# Números y calculadoras



Jornadas investigación en el aula de Matemáticas

Sentido numérico

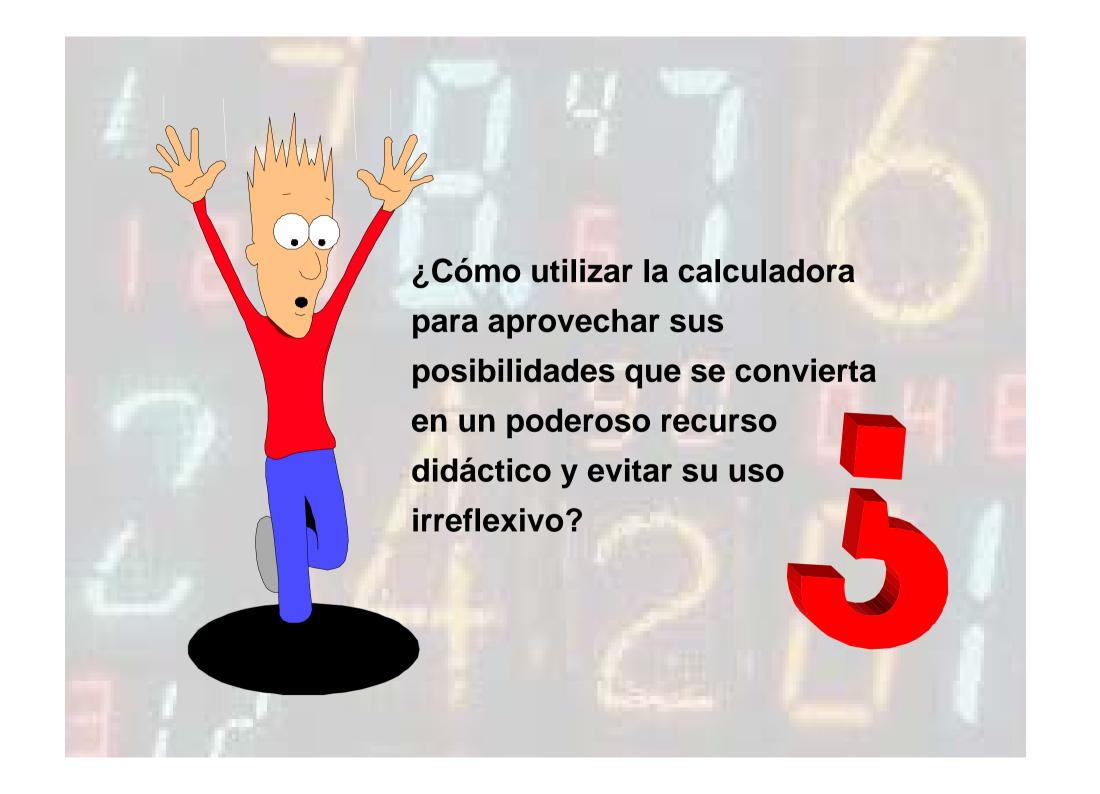
**Encarnación Amaro Parrado** 

IES Virgen de la Cabeza de Marmolejo

Agustín Carrillo de Albornoz Torres

IES Sierra Morena de Andújar





# en contra





- Si los cálculos se realizan con máquinas, no sabrán hacerlos sin ellas.
- Calcular con máquina es calcular sin pensar.
- No está demostrado que con calculadora los alumnos aprendan más.
- No hay suficientes calculadoras en el centro.
- Heterogeneidad de calculadoras.
- Si aprenden a operar con calculadora no es necesario enseñarles a operar sin ellas.

- La calculadora aumenta la motivación del alumno y su interés por las matemáticas.
- Permiten atender a alumnos con diferentes niveles de aprendizaje.
- No reduce la capacidad de comprensión matemática.
- Dedicar mayor tiempo a los conceptos.
- Investigar y deducir resultados.
- Forman parte del entorno del alumno.

¿Qué podemos hacer con una calculadora en el aula?



¿A qué edad la utilizamos?

¿Qué modelo o qué tipo?

¿Qué ventajas e inconvenientes tiene?

#### Calculadora CASIO fx - 82ES



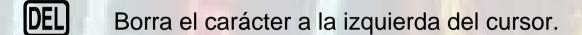
- Pantalla natural de libro de texto
- Tecla de cursor para editar
- 249 funciones integradas
- SCI/FIX
- Cálculo de porcentajes
- 24 niveles de paréntesis
- Funciones de trigonometría
- Funciones hiperbólicas e hiperbólicas inversas
- Sistema automático de cálculo de quebrados
- Generador de números aleatorios
- Tabla de funciones
- Transformación de sexagesimal a decimal y viceversa
- Estadística bidimensional con cálculo de valor medio, valor estimado y sumas
- Permutaciones y combinaciones

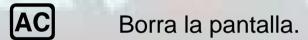
#### **ACTIVIDADES**

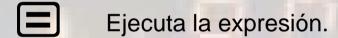
- Operaciones con números enteros (paréntesis).
- Operaciones con fracciones.
- Números decimales.
- Raíces.
- Estadística.
- Tablas de valores.
- Combinatoria.
- Resolución de ecuaciones
- Trigonometría
- Porcentajes
- Sistema sexagesimal.
- Notación científica.
- Utilización de la memoria.

# Edición de expresiones

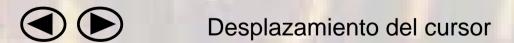


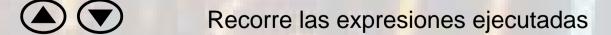






Ans Variable que guarda el último valor obtenido.





# **Operaciones combinadas con números enteros**

$$(-1)$$
- $(25-11+2)$ + $3+5+2$ - $(7-2)$ =

$$(-45-23)-2\cdot[34-2\cdot(3-5)]=$$

$$2 \cdot (3+5) \cdot (8-1) + (-1) \cdot (3+1) \cdot 8 =$$



# **Explorando regularidades**

- Multiplicando por números formados por sólo 1 y 0
- Resolver, con la calculadora, los siguientes ejercicios y anotar los resultados en el cuaderno:

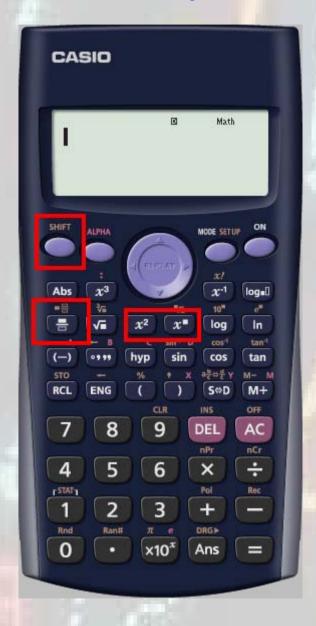
- Proponer alguna explicación para el tipo de resultado que se obtiene en cada caso.
- Llevar a los alumnos a resolver algunas de estas multiplicaciones descomponiendo el segundo factor y aplicando la propiedad distributiva.

Por ejemplo: 
$$148 \times 1001 = 148 \times 1000 + 148 \times 1$$

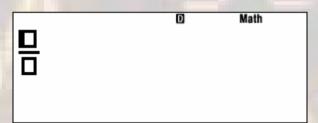
Calcular mentalmente el resultado de:

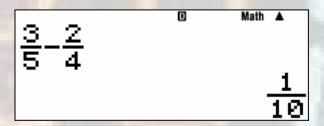


# **Potencias y fracciones**

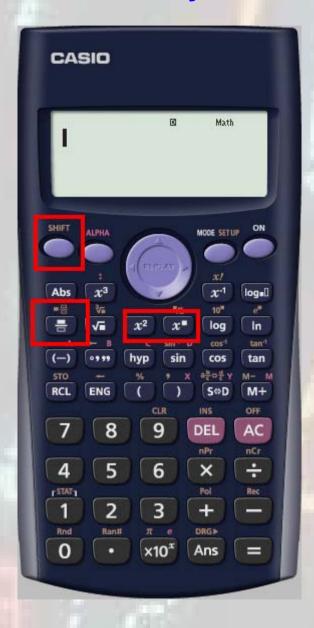


- Introducir una fracción.
- $\chi^2$  Cuadrado de un número.
- Potencia de un número.





# **Potencias y fracciones**

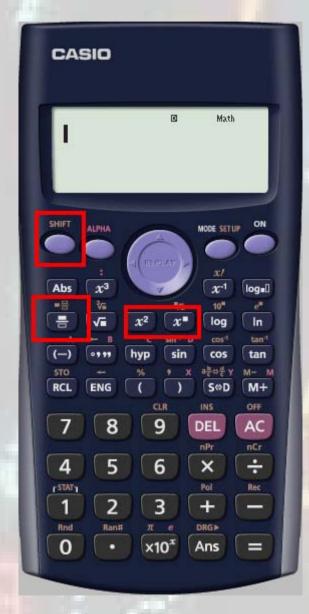


- Introducir una fracción.
- $x^2$  Cuadrado de un número.
- Potencia de un número.

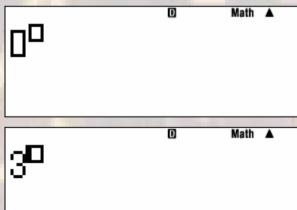


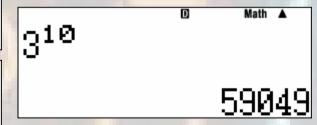


# **Potencias y fracciones**



- Introducir una fracción.
- $\chi^2$  Cuadrado de un número.
- **x** Potencia de un número.





Necesitarás una buena calculadora con muchos dígitos si no eres capaz de deducir los resultados de las siguientes operaciones:

12

112

111<sup>2</sup>

11112

111112

Repite las operaciones anteriores cambiando el 1 por un 9, e intenta adivinar el resultado.

# **Operaciones con fracciones**

- Simplificar una fracción: 24/20
- Calcula:

$$2(15-7)^2-4^3$$
  
1 -  $[2^3(5-3^2)]$ : 32

Opera y simplifica:

$$\frac{-1 + \frac{1}{2} \cdot \left(-\frac{4}{3}\right)}{\frac{1}{3} - \frac{2}{3} : 7}$$

$$\frac{4}{5} \cdot \left[ \left( \frac{5}{8} - \frac{1}{3} \right) \cdot 12 \right]$$

# Conversión de fracción a número decimal





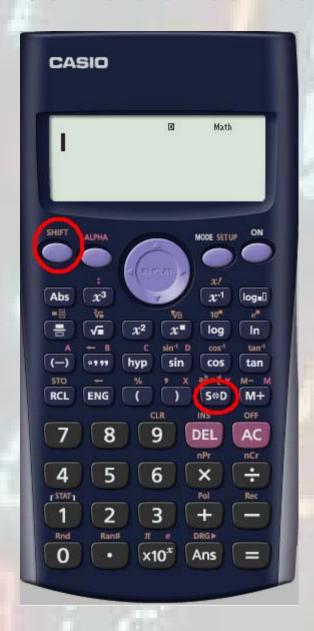
Realiza la conversión entre fracción y número decimal

$$\frac{3}{2} - \frac{1}{4} \times \frac{2}{5}$$
 $\frac{7}{5}$ 

$$\frac{3}{2} - \frac{1}{4} \times \frac{2}{5}$$

1.4

# Conversión de fracción a número mixto



SHIFT S+D 
$$\left(a\frac{b}{c}+\frac{d}{c}\right)$$

Convierte un fracción en un número mixto

$$\frac{3}{2} - \frac{1}{4} \times \frac{2}{5}$$

$$\frac{3}{2} - \frac{1}{4} \times \frac{2}{5}$$

1  $\frac{2}{5}$ 

1:MthIO 2:LineIO 3:De9 4:Rad 5:Gra 6:Fix 7:Sci 8:Norm Establecer el número de cifras decimales

Fix 0~9?

SHIFT MODE 6 (Fix)

3.45÷1.34

2.5746

• ¿A qué número decimal equivalen las siguientes fracciones?

4/3

20/25

4/21

7/15

5/24

3/77

• Expresa en forma de fracción, los siguientes números decimales:

3,25

2,111...

54,2373737...

0,0020202...

1,233333....

Toma tu calculadora y señala cuál de las siguientes divisiones es exacta. En caso de que no lo sea, calcula su cociente y su resto.

43:5

25:3

46:73

163:37

8.956:70

17.752:317

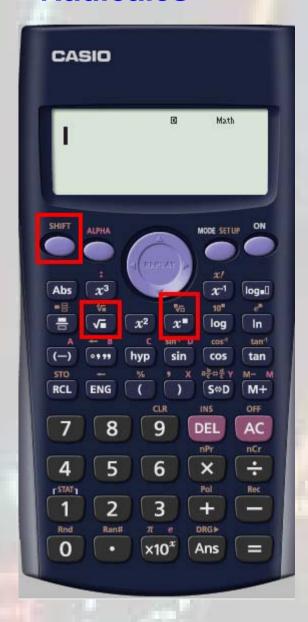
78.910:456

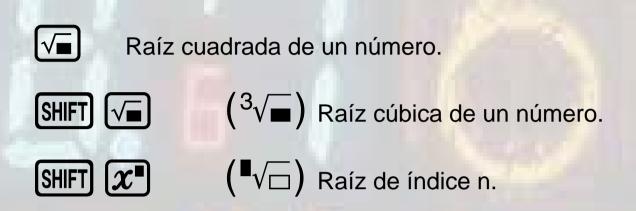
163:37

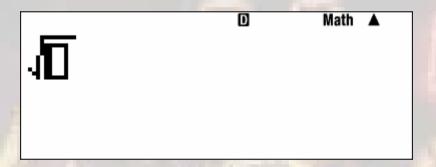
21.000.000:11

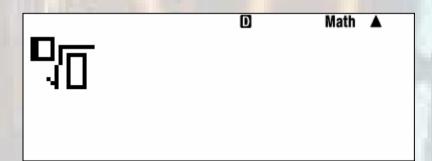


#### **Radicales**









#### **Radicales**

Racionalizar:

$$\frac{3}{\sqrt{5}} \; ; \; \frac{-4}{\sqrt{3} + \sqrt{5}} \; ; \; \frac{\sqrt{5}}{2\sqrt{5} - 3\sqrt{2}}$$

Suma de radicales:

$$3\sqrt{8} + 2\sqrt{18} - 5\sqrt{50}$$

$$\sqrt{80} - 5\sqrt{45} + \sqrt{245}$$

En las tres actividades que siguen hay que trabajar con alguna estrategia de búsqueda.

- a. 15.252 es el producto de dos números naturales consecutivos.
   Halla dichos números.
- b. 357627 es el producto de tres números impares consecutivos.
   Halla dichos números.
- c. 206.725 es la suma de dos cuadrados perfectos consecutivos ¿Cuáles son?

Usa la calculadora para obtener  $\sqrt{2+\sqrt{2}}$ 

Y ahora para obtener  $\sqrt{2 + \sqrt{2 + \sqrt{2}}}$ 

Con esa secuencia debes obtener con la mayor aproximación que te permita la calculadora el valor de

$$\sqrt{2 + \sqrt{2 + \sqrt{2 + \sqrt{2 + \dots}}}}$$

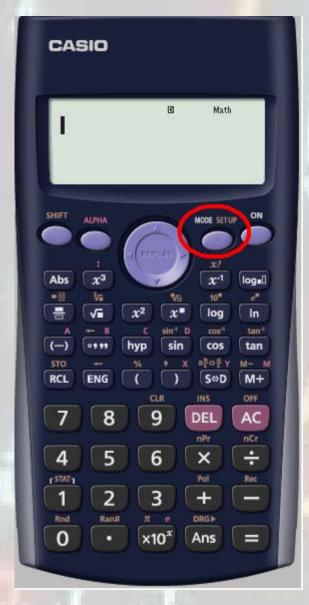
Calcula el valor de  $\sqrt{2}$ 

Tu calculadora lo expresa con un número de cifras decimales que queremos ampliar.

¿Qué proceso tenemos que realizar para determinar las siguientes cifras decimales que la calculadora no nos ha dado?



#### **Estadística unidimensional**



MODE

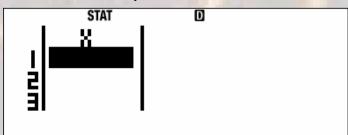
Accede a la configuración para establecer distintos modos de trabajo.

```
1:COMP 2:STAT
3:TABLE
```

**2** Estadística.

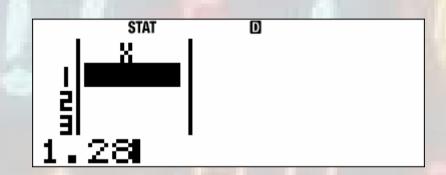
```
1:1-VAR 2:A+BX
3:_+CX<sup>2</sup> 4:1n X
5:0^X 6:A·B^X
7:A·X^B 8:1/X
```

1 Datos simples.



Halla el número medio de hijos por mujer en 1998 en España a partir de los datos de las comunidades autónomas y calcula la desviación típica.

Andalucía	1,28		
Aragón	1,05		
Asturias	0,8		
Baleares	1,44		
Canarias	1,24		
Cantabria	0,94		
Castilla-León	0,91		
Castilla-La	1,24		
Cataluña	1,21		
C. Valenciana	1,17		
Extremadura	1,2		
Galicia	0.9		
Madrid	1.19		
Murcia	1,41		
Navarra	1,7		
País Vasco	0,97		
La Rioja	1,12		
Ceuta y Melilla	1,87		



#### Para obtener los valores pedidos:

Andalucía	1,28		
Aragón	1,05		
Asturias	0,8		
Baleares	1,44		
Canarias	1,24		
Cantabria	0,94		
Castilla-León	0,91		
Castilla-La	1,24		
Cataluña	1,21		
C. Valenciana	1,17		
Extremadura	1,2		
Galicia	0.9		
Madrid	1.19		
Murcia	1,41		
Navarra	1,7		
País Vasco	0,97		
La Rioja	1,12		
Ceuta y Melilla	1,87		

AC

SHIFT (

1 Edició

Edición de la tabla y cálculo de parámetros.

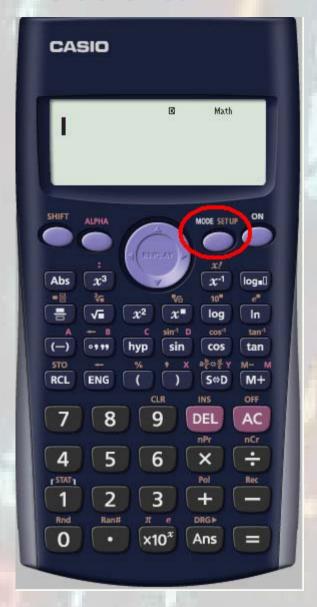
5

$$\overline{x} = 1,20$$

$$\sigma = 0,2681$$



#### **Estadística**





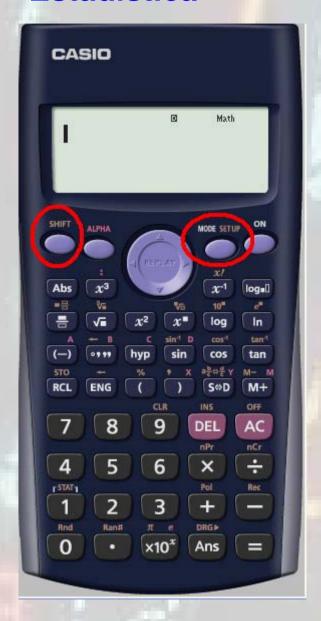
Accede a la configuración para establecer distintos modos de trabajo.

2 Estadística.

```
1:1-VAR 2:A+BX
3:_+cX2 4:1n X
5:0^X 6:A·B^X
7:A·X^B 8:1/X
```

1 Variable unidimensional con frecuencias.

#### **Estadística**





Accede a la configuración SETUP.

```
1:MthIO 2:LineIO
3:De9 4:Rad
5:Gra 6:Fix
7:Sci 8:Norm
```



```
1:ab/c 2:d/c 1
3:STAT 4:Disp
5:∢CONT▶
```

3

Frequency? 1:0N 2:0FF

1

Para activar columna de frecuencias

#### **Estadística**

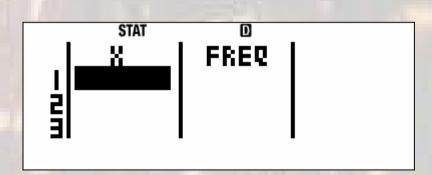


Para acceder a la aplicación STAT.

1:COMP 2:STAT 3:TABLE

2

1



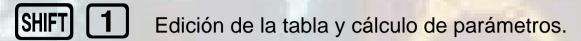
Las calificaciones de 180 alumnos se recogen en la siguiente tabla, calcula la media y la desviación típica

Calificaciones	Nº Alumnos			
0	1			
1	5			
2	15			
3	20			
4	30			
5	35			
6	22			
7	14			
8	16			
9	14			
10	8			



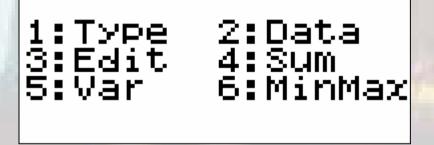
#### Para obtener los valores pedidos:

Calificacion	Nº Alumnos			
0	1			
1	5			
2	15			
3	20			
4	30			
5	35			
6	22			
7	14			
8	16			
9	14			
10	8			



AC

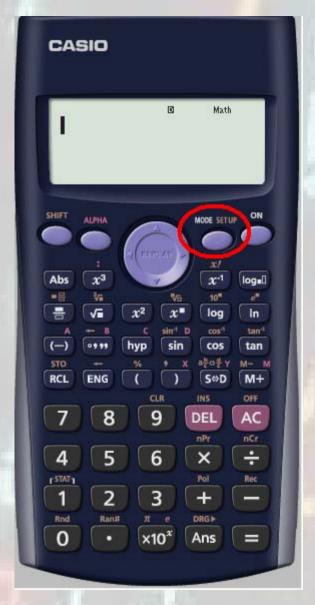
5



$$\overline{x} = 5,3$$

$$\sigma = 2,4633$$

#### Estadística bidimensional

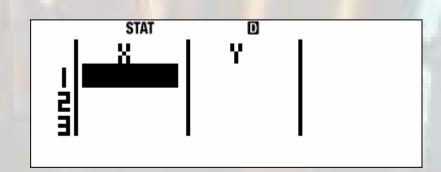




1:COMP 2:STAT 3:TABLE

2 1:1-VAR 2:A+BX 3:\_+CX2 4:1n X 5:0^X 6:A·B^X 7:A·X^B 8:1/X

2



 Un grupo de alumnos realizan un test y un examen de Historia. Las puntuaciones del test y los resultados del examen son:

Puntuación	150	140	130	120	110	90
Calificació	10	9	8	7	6	5
n						

- a) Calcula las medias y desviaciones típicas de las dos variables
- b) Calcula e interpreta el coeficiente de correlación lineal
- c) Obtén las rectas de regresión de la calificación en función de la puntuación en el test para estimar la calificación de un alumno que tenga una puntuación de 125 en el test.



# SHIFT 1 Edición de la tabla y cálculo de parámetros

1:Type 2:Data 3:Edit 4:Sum 5:Var 6:MinMax 7:Re9

7 1:A 2:B 3:r 4:2

$$\bar{x} = 123,33$$
  $\bar{y} = 7,5$   
 $\sigma_x = 19,72$   $\sigma_y = 1,71$   
 $r = 0,9897$   $y = 0,086x-3,07$   $(x = 125 \Rightarrow y = 7,64)$ 

## Cifras repetidas

- Trazar todas las rectas que unen tres teclas de modo que una de ellas sea la tecla 5. ¿Cuánto suman los números de cada una de esas rectas?
- Pulsar ordenadamente, un trío de teclas de una línea horizontal del teclado, por ejemplo 4, 5 y 6. Pulsar la tecla con el signo y, a continuación, pulsar en el mismo orden anterior, (de izquierda a derecha, por ejemplo) la línea siguiente de teclas, anotar el número que aparece en pantalla. Pulsar la tecla = y anotar el resultado que se obtiene. Repetirlo con las otras líneas de teclas. ¿Qué característica común tienen todos los resultados que se obtienen?



## **Cifras repetidas**

- ¿Qué variaciones se producen en el resultado si se invierte el orden en que se pulsan las teclas?
- ¿Qué sucede si se restan los números que resultan al pulsar las tres primeras teclas de derecha a izquierda (987) y las tres segundas de izquierda a derecha (456)? ¿Y qué pasa con 456 - 321?
- En forma similar, buscar regularidades que se presentan en los resultados al restar números que se obtienen al pulsar las teclas de una misma columna.



### **Cifras sin letras**

- Con estos números: 18; 52; 32; 968
- Obtener 968 operando con los otros tres.
- Obtener 32 operando con los otros tres.
- Obtener 18 operando con los otros tres.
- Obtener 52 operando con los otros tres.

## Más números

- 1.- Forma con las siguientes cifras y la operación pertinente el número que se indica o una buena aproximación.
  - a) Con 2, 3 y 4 forma un número tal que al multiplicarlo por 5 nos da un número cercano al 2160.
  - b) Con 2, 3, 5, 7, y 8 un número tal que al multiplicarlo por 7 se acerque el máximo a 5.000.
  - c) Con 6, 7, 8, y 9 un número que al dividirlo por 5 se acerque el máximo a 200.

Nota: A la hora de formar los números no se pueden repetir las cifras, no es necesario emplear todas y se puede emplear la coma.

- 2.- Calcular cuatro números pares consecutivos tales que su suma sea 396.
- 3.- Calcular cinco números impares consecutivos tales que su producto sea 28.035.315.
- 4.- El cociente de dos números consecutivos es igual a 0,9375. ¿De qué números se trata?

## Combinatoria

¿Cuantos números de tres cifras distintas se pueden formar con las nueve cifras significativas del sistema decimal?

$$V_9^3 = 504$$

SHIFT



¿Cuantas palabras distintas de 10 letras (con o sin sentido) se pueden escribir utilizando sólo las letras a, b?

$$VR_9^3 = 729$$

$$9x^{\bullet}$$



Con las letras de la palabra DISCO ¿cuantas palabras distintas se pueden formar?

$$P_5 = 5! = 120$$





Cuantos grupos de 5 alumnos pueden formarse con los treinta alumnos de una clase. (Un grupo es distinto de otro si se diferencia de otro por lo menos en un alumno)

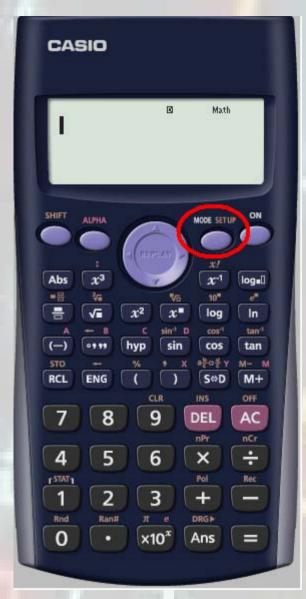
$$C_{30}^5 = {30 \choose 5} = 142506$$







## Tabla de valores de una función





Aparecerá X

Math

## Tabla de valores de una función

Start?

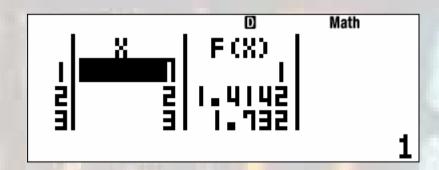
End? Math 5

Valor inicial para X

Valor final para X

Step?

Incremento de X



## Tabla de valores de una función

Start? 1

Valor inicial para X

End? 5

Valor final para X

Step?

Incremento de X

• Calcular la tabla de f(x)=sen(x), de 0 a  $2\pi$ , de  $\pi/2$  en  $\pi/2$ .

Hay que poner la calculadora en radianes SHIFT MODE 4

Para poner  $\pi$  hay que pulsar SHIFT  $\times 10^{\circ}$ 

• Calcular la tabla de la función  $f(x) = \log_2 x$ 

• Calcular la tabla de la función  $f(x) = x^2 - 3x + 4$ 



### Resolución de ecuaciones

Aunque la fx-82ES no es una calculadora gráfica ni algebraica, con ella podemos resolver ecuaciones de diversos tipos.

Resolver 
$$x^2 - 5x + 6 = 0$$

Pulsamos MODE 3 Para seleccionar TABLE Escribimos la fórmula de la función (ALPHA)  $\bigcirc$   $\cancel{x}^2$  + 5 (ALPHA)  $\bigcirc$  + 6

- Pulsamos [=] La pantalla pide que introduzcamos el origen del intervalo que vamos a poner -2 = e introducimos el extremo que vamos a poner +5 y el incremento de los valores de 1
- Ahora buscamos en la tabla los valores para los que la función vale 0, que son 2 y 3

**Resolver** 
$$2x^3 - x^2 - 2x - 1 = 0$$
 (intervalo [-1,1] con paso 0,1)



## **Trigonometría**

Calcular sen(60°)

sin 6 0 =

(con la calculadora en DEG)

Calcular  $sen^{-1}(0,5)$ 

SHIFT sin sin 0 • 5 = (con la calculadora en RAD)

Resuelve la ecuación trigonométrica  $sen 2x = \frac{1}{4}$ 

Pulsamos MODE 1 SHIFT sin ( = 1 • 4 ) = 2 =

$$\sin^{-1}(\frac{1}{4}) \div 2$$
  
7.238756093

Comprueba con la calculadora que cos(72°)= 
$$\sqrt{\frac{3}{8} - \frac{\sqrt{5}}{8}}$$



## **Porcentajes**

• Expresa como número decimal el 2%

2 SHIFT ( (%) =

• Halla el 20% de 150

2 0 SHIFT ((%) X 1 5 0 =

2% STAT 0 0 0 . 02

20%×150

Calcula qué porcentaje de 880 es 660

Aumenta 2500 en un 15%

• Disminuye 3500 en un 25%

• Si se agregan 300 gramos a un lote que originalmente pesa 500 gramos, ¿cuál es el porcentaje de aumento de peso?

• Si un valor cambia de 40 a 46, ¿cuál es el porcentaje de cambio?



## Operaciones en el sistema sexagesimal

 Podemos pasar del sistema decimal al sexagesimal simplemente pulsando la tecla •••• =

Ejemplo: 34,5 so 34°30′0″

Para escribir 25°51′10″

pulsamos: 25 ••• 5 1 ••• 1 0 ••• =

si lo queremos en el sistema decimal pulsamos SHIFT ...

## Operaciones en el sistema sexagesimal

Efectuar las siguientes operaciones:



## Notación científica



3.025×1012

ALPHA MODE 7 Para elegir el número de cifras significativas

Realiza las siguiente operaciones, dando el resultado con 5 cifras significativas:

$$1,2.10^2 + 1,8.10^3$$

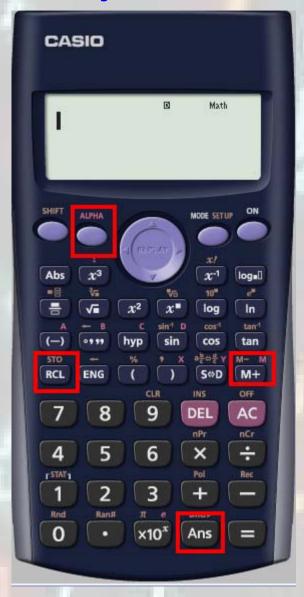
$$\frac{12,35\cdot 10^4\cdot 37,9\cdot 10^{-6}}{12350\cdot 10^{-2}\cdot 3790\cdot 10^{6}}$$

$$(2,25\cdot10^{22})\cdot(4\cdot10^{-15}):(3\cdot10^{3})$$

$$4,2\cdot10^{-7}-8,2\cdot10^{17}+1,8\cdot10^{-5}$$



## Trabajar con la memoria de la calculadora



Hay tres tipos de memorias

1<sup>a</sup> Memoria de respuesta

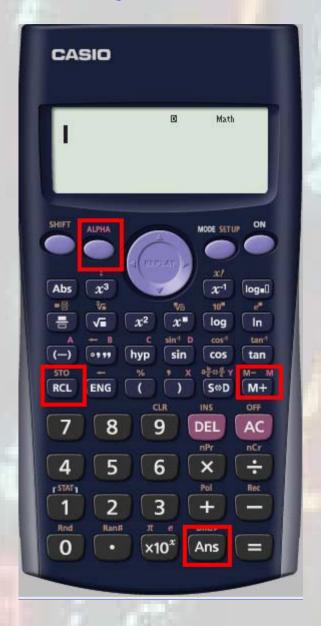
Ans es el resultado de la última operación

2ª Memoria independiente M+

Recuperar la memoria RCL M+

Borrar la memoria O SHIFT RCL M+

## Trabajar con la memoria de la calculadora



3<sup>a</sup> Variables (A, B, C, D, X, Y)

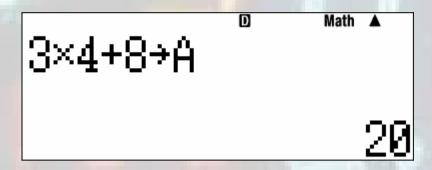
Realiza la siguiente operación

$$\frac{3\cdot 4+8}{4\cdot 7}$$

Asignar el valor 3x4+8 a la variable A 3x4+8 SHIFT RCL (-)
Asignar el valor 4x7 a la variable B.

Dividir A entre B

## Trabajar con la memoria de la calculadora



Para borrar el contenido de todas las memorias SHIFT 9 2



## Direcciones de interés

- http://www.aulacasio.com
- http://edu.casio.com/
- http://www.casio-europe.com/es/sc/graphic/
- http://classpad.net
   Se podrá descargar gratuitamente el emulador.
- http://www.flamagas.com
   División Didáctica de Casio España
- http://www.cpsdk.com
   Forum sobre programación
- http://www.classpad.org
- http://www.classpad.tk
   Página personal de Abel Martín.
- http://www.aulamatematica.com/

INICIO

QUIÉNES SOMOS

PUBLICACIONES

### ZONA **PROFESORES**

Ejercicios, descargas, una revista exclusiva... Sólo para profesores

DARSE DE ALTA

### AULA CASIO

BIENVENIDO A LA WEB DE LOS APASIONADOS DE LOS NÚMEROS

### FLAMAGAS

**™** CONTACTO

# Espacio Classpad

### PRODUCTOS









### PROGRAMARIO



**Aplicaciones** calculadoras Classpad



Aplicaciones calculadoras

Casio

supports

ICME-11

as a Main





### EVENTOS

Jornadas y congresos Cursos y talleres

Presentaciones en Universidades

### PUBLICACIONES



Modelos matemáticos aplicaciones...



Matemáticas con calculadora. Unidades...



El estudio de funciones con calculadora...

### NOVEDADES

Acta del Jurado del concurso de Unidades Didáticas Matemáticas con calculadora gráfica 2008

### **⊞** Leer más

Nueva versión del sistema operativo de la ClassPad

Nuevas funciones de los menús de Distribución Interactivo

### **⊞** Leer más

Permitido el uso de calculadoras gráficas en la selectividad de Cataluña

Las calculadoras gráficas de la marca Casio cumplen los requisitos para ser usadas en los exámenes de matemáticas de Selectividad de Cataluña del curso 2007/2008

**⊞** Leer más

### Quiénes somos

División didáctica Revista 22/7 Enlaces de interés

### **Novedades**

### Calculadoras científicas Calculadoras gráficas Calculadoras gráficas Espacio Classpad Espacio Classpad

Diccionarios Proyectores

### Programario

### **Actividades**

Calculadoras científicas Publicaciones

### **Publicaciones** Eventos

Eventos

### Novedades recientes

### **Productos**

### FAQ FAQ

## www.aulacasio.com

