



1. Potencias de expoñente enteiro

PENSA E CALCULA

Calcula mentalmente as seguintes potencias:

- a) 5^2 b) 3^4 c) 10^6 d) $(-2)^3$ e) $(-2)^4$ f) -2^3 g) -2^4

Solución:

- a) 25 b) 81 c) 1 000 000 d) -8 e) 16 f) -8 g) -16

Carné calculista 173 849 : 47 | C = 3 698; R = 43

APLICA A TEORÍA

1 Escribe en forma de potencia:

- a) $7 \cdot 7 \cdot 7 \cdot 7 \cdot 7 \cdot 7$
b) $-3 \cdot (-3) \cdot (-3) \cdot (-3) \cdot (-3)$

Solución:

- a) 7^6 b) $(-3)^5$

2 Calcula mentalmente as seguintes potencias:

- a) 2^0 b) 2^1 c) 2^2 d) 2^3 e) 2^4 f) 2^5

Solución:

- a) 1 b) 2 c) 4
d) 8 e) 16 f) 32

3 Calcula mentalmente as seguintes potencias:

- a) 10^0 b) 10^1 c) 10^2 d) 10^3 e) 10^4 f) 10^5

Solución:

- a) 1 b) 10 c) 100
d) 1 000 e) 10 000 f) 100 000

4 Calcula mentalmente as seguintes potencias:

- a) $(-3)^0$ b) $(-3)^1$ c) $(-3)^2$ d) $(-3)^3$ e) $(-3)^4$

Solución:

- a) 1 b) -3 c) 9
d) -27 e) 81

5 Calcula:

- a) 33^2 b) $2,5^2$ c) $0,7^3$ d) $1,2^3$

Solución:

- a) 1 089 b) 6,25
c) 0,343 d) 1,728

6 Escribe o resultado en forma dunha soa potencia aplicando as propiedades das potencias:

- a) $5^3 \cdot 5^4$ b) $5^9 : 5^3$ c) $(5^3)^2$
d) $5^3 \cdot 7^3$ e) $5^4 : 7^4$

Solución:

- a) 5^7 b) 5^6 c) 5^6
d) 35^3 e) $(5 : 7)^4$

7 Escribe en forma de potencia de base enteira positiva os seguintes números:

- a) $\frac{1}{5^3}$ b) $\frac{1}{16}$ c) $\frac{1}{32}$ d) $\frac{1}{81}$

Solución:

- a) 5^{-3} b) 2^{-4} c) 3^{-2} d) 3^{-4}

8 Substitúe os puntos por un dos signos = ou $\neq$, nas seguintes expresións:

- a) $7^2 \dots 14$ b) $(-3)^3 \dots -3^3$
c) $(2+3)^2 \dots 5^2$ d) $(5-3)^2 \dots 5^2 - 3^2$

Solución:

- a) $\neq$
b) =
c) =
d) $\neq$

2. Raíz cadrada

PENSA E CALCULA

Unha aula é cadrada e mide 49 m^2 de área. Canto mide cada un dos lados?

Solución:

Lado = 7 m

Carné calculista

$$\frac{2}{3} \cdot \frac{7}{4} + \frac{5}{2} : \frac{3}{4} = \frac{9}{2}$$

APLICA A TEORÍA

9 Calcula mentalmente a raíz cadrada dos seguintes números:

- a) 0 b) 1
c) 49 d) 100

Solución:

- a) 0 b) ± 1 c) ± 7 d) ± 10

10 Cantas raíces cadradas teñen os seguintes números?

- a) 25 b) -16
c) 0 d) 10 000

Solución:

- a) Dúas b) Ningunha
c) Unha d) Dúas

11 Escribe os 5 primeiros cadrados perfectos.

Solución:

0, 1, 4, 9 e 16

12 Calcula mentalmente a raíz enteira por defecto dos seguintes números:

- a) 15 b) 34
c) 57 d) 85

Solución:

- a) 3 b) 5
c) 7 d) 9

13 Aplicando as propiedades da raíz cadrada, calcula:

- a) $\sqrt{2} \cdot \sqrt{8}$ b) $\sqrt{8} : \sqrt{2}$

Solución:

- a) ± 4 b) ± 2

14 Extrae fóra destes radicais o maior número que poidas:

- a) $\sqrt{18}$ b) $\sqrt{27}$ c) $\sqrt{32}$

Solución:

- a) $3\sqrt{2}$ b) $3\sqrt{3}$ c) $4\sqrt{2}$

15 Substitúe os puntos por un dos signos, = ou $\neq$, nas seguintes expresións:

a) $\sqrt{36 + 64} \dots \sqrt{36} + \sqrt{24}$

b) $\sqrt{169 - 25} \dots \sqrt{144}$

Solución:

a) $\neq$ b) $=$

16 Unha leira ten forma cadrada e a súa área mide 81 m^2 . Canto mide cada un dos seus lados?

Solución:

Cada lado = 9 m

3. Raíz cadrada con decimais

PENSA E CALCULA

Atopa a raíz cadrada enteira por defecto dos seguintes números:

a) $\sqrt{7}$ b) $\sqrt{33}$ c) $\sqrt{45}$ d) $\sqrt{56}$ e) $\sqrt{80}$

Solución:

a) 2 b) 5 c) 6 d) 7 e) 8

Carné calculista $209,884 : 3,7 \mid C = 56,32; R = 1,5$

APLICA A TEORÍA

17 Atopa as seguintes raíces cadradas cun decimal e fai a comprobación:

a) $\sqrt{237,5}$ b) $\sqrt{5816,34}$

Solución:

a) 15,4 e resto: 0,34.

Comprobación: $15,4^2 + 0,34 = 237,5$

b) 76,2 e resto: 9,9

Comprobación: $76,2^2 + 9,9 = 5816,34$

19 Atopa a raíz cadrada cun decimal dos seguintes números enteiros e fai a comprobación:

a) 83 b) 574

Solución:

a) 9,1 e resto: 0,19

Comprobación: $9,1^2 + 0,19 = 83$

b) 23,9 e resto: 2,79

Comprobación: $23,9^2 + 2,79 = 574$

18 Atopa as seguintes raíces cadradas con dous decimais e fai a comprobación:

a) $\sqrt{654,7}$ b) $\sqrt{1805,31}$

Solución:

a) 25,58 e resto: 0,3636

Comprobación: $25,58^2 + 0,3636 = 654,7$

b) 42,48 e resto: 0,7596

Comprobación: $42,48^2 + 0,7596 = 1805,31$

20 Atopa a raíz cadrada con dous decimais dos seguintes números enteiros e fai a comprobación:

a) 845 b) 5874

Solución:

a) 29,06 e resto: 0,5164

Comprobación: $29,06^2 + 0,5164 = 845$

b) 76,64 e resto: 0,3104

Comprobación: $76,64^2 + 0,3104 = 5874$

- 21** Realiza as seguintes operacións aplicando a xerarquía:

- a) $(9^2 + 23 - 7^2) \cdot \sqrt{64}$
b) $(10^2 - \sqrt{81} + 5^3) : \sqrt{36}$

Solución:

- a) 440 b) 36

- 22** O patio dun centro escolar é cadrado e mide 1000 m^2 . Canto mide de longo e de ancho? Aprecia o resultado ata os centímetros.

Solución:

Longo = ancho = 31,62 m

4. Raíz cúbica

PENSA E CALCULA

Un acuario ten forma cúbica, e a súa aresta mide 1 m. Calcula mentalmente cantos quilos pesa a auga destilada do seu interior cando está chea, a 4°C e ao nivel do mar.

Solución:

Pesa: 1 000 kg

Carné calculista $\frac{2}{5} \cdot \left(\frac{7}{4} - \frac{3}{8}\right) = \frac{11}{20}$

APLICA A TEORÍA

- 23** Calcula mentalmente a raíz cúbica dos seguintes números:

- a) 0 b) 1 c) -27 d) 125

Solución:

- a) 0 b) 1 c) -3 d) 5

- 24** Cantas raíces cúbicas teñen os números que aparecen a continuación?

- a) -8 b) 1 c) 0 d) 1 000

Solución:

- a) Unha b) Unha c) Unha d) Unha

- 25** Escribe os 5 primeiros cubos perfectos non negativos.

Solución:

0, 1, 8, 27 e 64

- 26** Calcula mentalmente a raíz cúbica enteira por defecto dos seguintes números:

- a) 5 b) 37 c) 84 d) 101

Solución:

- a) 1 b) 3 c) 4 d) 4

- 27** Calcula mentalmente a raíz cúbica enteira por exceso dos seguintes números:

- a) 4 b) 33 c) 77 d) 123

Solución:

- a) 2 b) 4 c) 5 d) 5

- 28** Aplicando as propiedades da raíz cúbica, calcula:

- a) $\sqrt[3]{2} \cdot \sqrt[3]{4}$ b) $\sqrt[3]{81} : \sqrt[3]{3}$

Solución:

- a) 2 b) 3

- 29** Extrae fóra destes radicais o número maior que poidas:

- a) $\sqrt[3]{40}$ b) $\sqrt[3]{54}$ c) $\sqrt[3]{500}$

Solución:

- a) $2\sqrt[3]{5}$ b) $3\sqrt[3]{2}$ c) $5\sqrt[3]{4}$

- 30** Un envase de zume ten forma cúbica, e a súa capacidade é de 216 cm^3 . Canto mide a aresta?

Solución:

Aresta: $\sqrt[3]{216} = 6 \text{ cm}$

Exercicios e problemas

1. Potencias de expoñente enteiro

31 Escribe en forma de potencia:

- a) $5 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 5$
b) $-2 \cdot (-2) \cdot (-2) \cdot (-2)$

Solución:

- a) 5^7 b) $(-2)^4$

32 Calcula mentalmente as seguintes potencias:

- a) 3^0 b) 3^1 c) 3^2
d) 3^3 e) 3^4 f) 3^5

Solución:

- a) 1 b) 3 c) 9
d) 27 e) 81 f) 243

33 Calcula mentalmente as seguintes potencias:

- a) $(-10)^0$ b) $(-10)^1$ c) $(-10)^2$
d) $(-10)^3$ e) $(-10)^4$ f) $(-10)^5$

Solución:

- a) 1 b) -10 c) 100
d) -1 000 e) 10 000 f) -100 000

34 Calcula mentalmente as seguintes potencias:

- a) $(-2)^0$ b) $(-2)^1$ c) $(-2)^2$
d) $(-2)^3$ e) $(-2)^4$ f) $(-2)^5$

Solución:

- a) 1 b) -2 c) 4
d) -8 e) 16 f) -32

35 Calcula:

- a) 25^2 b) $1,7^2$ c) $0,5^3$ d) $7,2^3$

Solución:

- a) 625 b) 2,89
c) 0,125 d) 373,248

36 Escribe os seguintes números en notación científica:

- a) 25 000 000 b) 56 789,234
c) 0,000000234 d) 0,000893

Solución:

- a) $2,5 \cdot 10^7$ b) $5,6789234 \cdot 10^4$
c) $2,34 \cdot 10^{-7}$ d) $8,93 \cdot 10^{-4}$

37 Escribe o resultado en forma dunha soa potencia aplicando as propiedades das potencias:

- a) $3^2 \cdot 3^5$ b) $3^5 : 3^2$ c) $(3^5)^2$
d) $2^4 \cdot 5^4$ e) $2^7 : 5^7$

Solución:

- a) 3^7 b) 3^3 c) 3^{10}
d) 10^4 e) $(2 : 5)^7$

38 Escribe en forma de potencia de base enteira positiva os seguintes números:

- a) $\frac{1}{2^7}$ b) $\frac{1}{3}$ c) $\frac{1}{7^4}$ d) $\frac{1}{64}$

Solución:

- a) 2^{-7} b) 3^{-1}
c) 7^{-4} d) 2^{-6}

39 Substitúe os puntos por un dos signos, = ou $\neq$, nas seguintes expresións:

- a) $5^2 \dots 25$ b) $(-2)^3 \dots 8$
c) $(2 + 3)^2 \dots 2^2 + 3^2$ d) $(7 - 4)^2 \dots 3^2$

Solución:

- a) = b) $\neq$
c) $\neq$ d) =

2. Raíz cadrada

40 Calcula mentalmente a raíz cadrada dos seguintes números:

- a) 4 b) 25 c) 36 d) 81

Solución:

- a) ± 2 b) ± 5 c) ± 6 d) ± 9

41 Cantas raíces cadradas teñen os seguintes números?

- a) 64 b) -49 c) -1 d) 100

Solución:

- a) Dúas b) Ningunha
c) Ningunha d) Dúas

42 Escribe os 5 primeiros cadrados perfectos maiores que 30.

Solución:

36, 49, 64, 81 e 100

- 43 Calcula mentalmente a raíz enteira por exceso dos seguintes números:

a) 23 b) 44 c) 62 d) 93

Solución:a) 5 b) 7
c) 8 d) 10

- 44 Aplicando as propiedades da raíz cadrada, calcula:

a) $\sqrt{3} \cdot \sqrt{12}$ b) $\sqrt{72} : \sqrt{8}$ **Solución:**a) ± 6 b) ± 3

- 45 Extrae fóra destes radicais o maior número que poidas:

a) $\sqrt{20}$ b) $\sqrt{75}$ c) $\sqrt{98}$ **Solución:**a) $2\sqrt{5}$ b) $5\sqrt{3}$ c) $7\sqrt{2}$

- 46 Substitúe os puntos por un dos signos, = ou $\neq$, nas seguintes expresións:

a) $\sqrt{36 + 64} \dots 10$
b) $\sqrt{100 - 36} \dots \sqrt{100} - \sqrt{36}$ **Solución:**a) = b) $\neq$ **3. Raíz cadrada con decimais**

- 47 Atopa as seguintes raíces cadradas cun decimal e fai a comprobación:

a) $\sqrt{658,2}$ b) $\sqrt{3\,456,85}$ **Solución:**a) 25,6 e resto: 2,84
Comprobación: $25,6^2 + 2,84 = 658,2$
b) 58,7 e resto: 11,16
Comprobación: $58,7^2 + 11,16 = 3\,456,85$

- 48 Atopa as seguintes raíces cadradas con dous decimais e fai a comprobación:

a) $\sqrt{105,6}$ b) $\sqrt{9\,531,08}$ **Solución:**a) 10,27 e resto: 0,1271
Comprobación: $10,27^2 + 0,1271 = 105,6$
b) 97,62 e resto: 1,4156
Comprobación: $97,62^2 + 1,4156 = 9\,531,08$

- 49 Atopa a raíz cadrada cun decimal dos números enteiros que aparecen a continuación e fai a comprobación:

a) 598 b) 5 678

Solución:a) 24,4 e resto: 2,64
Comprobación: $24,4^2 + 2,64 = 598$
b) 75,3 e resto: 7,91
Comprobación: $75,3^2 + 7,91 = 5\,678$

- 50 Atopa a raíz cadrada con dous decimais dos números enteiros que aparecen a continuación e fai a comprobación:

a) 456 b) 8 765

Solución:a) 21,35 e resto: 0,1775
Comprobación: $21,35^2 + 0,1775 = 456$
b) 93,62 e resto: 0,2956
Comprobación: $93,62^2 + 0,2956 = 8\,765$

- 51 Realiza as seguintes operacións aplicando a xerarquía:

a) $(7\sqrt{36} - 8^2 + 15) \cdot \sqrt{100}$
b) $(7^2 + 476 - \sqrt{64} + 2^5) : \sqrt{81}$ **Solución:**

a) -70 b) 61

4. Raíz cúbica

- 52 Calcula mentalmente a raíz cúbica dos seguintes números:

a) 8 b) -64 c) 216 d) -1 000

Exercicios e problemas

Solución:

- a) 2 b) -4 c) 6 d) -10

53 Cantas raíces cúbicas teñen os números que aparecen a continuación?

- a) 27 b) -1 c) -125 d) 1 000 000

Solución:

- a) Unha b) Unha
c) Unha d) Unha

54 Escribe os 5 primeiros cubos perfectos maiores que 4.

Solución:

8, 27, 64, 125 e 216

55 Calcula mentalmente a raíz cúbica enteira por defecto dos seguintes números:

- a) 7 b) 25 c) 50 d) 100

Solución:

- a) 1 b) 2
c) 3 d) 4

56 Calcula mentalmente a raíz cúbica enteira por exceso dos seguintes números:

- a) 6 b) 45 c) 75 d) 150

Solución:

- a) 2 b) 4
c) 5 d) 6

57 Aplicando as propiedades da raíz cúbica, calcula:

- a) $\sqrt[3]{4} \cdot \sqrt[3]{16}$
b) $\sqrt[3]{250} : \sqrt[3]{2}$

Solución:

- a) 4 b) 5

58 Extrae fóra destes radicais o maior número que poidas:

- a) $\sqrt[3]{56}$ b) $\sqrt[3]{135}$ c) $\sqrt[3]{6000}$

Solución:

- a) $2\sqrt[3]{7}$ b) $3\sqrt[3]{5}$ c) $10\sqrt[3]{6}$

Para ampliar

59 Escribe os cadrados perfectos menores ou iguais que 100.

Solución:

0, 1, 4, 9, 16, 25, 36, 49, 64, 81 e 100

60 Escribe os cubos perfectos cuxo valor absoluto sexa menor ou igual que 100.

Solución:

0, ± 1 , ± 8 , ± 27 e ± 64

61 Expresa o resultado en forma dunha soa potencia utilizando as propiedades das potencias:

- a) $x^5 \cdot x^3$ b) $x^4 : x^9$
c) $(x^3)^5$ d) $x^5 \cdot x^2 : x^3$

Solución:

- a) x^8 b) x^{-5}
c) x^{15} d) x^4

62 Atopa o valor de x nos seguintes casos:

- a) $2^x = 32$ b) $x^4 = 81$
c) $5^x = x$ d) $(-2)^x = 64$

Solución:

- a) $x = 5$ b) $x = \pm 3$
c) $x = 125$ d) $x = 6$

63 Atopa o valor de x nos seguintes casos:

- a) $\sqrt{x} = 7$ b) $\sqrt{36} = x$
c) $\sqrt[3]{x} = 4$ d) $\sqrt[3]{x} = -5$

Solución:

- a) $x = 49$ b) $x = \pm 6$
 c) $x = 64$ d) $x = -125$

64 Efectúa as seguintes operacións:

- a) 3^4 b) $3 \cdot 4$
 c) $(-2)^3$ d) -2^3
 e) $(-2)^4$ f) -2^4

Solución:

- a) 81 b) 12 c) -8
 d) -8 e) 16 f) -16

65 Efectúa as seguintes operacións:

- a) $(3 + 4)^2$ b) $3^2 + 4^2$
 c) $(13 - 5)^2$ d) $13^2 - 5^2$

Solución:

- a) $7^2 = 49$ b) $9 + 16 = 25$
 c) $8^2 = 64$ d) $169 - 25 = 144$

66 A velocidade da luz é de 300 000 km/s. Escribe a devandita velocidade en notación científica.**Solución:**

$3 \cdot 10^5 \text{ km/s}$

67 Efectúa as seguintes operacións:

- a) $\sqrt{9 + 16}$
 b) $\sqrt{9} + \sqrt{16}$
 c) $\sqrt{100 - 64}$
 d) $\sqrt{100} - \sqrt{64}$

Solución:

- a) $\sqrt{25} = 5$ b) $3 + 4 = 7$
 c) $\sqrt{36} = 6$ d) $10 - 8 = 2$

Con calculadora**68** Utilizando a calculadora, atopa:

- a) $2,5^2$ b) $7,4^3$
 c) 2^{10} d) $0,25^2$
 e) $1,1^3$ f) 2^{20}

Solución:

- a) 6,25 b) 405,224 c) 1 024
 d) 0,0625 e) 1,331 f) 1 048 576

69 Utilizando a calculadora, atopa:

- a) $\sqrt{529}$
 b) $\sqrt{55\,225}$
 c) $\sqrt{18,0625}$
 d) $\sqrt{1\,207,5625}$

Solución:

- a) 23 b) 235
 c) 4,25 d) 34,75

70 Utilizando a calculadora, atopa:

- a) $\sqrt[3]{343}$
 b) $\sqrt[3]{166\,375}$
 c) $\sqrt[3]{15,625}$
 d) $\sqrt[3]{0,970299}$

Solución:

- a) 7 b) 55
 c) 2,5 d) 0,99

71 Utilizando a calculadora, atopa:

- a) $(13\sqrt{81} - 12^2 + 105) \cdot \sqrt{625}$
 b) $(7^3 - 5\,334 - \sqrt{169} + 2^7) : \sqrt[3]{12\,167}$

Solución:

- a) 1 950 b) -212

72 Utilizando a calculadora, realiza as seguintes operacións e dá o resultado en notación científica:

- a) 2^{64}
 b) $5,3 \cdot 10^{23} \cdot 4,81 \cdot 10^{-5}$
 c) 3^{15}
 d) $8,75 \cdot 10^{12} : (6,32 \cdot 10^{-4})$

Solución:

- a) $1,844674407 \cdot 10^{19}$ b) $2,5493 \cdot 10^{19}$
 c) $1,4348907 \cdot 10^7$ d) $1,384493671 \cdot 10^{16}$

Problemas

- 73** Unha leira ten forma cadrada e mide 25 m de lado. Se o metro cadrado se paga a 300 €, canto vale a leira?

Solución:

$$\text{Área: } 25^2 = 625 \text{ m}^2$$

$$\text{Custo: } 625 \cdot 300 = 187\,500 \text{ €}$$

- 74** Un chalé está edificado sobre unha parcela cadrada de 5 625 m² de área. Canto mide o lado da parcela?

Solución:

$$\text{Lado: } \sqrt{5\,625} = 75 \text{ m}$$

- 75** Atopa o volume dun cubo de 2,5 m de aresta.

Solución:

$$\text{Volume: } 2,5^3 = 15,625 \text{ m}^3$$

- 76** Atopa a aresta dun cubo cuxo volume mide 185,193 m³.

Solución:

$$\text{Aresta: } \sqrt[3]{185,193} = 5,7 \text{ m}$$

- 77** Un cine ten o mesmo número de filas que de columnas, e en total ten 289 butacas. Cantas butacas ten cada fila?

Solución:

$$\text{Cada fila: } \sqrt{289} = 17 \text{ butacas.}$$

- 78** O patio dun centro escolar é cadrado, e cada lado mide 60 m. Queremos poñelo de terrazo, que mide 40 cm × 40 cm. Se cada peza de terrazo vale 0,65 €, e por colocalo cobran 3 000 €, canto custa arranxar o patio?

Solución:

$$\text{Superficie do patio: } 60^2 = 3\,600 \text{ m}^2$$

$$\text{Superficie de cada terrazo: } 0,4^2 = 0,16 \text{ m}^2$$

Nº de pezas de terrazo:

$$3\,600 : 0,16 = 22\,500 \text{ pezas.}$$

$$\text{Custo do terrazo: } 22\,500 \cdot 0,65 = 14\,625 \text{ €}$$

$$\text{Custo total: } 14\,625 + 3\,000 = 17\,625 \text{ €}$$

- 79** Calcula en quilómetros e notación científica a distancia que hai dende a Terra ao Sol sabendo que a velocidade da luz é aproximadamente de 300 000 km/s e que a luz do Sol tarda 8,25 minutos en chegar á Terra.

Solución:

$$\begin{aligned} \text{Distancia: } & 300\,000 \cdot 8,25 \cdot 60 = 148\,500\,000 = \\ & = 1,485 \cdot 10^8 \text{ km} \end{aligned}$$

- 80** Nun restaurante hai para elixir 5 pratos de primeiro, 5 pratos de segundo e 5 pratos de sobremesa. Cantos días poden ir a comer sen repetir o menú?

Solución:

$$\text{Nº de días: } 5^3 = 125 \text{ días.}$$

- 81** Un rectángulo mide 120 m de longo e 30 m de ancho. Calcula o lado dun cadrado que teña a mesma área.

Solución:

$$\text{Área do rectángulo: } 120 \cdot 30 = 3\,600 \text{ m}^2$$

$$\text{Lado do cadrado: } \sqrt{3\,600} = 60 \text{ m}$$

- 82** O orzamento para azulexar as catro paredes dunha cociña é de 900 €. Se as paredes son cadradas e nos cobran a 25 € o metro cadrado, canto mide o lado de cada parede?

Solución:

$$\text{Superficie da cociña: } 900 : 25 = 36 \text{ m}^2$$

$$\text{Superficie de cada parede: } 36 : 4 = 9 \text{ m}^2$$

$$\text{Lado da cociña: } \sqrt{9} = 3 \text{ m}$$

- 83** Un parque cadrado que ten de superficie 7,84 ha, está plantado de piñeiros perfectamente aliñados e distribuídos en filas e columnas. Se cada piñeiro ocupa 49 m², cantos piñeiros hai en cada unha das filas?

Solución:

$$\text{Nº de piñeiros: } 78\,400 : 49 = 1\,600 \text{ piñeiros.}$$

$$\text{Nº de piñeiros en cada fila: } \sqrt{1\,600} = 40 \text{ piñeiros.}$$

- 84 O disco duro dun ordenador ten 40 Gb de capacidade. Se $1 \text{ Gb} = 2^{10} \text{ Mb}$, $1 \text{ Mb} = 2^{10} \text{ Kb}$ e $1 \text{ Kb} = 2^{10} \text{ bytes}$, cal é a capacidade do disco duro en bytes e notación científica?

Solución:

Capacidade: $40 \cdot 2^{10} \cdot 2^{10} \cdot 2^{10} = 4,29 \cdot 10^{10} \text{ bytes}$.

Para profundar

- 85 Un taboleiro de xadrez ten 8 filas e 8 columnas. Expressa como potencia do menor número enteiro posible o número total de cadros que ten o xadrez.

Solución:

Nº de cadros: $8 \cdot 8 = 64 = 2^6$ cadros.

- 86 O chan dunha cociña é cadrado e está formado por 81 lousas cadradas de $30 \text{ cm} \times 30 \text{ cm}$. Atopa a medida do lado da cociña e a súa área.

Solución:

Superficie da cociña: $81 \cdot 0,3^2 = 7,29 \text{ m}^2$

Lado: $\sqrt{7,29} = 2,7 \text{ m}$

- 87 En que cifras pode terminar un cubo perfecto?

Solución:

Obtéñense facendo os cubos dos números formados por un dígito.

0, 1, 8, 7, 4, 5, 6, 3, 2 e 9

É dicir, en todos os números.

- 88 Escribe en forma de potencia o número de bisavós dunha persoa.

Solución:

Nº de bisavós: $2^3 = 8$ bisavós.

- 89 Expressa en notación científica un ano luz en quilómetros sabendo que é o espazo que percorre a luz nun ano, e que a velocidade da luz é de 300 000 km/s.

Solución:

Ano luz:

$300\,000 \cdot 365 \cdot 24 \cdot 60 \cdot 60 = 9,4608 \cdot 10^{12} \text{ km}$

- 90 Un depósito de forma cúbica está cheo de auga, e a súa aresta mide 80 m. Se abastece a unha cidade de medio millón de habitantes e cada habitante consome diariamente 16 litros, para cantos días haberá auga?

Solución:

Volume do depósito:

$80^3 = 512\,000 \text{ m}^3 = 512\,000\,000 \text{ litros}$.

Nº de días:

$512\,000\,000 : (500\,000 \cdot 16) = 64 \text{ días}$.

- 91 Nunha cidade hai 25 centros educativos. Cada centro educativo ten 25 aulas, e cada aula ten 25 alumnas e alumnos. Expressa en forma de potencia do menor número enteiro posible o número total de alumnos e alumnas que ten a devandita cidade, e atopa o número destes.

Solución:

Nº de alumnas e alumnos:

$25^3 = (5^2)^3 = 5^6 = 15\,625$ alumnos e alumnas.

- 92 Unha parcela é cadrada, e a medida da súa área é $6\,400 \text{ m}^2$. Atopa a área doutra parcela cuxo lado sexa o dobre.

Solución:

Lado da 1ª parcela: $\sqrt{6\,400} = 80 \text{ m}$

Lado da 2ª parcela: $80 \cdot 2 = 160 \text{ m}$

Área da nova parcela: $160^2 = 25\,600 \text{ m}^2$

- 93 Temos un envase de *tetabrik* de forma cúbica con 2 litros de capacidade. Canto mide a aresta? Redondea o resultado a milímetros.

Solución:

Aresta: $\sqrt[3]{2} = 1,259921049 \text{ dm} = 126 \text{ mm}$

- 94 Un acuario de forma cúbica contén 1 000 kg de auga destilada a 4°C e ao nivel do mar. Canto mide a aresta do acuario?

Solución:

Volume: $1\,000 \text{ litros} = 1\,000 \text{ dm}^3$

Aresta: $\sqrt[3]{1\,000} = 10 \text{ dm} = 1 \text{ m}$

Aplica as túas competencias

- 95** Atopa a área dunha leira cadrada que ten 100 m de lado. Dá o resultado en hectáreas.

Solución:

$$\text{Área: } 100^2 = 10\,000 \text{ m}^2 = 1 \text{ ha}$$

- 96** Atopa a lonxitude do lado dunha leira cadrada que ten $62\,500 \text{ m}^2$ de área.

Solución:

$$\text{Lado: } \sqrt{62\,500} = 250 \text{ m}$$

- 97** Atopa o volume dun estanque de forma cúbica que ten 7,5 m de aresta.

Solución:

$$\text{Volume: } 7,5^3 = 421,875 \text{ m}^3$$

- 98** Atopa a lonxitude da aresta dun estanque de forma cúbica que ten un volume de 216 m^3 .

Solución:

$$\text{Aresta: } \sqrt[3]{216} = 6 \text{ m}$$

Comproba o que sabes

- 1 Define raíz cúbica e pon un exemplo.

Solución:

A **raíz cúbica** dun número **a** é outro número **b**, tal que **b** elevado ao cubo é **a**, é dicir, é a operación inversa de elevar ao cubo.

$$\sqrt[3]{a} = b \quad \text{se} \quad b^3 = a$$

Exemplo

$$\sqrt[3]{8} = 2 \text{ porque } 2^3 = 8.$$

- 2 Calcula:

- a) 5^0
- b) $(-3)^4$
- c) $(-2)^5$
- d) $7,5^2$

Solución:

- a) 1
- b) 81
- c) -32
- d) 56,25

- 3 Extrae fóra dos radicais o número maior que poidas:

- a) $\sqrt{18}$
- b) $\sqrt{75}$
- c) $\sqrt[3]{24}$
- d) $\sqrt[3]{250}$

Solución:

- a) $3\sqrt{2}$
- b) $5\sqrt{3}$
- c) $2\sqrt[3]{3}$
- d) $5\sqrt[3]{2}$

- 4 Atopa a seguinte raíz cadrada con dous decimais, e fai a comprobación:

$$\sqrt{654,7}$$

Solución:

Raíz: 25,58

Resto: 0,3636

$$\text{Comprobación: } 25,58^2 + 0,3636 = 654,7$$

- 5 Realiza a seguinte operación aplicando a xerarquía das operacións:

$$(6^3 + \sqrt[3]{125} - 95) : \sqrt{81}$$

Solución:

14

- 6 Aplicando as propiedades das raíces, calcula:

- a) $\sqrt{50} \cdot \sqrt{2}$
- b) $\sqrt{63} : \sqrt{7}$
- c) $\sqrt[3]{16} \cdot \sqrt[3]{4}$
- d) $\sqrt[3]{40} : \sqrt[3]{5}$

Solución:

- a) $\sqrt{100} = \pm 10$
- b) $\sqrt{9} = \pm 3$
- c) $\sqrt[3]{64} = 4$
- d) $\sqrt[3]{8} = 2$

- 7 Nunha cidade hai 25 centros educativos. Cada centro educativo ten 25 aulas, e cada aula ten 25 alumnas e alumnos. Expresa en forma de potencia do menor número enteiro posible o número total de alumnos e alumnas que ten a devandita cidade, e atopa o número destes.

Solución:

Nº de alumnos e alumnas:

$$25^3 = (5^2)^3 = 5^6 = 15\,625 \text{ alumnas e alumnos.}$$

- 8 Temos un metro cúbico cheo de auga destilada a 4 °C e a nivel do mar. Entre cantas persoas poderán levantalo se cada unha pode con 125 kg?

Solución:

$$\text{Volume: } 1 \text{ m}^3 = 1\,000 \text{ dm}^3 = 1\,000 \text{ kg}$$

$$\text{Nº de persoas: } 1\,000 : 125 = 8 \text{ persoas.}$$

Paso a paso**99** Calcula:

$$3,56^7$$

Solución:

Resolto no libro do alumnado.

100 Calcula:

$$5,7 \cdot 10^{23} \cdot 3,45 \cdot 10^{-9}$$

Solución:

Resolto no libro do alumnado.

101 Calcula:

$$\sqrt{645,7}$$

Solución:

Resolto no libro do alumnado.

102 Calcula:

$$\sqrt[3]{216}$$

Solución:

Resolto no libro do alumnado.

103 Extrae factores do radical:

$$\sqrt{50}$$

Solución:

Resolto no libro do alumnado.

104 Calcula:

$$(56 - 7^2) \cdot \sqrt{25}$$

Solución:

Resolto no libro do alumnado.

*Formula o seguinte problema e resólveo coa axuda de Wiris ou DERIVE:***105** O patio dun centro escolar é cadrado e mide 1 000 m². Canto mide de longo e de ancho? Aprecia o resultado ata os centímetros.**Solución:**

Resolto no libro do alumnado.

106 Internet. Abre: www.xerais.es e elixe Matemáticas, curso e tema.**Practica****107** Calcula as seguintes potencias:

- a) 2^{64}
- b) $(-3)^{15}$
- c) $0,99^5$
- d) $(-1,1)^{10}$

Solución:

- a) 18 446 744 073 709 551 616
- b) -14348907
- c) 0,9509900498
- d) 2,593742460

108 Calcula:

- a) $7,5 \cdot 10^{15} \cdot 3,33 \cdot 10^5$
- b) $2,25 \cdot 10^{14} : (7,9 \cdot 10^{-5})$
- c) $(8,3 \cdot 10^5)^3$

Solución:

- a) $2,4975 \cdot 10^{21}$
- b) $2,848101265 \cdot 10^{18}$
- c) $5,71787 \cdot 10^{17}$

109 Calcula:

- a) $\sqrt{3}$
- b) $\sqrt{55,33074}$
- c) $\sqrt[3]{456,25}$
- d) $\sqrt[3]{80\,023,345}$

Solución:

- a) 1,732050807
- b) 7,438463551
- c) 7,698408621
- d) 43,09288466

110 Extrae fóra do radical o número maior que poidas:

- a) $\sqrt[3]{40}$
- b) $\sqrt[3]{54}$
- c) $\sqrt[3]{500}$

Solución:

- a) $2\sqrt[3]{5}$
- b) $3\sqrt[3]{2}$
- c) $5\sqrt[3]{4}$

111 Realiza as seguintes operacións aplicando a xerarquía:

- a) $(9^2 + 23 - 7^2) \cdot \sqrt{64}$
- b) $(10^2 - \sqrt{81} + 5^3) : \sqrt{36}$

Solución:

- a) 440
- b) 36

Escribe as expresións numéricas correspondentes aos seguintes enunciados e atopa o resultado:

112 Un envase de zume ten forma cúbica, e a súa capacidade é de 216 cm^3 . Canto mide a aresta?

Solución:

Aresta: $\sqrt[3]{216} = 6 \text{ cm}$

113 O número 3,45 elevado ao cadrado menos a raíz cadrada de 42,7.

Solución:

$$3,45^2 - \sqrt{42,7} = 5,367976298$$

Formula os seguintes problemas e resólveos coa axuda de Wiris ou DERIVE:

114 Queremos vender os piñeiros dunha leira, que ten 35 filas e 35 columnas, ao prezo de 35 € cada piñeiro. Expresa en forma de potencia o valor dos piñeiros e atopa o resultado.

Solución:

$$\text{Valor: } 35^3 = 42\,875 \text{ €}$$

115 Atopa a aresta dun cubo cuxo volume mide $185,193 \text{ m}^3$.

Solución:

$$\text{Aresta: } \sqrt[3]{185,193} = 5,7 \text{ m}$$

116 O disco duro dun ordenador ten 200 Gb de capacidade. Se $1 \text{ Gb} = 2^{10} \text{ Mb}$, $1 \text{ Mb} = 2^{10} \text{ Kb}$ e $1 \text{ Kb} = 2^{10} \text{ bytes}$, cal é a capacidade do disco duro en bytes e notación científica?

Solución:

Capacidade:

$$200 \cdot 2^{10} \cdot 2^{10} \cdot 2^{10} = 2,1475 \cdot 10^{11} \text{ bytes.}$$