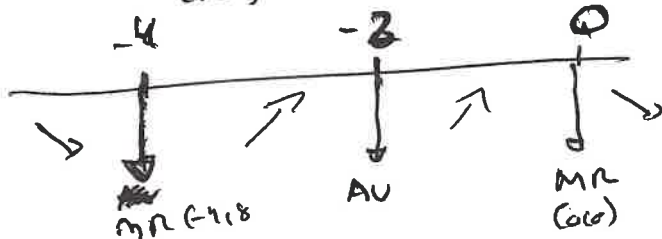
a) $\text{Dom} f = (\mathbb{R} - \{2\})$

b) $P_c \rightarrow (0,0)$

c) AV en $x=2$

d) Monotonía

$f'(x) = \frac{-x^2 + 2x}{(x+2)^2}$ $f'(x) = 0 \rightarrow x=0, x=2$

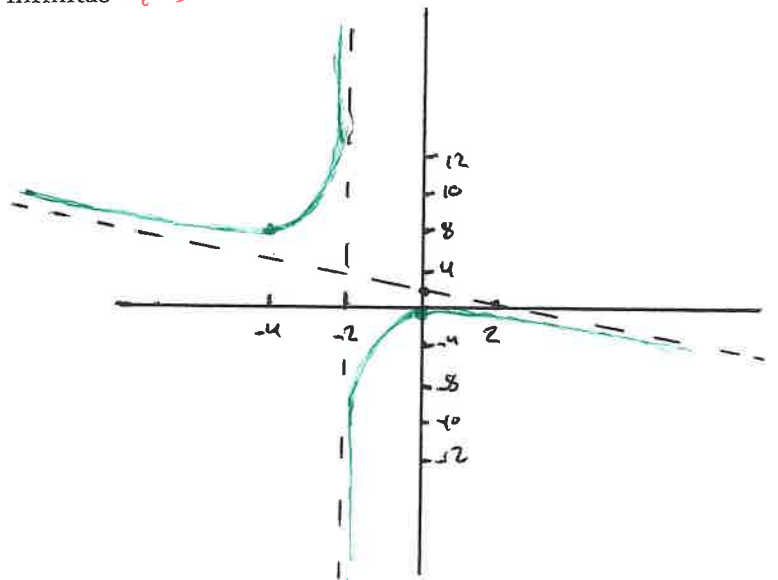


e) Ramas infinitas

Asíntota oblicua $g = \text{max} \rightarrow y = x + 2$

$m = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{f(x)}{x} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-x^2}{x^2 + 2x} = -1$

$n = \lim_{x \rightarrow \infty} f(x) - mx = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-x^2 + x^2 + 2x}{x+2} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x}{x+2} = 2$





1000
 2000

